



N.K.U.A. - Department of Science

Psachna, Euboea - Euripus Campus

Φυσική Περιβάλλοντος :

“κεφ 5: κίνηση στο ατμοσφαιρικό ρευστό“

Καθ. Μιχάλης Γρ Βραχόπουλος

Energy and Environmental Research Laboratory



“κίνηση στο ατμοσφαιρικό ρευστό”

1. Επίδραση της θερμότητας.
2. Μεταβολή της ατμοσφαιρικής πίεσης κατά τη διάρκεια μιας ημέρας.
3. Η δύναμη της βαροβαθμίδας, η δύναμη της βαρύτητας και η τριβή.
4. Δημιουργία ανέμου από περιοχή με υψηλές πιέσεις προς περιοχή με χαμηλές πιέσεις.
5. Δυνάμεις που ασκούνται στην αέρια μάζα.
6. Υλική και τοπική παράγωγός.
7. Δύναμη βαρύτητας.
8. Δύναμη Τριβής.
9. Κεντρομόλος & Φυγόκεντρος Δύναμη.
10. Δύναμη Coriolis.
11. Διατήρηση της μάζας – εξίσωση της συνέχειας.
12. Διατήρηση της ορμής – εξισώσεις κίνησης.
13. Διατήρηση της ενέργειας.
14. Διατήρηση του ατμοσφαιρικού ρύπου.
15. Γεωστροφικός Άνεμος.
16. Το γεωδυναμικό.
17. Αγεωστροφικός Άνεμος.
18. Θερμικός Άνεμος.
19. Ρευματοσυνάρτηση.

Κίνηση ατμοσφαιρικού ρευστού

Το ατμοσφαιρικό ρευστό δεν είναι στάσιμο εντός της ατμόσφαιρας αλλά κινείται.

Ένας θυλάκας αέρα μετακινείται κατακόρυφα στην ατμόσφαιρα....
Λόγω θέρμανσης

Βεβαίως:

Εκτός από την κατακόρυφη κίνηση στο ατμοσφαιρικό ρευστό λαμβάνουν χώρα και οριζόντιες κινήσεις.

Οι κινήσεις αυτές οφείλονται σε διαφορές πίεσης και εξαιτίας αυτών των διαφορών, αέρας μεταφέρεται από την περιοχή με αυξημένη πίεση προς την περιοχή με μειωμένη ώστε να επέλθει ισορροπία

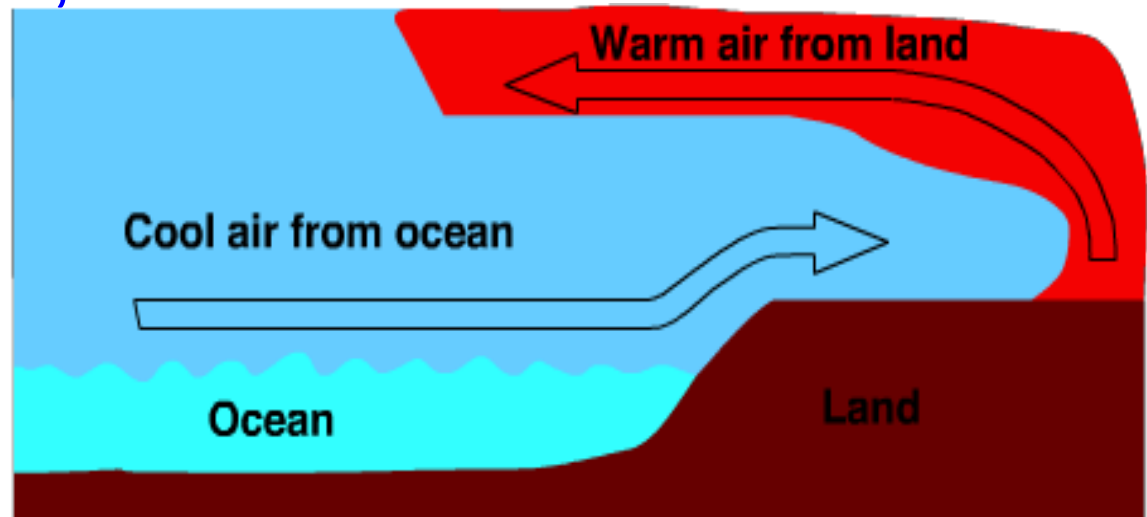
Το ίδιο συμβαίνει και όταν υφίσταται διαφορά θερμοκρασίας.

Γιατί συμβαίνει αυτό?

Σχεδόν η μοναδική πηγή ενέργειας για την ατμόσφαιρα της Γης είναι ο Ήλιος

Η ηλιακή ακτινοβολία που φτάνει στην ατμόσφαιρα κατανέμεται ανομοιόμορφα, λόγω της κλίσης του άξονα της Γης

Η Γη λοιπόν δεν θερμαίνεται ομοιόμορφα με αποτέλεσμα την δημιουργία κινήσεων μαζών ώστε να αντισταθμιστούν οι διαφορές θερμοκρασίας



Γιατί συμβαίνει αυτό?

Οι κινήσεις μπορεί να είναι τοπικές ή και πλανητικές και είναι υπεύθυνες για καταστροφικά φαινόμενα όπως κυκλώνες, τυφώνες, οι σίφωνες κ.λπ.

Οι κινήσεις του αέρα μέσω της διεπιφάνειας ατμόσφαιρας – ωκεανού επηρεάζουν και τα ωκεάνια ρεύματα.

Επιπλέον η τριβή του ατμοσφαιρικού αέρα πάνω στην ανώμαλη επιφάνεια της Γης και η διανομή ξηράς - θάλασσας, παίζουν σημαντικό ρόλο στην διαμόρφωση των κινήσεων μέσα στο ατμοσφαιρικό ρευστό.

Η ροή σε ένα ρευστό ... και στην ατμόσφαιρα, διακρίνεται σε δύο βασικές κατηγορίες...

Την **στρωτή** και την **τυρβώδη** (στροβιλώδη) ροή

Ως **στρωτή ροή** αποκαλείται αυτή που λαμβάνει χώρα σε παράλληλα στρώματα !!!

... αλλά

Η ροή εξαρτάται από το χρόνο και είναι δυνατό όταν διέρχεται από δεδομένο σημείο του πεδίου ροής σε διαφορετικές χρονικές στιγμές να σχηματίζει στροβίλους....

Τότε καλείται **τυρβώδης**

Συνθήκες ευστάθειας και αστάθειας στην ατμόσφαιρα

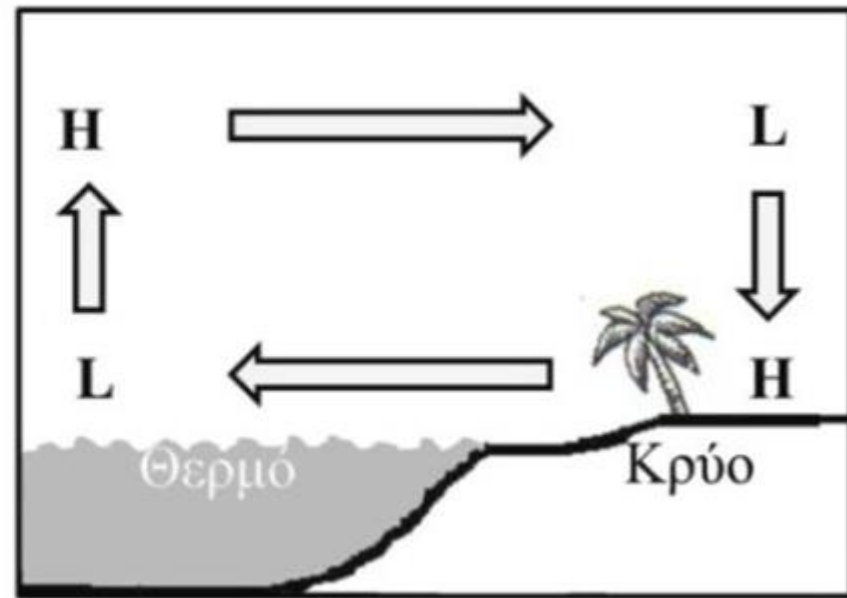
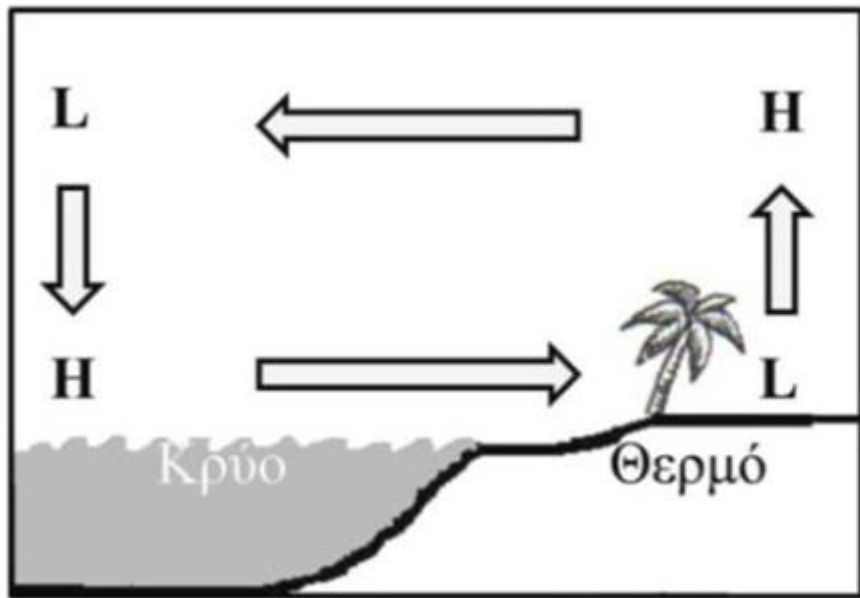
Οι κατακόρυφες κινήσεις των αερίων μαζών επηρεάζουν τόσο τον καιρό όσο και τις διαδικασίες ανάμειξης που είναι ιδιαίτερα σημαντικές στη μελέτη της αέριας ρύπανσης.

Ανερχόμενες ή κατερχόμενες αέριες μάζες δημιουργούνται εξαιτίας της μορφολογίας του εδάφους ή διαφόρων μετεωρολογικών συνθηκών (μέτωπα, βαρομετρικά συστήματα πίεσης)

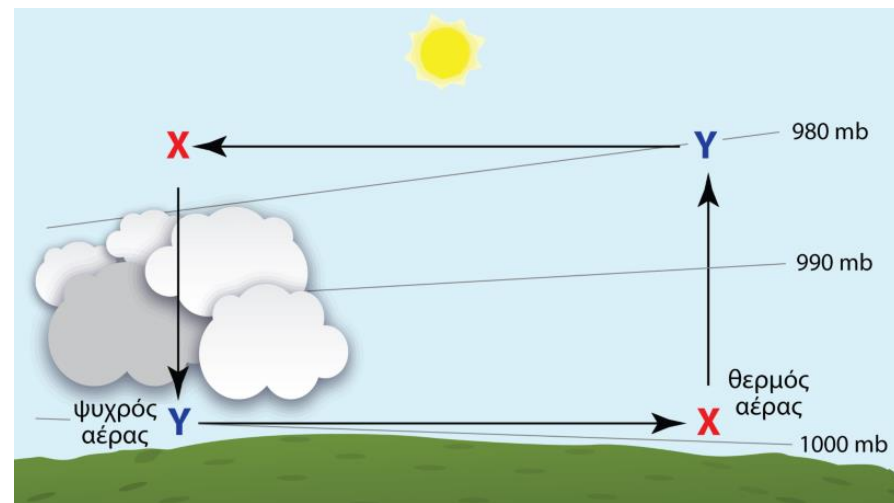
Αυτό που έχει ιδιαίτερη σημασία είναι κατά πόσο η ατμόσφαιρα ευνοεί αυτές τις κινήσεις.

Όταν η ατμόσφαιρα εμποδίζει τις κατακόρυφες κινήσεις δημιουργείται ευστάθεια, ενώ όταν ευνοούνται αστάθεια.

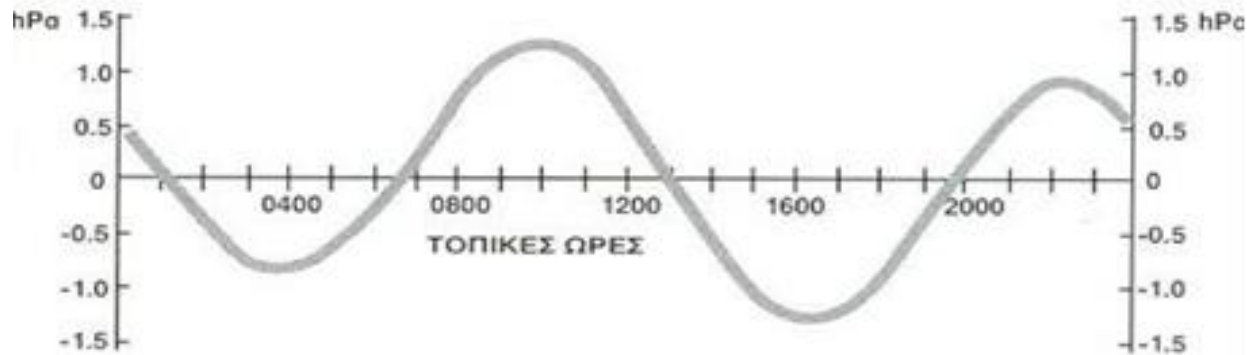
Δυνάμεις που ασκούνται στην αέρια μάζα



Επίδραση και της θερμοότητας



Μεταβολή της ατμοσφαιρικής πίεσης κατά τη διάρκεια μιας ημέρας σε έναν τόπο



Ισοβαρείς καμπύλες, ονομάζονται οι γραμμές που ενώνουν τους τόπους με την ίδια τιμή ατμοσφαιρικής πίεσης σε έναν χάρτη επιφανείας. Συνήθως εκφράζονται σε hPa (hectopascals) ή mb (millibars).

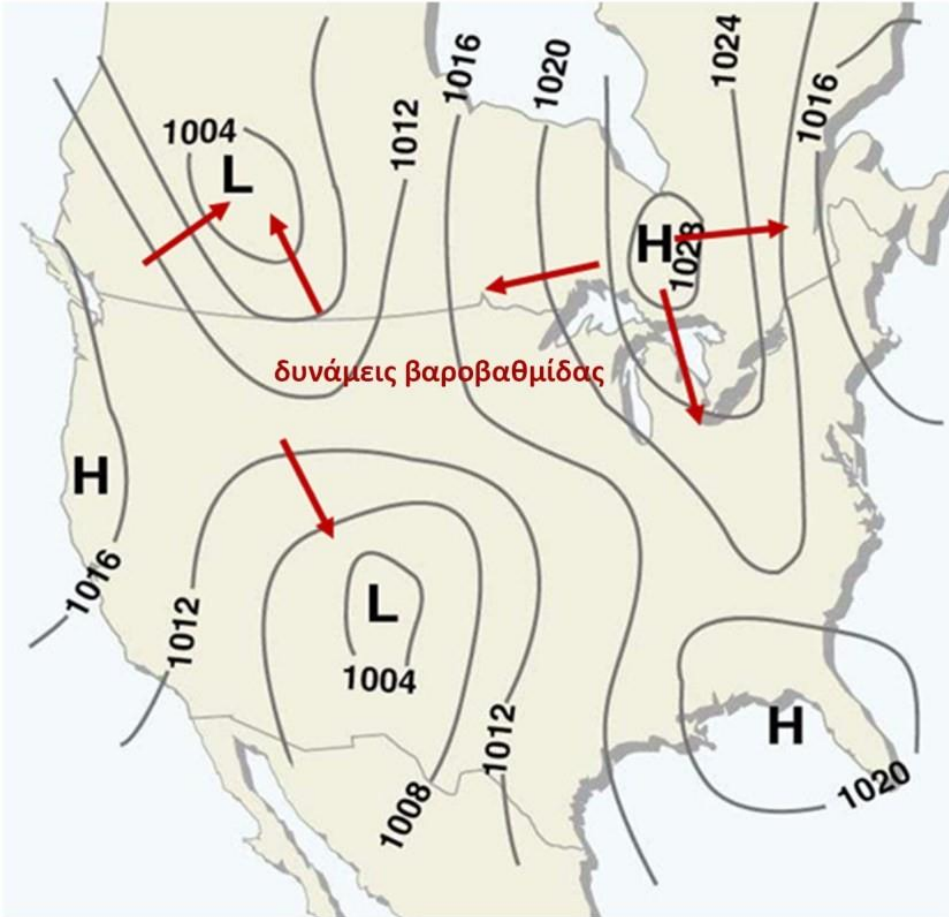
Οι κύριες μορφές ισοβαρικών σχηματισμών είναι οι ακόλουθες:

- Βαρομετρικό χαμηλό ή ύφεση (Depression ή Low)
- Αντικυκλώνας ή Υψηλό βαρομετρικό (Anticyclone ή High)
- Δευτερεύουσα ύφεση (Secondary depression)
- Βαρομετρικός θύλακας (Trough of low pressure)
- Βαρομετρική σφήνα (Wedge ή Ridge of high pressure)
- Βαρομετρικός λαιμός (Col)
- Ισοβαρείς Ευθείες (Straight isobars)

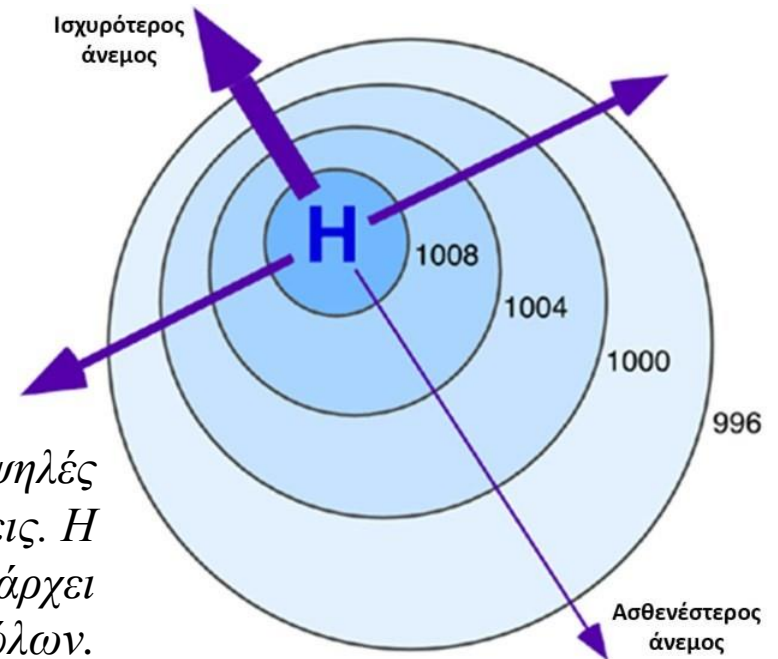
Δυνάμεις που ασκούνται στην αέρια μάζα

Οι δυνάμεις που ασκούνται σε μια αέρια μάζα η οποία έχει διαφορετικά χαρακτηριστικά από τον αέρα είναι...

- Εάν η μάζα είναι στάσιμη ή κινείται με σταθερή ταχύτητα τότε ισχύει ο δεύτερος νόμος του Νεύτωνα (αδρανειακό σύστημα) δηλαδή οι δυνάμεις που ασκούνται είναι **η δύναμη της βαροβαθμίδας, η δύναμη της βαρύτητας και η τριβή.**
- Η δύναμη που οφείλεται στη μεταβολή της πίεσης στο χώρο ονομάζεται **δύναμη βαροβαθμίδας**, ο ρόλος της οποίας είναι θεμελιώδης στην ατμοσφαιρική δυναμική.

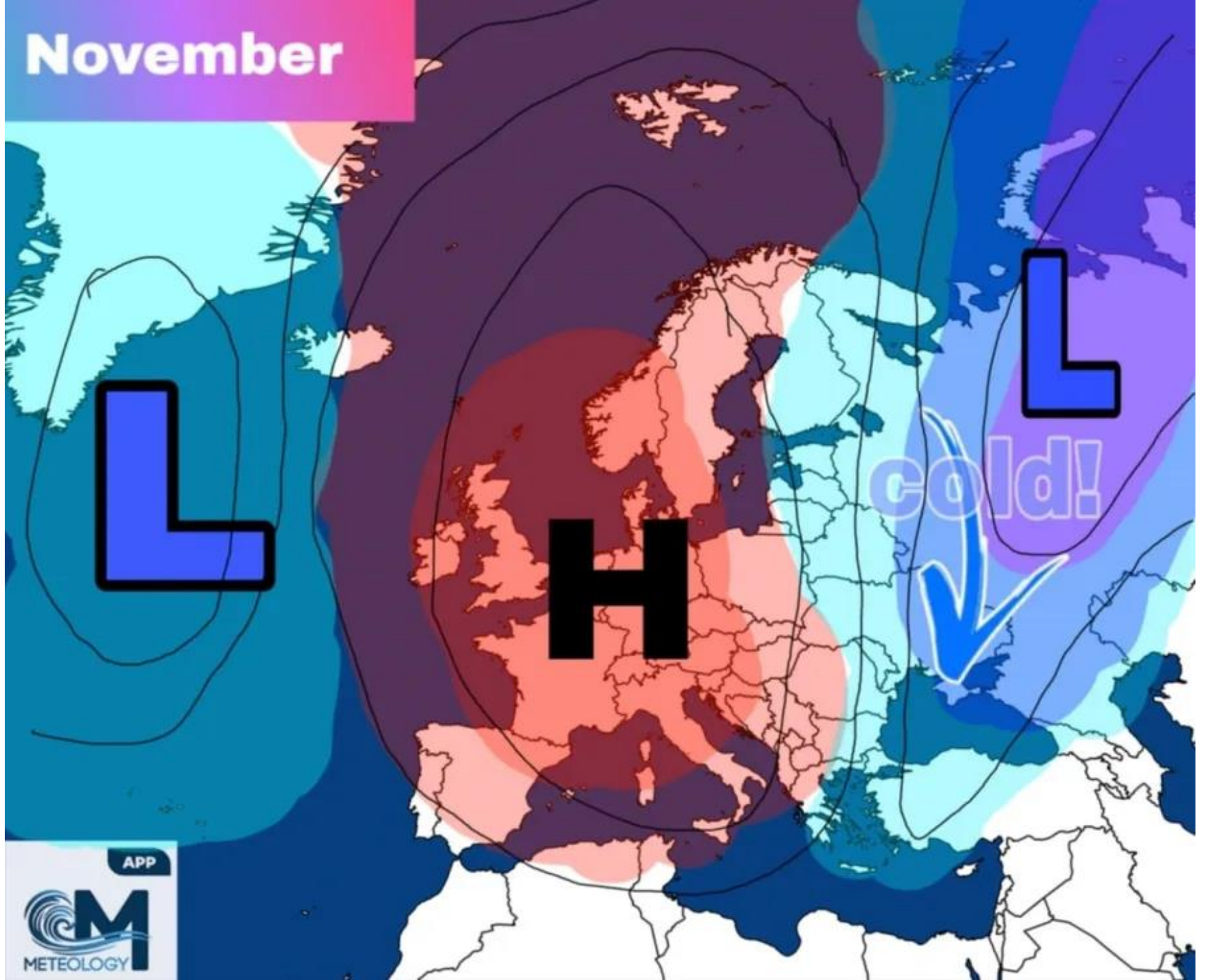


Χάρτης ισοβαρών καμπυλών. Με κόκκινα βέλη συμβολίζεται η δύναμη βαροβαθμίδας, που έχει διεύθυνση κάθετη στις ισοβαρείς και φορά προς τις χαμηλότερες πιέσεις.



Δημιουργία ανέμου από περιοχή με υψηλές πιέσεις προς περιοχή με χαμηλές πιέσεις. Η έντασή του είναι ισχυρότερη εκεί όπου υπάρχει μεγαλύτερη πυκνότητα ισοβαρών καμπύλων.

November



APP

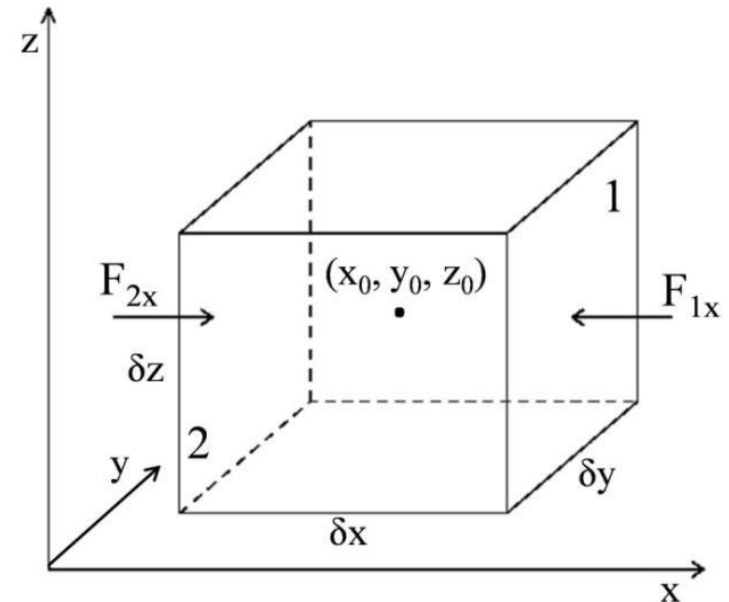


Δυνάμεις που ασκούνται στην αέρια μάζα

Βαροβαθμίδα ονομάζεται η μεταβολή της ατμοσφαιρικής πίεσης (καθέτου διεύθυνσης επί των ισοβαρών) στη μονάδα της γεωγραφικής απόστασης, (που είναι η μία μοίρα).

Όταν η **βαροβαθμίδα** μεταξύ δύο παρακείμενων τόπων, έχει τιμή ίση προς το μηδέν, τότε μεταξύ των δύο αυτών τόπων επικρατεί άπνοια, δηλαδή ο αέρας παραμένει οριζόντια ακίνητος και άνεμοι δεν παρατηρούνται.

Βαροβαθμίδα, ονομάζεται το πηλίκο της μεταβολής της πίεσης μεταξύ δυο ισοβαρών καμπυλών προς τη μεταξύ τους απόσταση $\frac{\Delta p}{\Delta x}$



Δυνάμεις που ασκούνται στην αέρια μάζα

Δύναμη βαροβαθμίδας

Η βαροβαθμίδα θεωρείται διάνυσμα με διεύθυνση κάθετη στις ισοβαρείς καμπύλες και φορά από τις υψηλότερες προς τις χαμηλότερες ατμοσφαιρικές πιέσεις.

Βαροβαθμίδες

της τάξεως (τιμής) 1mb/1° προξενούν ασθενείς ανέμους, ενώ της τάξεως 4 έως 5mb/1° προξενούν θυελλώδεις ανέμους.

Δυνάμεις που ασκούνται στην αέρια μάζα

Εάν το σύστημα επιταχύνεται, τότε δεν ισχύει η νευτώνεια μηχανική και πέραν των πραγματικών δυνάμεων που ασκούνται σε ένα κινούμενο σύστημα σε σχέση με το αδρανειακό σύστημα αναφοράς, εφαρμόζονται και φαινόμενες δυνάμεις (μη αδρανειακό σύστημα).

Οι δυνάμεις αυτές είναι η φυγόκεντρος και η δύναμη Coriolis

(που εξαρτάται από τη σχετική ταχύτητα της αέριας μάζας στο επίπεδο που είναι κάθετο στον άξονα περιστροφής της Γης)

Υλική και τοπική παράγωγός

Με τη θεώρηση ότι μια ιδιότητα της ατμόσφαιρας – η πίεση P, η θερμοκρασία T, ο άνεμος, οι υδρατμοί, ένας ρύπος, η δυναμική θερμοκρασία κ.λπ. – είναι συνάρτηση του χώρου και του χρόνου.

Για κάθε ιδιότητα ισχύει:

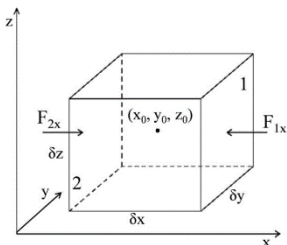
$$dA = \frac{\partial A}{\partial t} \cdot dt + \frac{\partial A}{\partial x} \cdot dx + \frac{\partial A}{\partial y} \cdot dy + \frac{\partial A}{\partial z} \cdot dz$$

Με διαίρεση στον χρόνο dt , δημιουργείται η εξίσωση που παριστάνει την μεταβολή στο χρόνο, δηλαδή:

$$\frac{dA}{dt} = \frac{\partial A}{\partial t} + \frac{\partial A}{\partial x} \cdot u + \frac{\partial A}{\partial y} \cdot v + \frac{\partial A}{\partial z} \cdot w$$

Συνεπώς:

$$\frac{dA}{dt} = \frac{\partial A}{\partial t} + (ui + vj + wk) \left(\frac{\partial A}{\partial x} \cdot i + \frac{\partial A}{\partial y} \cdot j + \frac{\partial A}{\partial z} \cdot k \right)$$



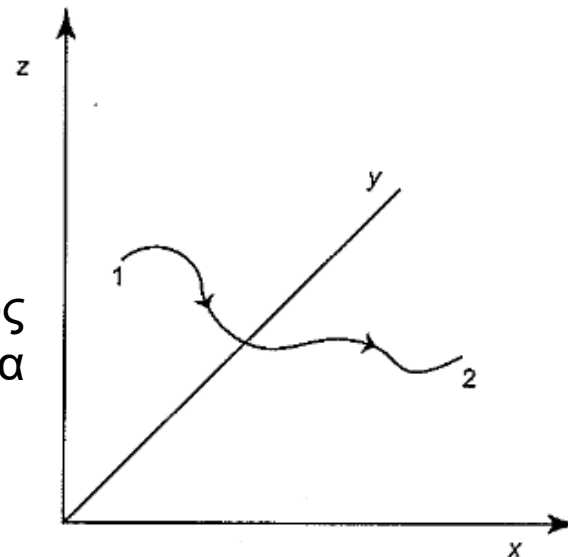
i, j, k διανύσματα

Η παράγωγος κατά την κίνηση δίνεται από την εξίσωση:

$$\frac{DA}{Dt} = \frac{\partial A}{\partial t} + \bar{U} \cdot \nabla A$$

Η σχέση αυτή **καλείται υλική παράγωγος ή παράγωγος κατά την κίνηση**. Ο όρος $\frac{\partial}{\partial t}$ είναι ο ρυθμός της μεταβολής της ιδιότητας στο χρόνο αλλά σε σταθερό σημείο $r = (x,y,z)$ και αναφέρεται σε ένα αδρανειακό σύστημα. Καλείται δε τοπική παράγωγος ή απεικόνιση της κίνησης κατά Euler

Σχηματική παράσταση της τροχιάς ενός θύλακα αέρα στην ατμόσφαιρα



\bar{U} , διάνυσμα $(u\mathbf{i} + v\mathbf{j} + w\mathbf{k})$

Η υλική παράγωγος περιγράφει μια ροή που ακολουθεί την κίνηση του θύλακα του ρευστού με ταχύτητα $\bar{U} = (u, v, w)$ και καλείται απεικόνιση κατά Lagrange

Ο συμβολισμός $\frac{D}{Dt}$ αναφέρεται επίσης ως υλική παράγωγος.

Παράδειγμα:

Αέρια μάζα κινείται πάνω απ' την Ελλάδα με ταχύτητα 40km/h, ενώ παρατηρείται οριζόντια θερμοβαθμίδα 10 (°C) K/100km.

Εάν στα Ιωάννινα ένας θερμογράφος δείχνει μεταβολή της θερμοκρασίας κατά -5 (°C) K/h να προσδιοριστεί η μεταβολή της θερμοκρασίας στην αέρια μάζα.

.... Ο θερμογράφος μετρά με τοπική παράγωγο $\frac{\partial T}{\partial t} = -5\text{K/h}$

Η υλική παράγωγος:

$$\frac{DT}{Dt} = \frac{\partial T}{\partial t} + \bar{U} \cdot \nabla T$$

Συνεπώς $\frac{DT}{Dt} = -5^{\circ}\text{C} + v i \left(\frac{\partial T}{\partial x} i + \frac{\partial T}{\partial y} j \right) = -5^{\circ}\text{C/h} + v \cdot \frac{\partial T}{\partial x}$

Ο δεύτερος όρος του δευτέρου μέλους της εξίσωσης είναι....

$$40\text{km/h} * 10\text{K}/100\text{km} = 4\text{K/h.}$$

Επομένως η υλική παράγωγος λαμβάνει τη τιμή -1K/h

⁴ Μετεωρολογικό όργανο που μετράει και καταγράφει τη θερμοκρασία.

Παράδειγμα:

Αεροπλάνο κινείται προς τα νότια. Όταν βρίσκεται πάνω από την Πάτρα, σημειώνεται μεταβολή της θερμοκρασίας $-3(^{\circ}\text{C})\text{K}/\text{h}$. Η ταχύτητα του αεροπλάνου είναι $300\text{km}/\text{h}$.

Ένα πεδίο παραλλήλων ισοθέρμων με διεύθυνση από δυτικά προς ανατολικά, παρουσιάζει οριζόντια θερμοβαθμίδα $5\text{K}/100\text{km}$. Να υπολογιστεί η μεταβολή της θερμοκρασίας που σημειώνεται στην Πάτρα.

.... Ζητείται η τοπική παράγωγος $\frac{\partial T}{\partial t}$, ενώ δίνεται η υλική παράγωγός $\frac{DT}{Dt}$
Συνεπώς:

$$\frac{DT}{Dt} = \frac{\partial T}{\partial t} + \bar{U} \cdot \nabla T$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -\frac{DT}{Dt} + \bar{U} \cdot \nabla T = +\frac{3^{\circ}\text{C}}{\text{h}} - \frac{300\text{km}}{\text{h}} * \frac{5^{\circ}\text{C}}{100\text{km}} = 12\frac{^{\circ}\text{C}}{\text{h}}$$

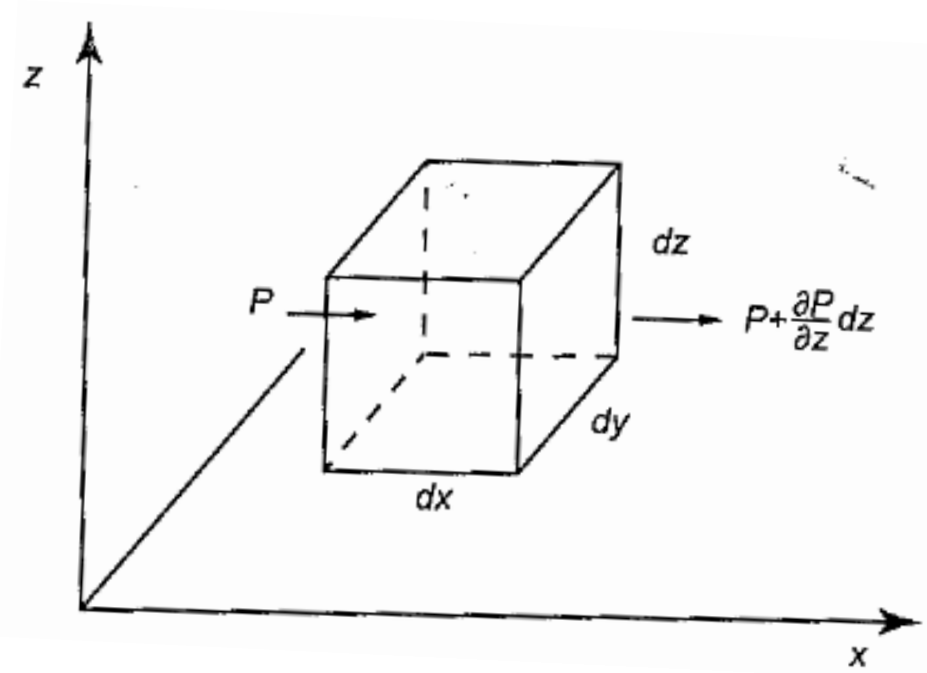
Δύναμη Βαροβαθμίδας

Ο κύβος διαστάσεων dx , dy , dz .

Η δύναμη βαροβαθμίδας ανά μονάδα μάζας δίδεται:

$$F_p = -\frac{1}{\rho} \left(\frac{\partial P}{\partial x} \cdot i + \frac{\partial P}{\partial y} \cdot j + \frac{\partial P}{\partial z} \cdot k \right) = -\frac{1}{\rho} \nabla p$$

Όπου i, j, k τα μοναδιαία ανύσματα στις τρεις διαστάσεις ενός καρτεσιανού συστήματος συντεταγμένων



Δύναμη Βάροβαθμιδας

Η δύναμη της βαρύτητας δίδεται:

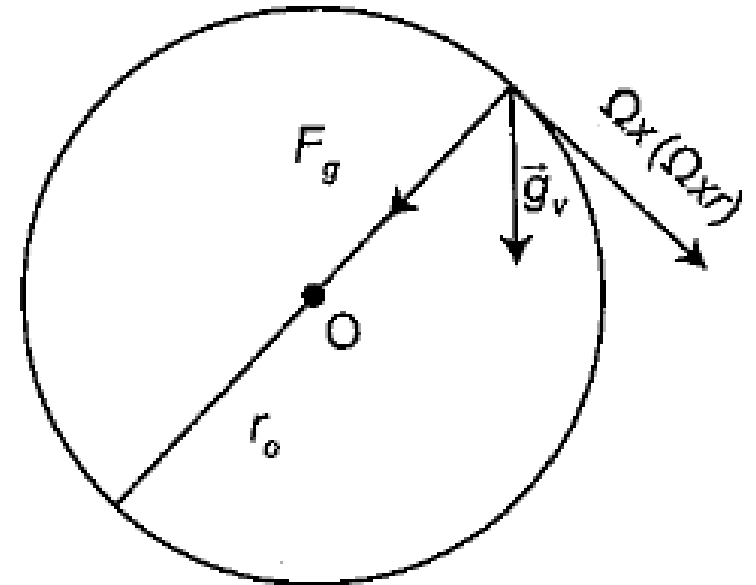
$$F_g = -G \frac{Mm}{r^2} \left(\frac{\bar{r}}{r} \right)$$

M_E είναι η μάζα της γης και G η παγκόσμια σταθερά βαρύτητας

Όπου, $\bar{r}=(x,y,z)$ η διεύθυνση της δύναμης και r η απόσταση από το κέντρο της γης, ακτίνας, r_0

Ορίζεται επίσης η δύναμη βαρύτητας ανά μονάδα μάζας (ή η επιτάχυνση της βαρύτητας) και η δύναμη μετασχηματίζεται:

$$\bar{g}_{gm} = \frac{F_g}{m} = -G \frac{M}{r^2} \left(\frac{\bar{r}}{r} \right)$$



Η g_{gm} κατευθύνεται προς το κέντρο της Γης και είναι κάθετη στην επιφάνεια της

Για την επιφάνεια της Γης: $\bar{g}_{gmo} = -G \frac{M}{r_o^2} \left(\frac{\bar{r}_o}{r}\right) = -G \frac{M}{(r_o+z)^2} \left(\frac{\bar{r}_o}{r}\right)$

Όπου, z η απόσταση απ' την επιφάνεια της Γης

Με διαίρεση των πιο πάνω εξισώσεων: $\frac{\bar{g}_{gmo}}{\bar{g}_{gm}} = \left(\frac{r_o+z}{r_o}\right)^2$

Επομένως : $\bar{g}_{gm} = \frac{\bar{g}_{gmo}}{\left(1 + \frac{z}{r_o}\right)^2}$

Όμως $z \ll r_o$ και άρα

$$\bar{g}_{gm} \sim \bar{g}_{gmo}$$

Δύναμη Τριβής

Όταν η αέρια μάζα κινείται ως προς το περιβάλλον της, λαμβάνει χώρα, λόγω της τυχαίας θερμικής κίνησης των μορίων, συνεχής αλληλεπίδραση που συνεπάγεται ανταλλαγή ορμής στο όριο μεταξύ της μάζας και του περιβάλλοντός της.

Η δύναμη τριβής είναι το μακροσκοπικό αποτέλεσμα αυτής της ανταλλαγής ορμής στο οριακό μοριακό επίπεδο.

Με την ίδια λογική, δυνάμεις τριβής αναπτύσσονται μεταξύ μιας κινούμενης αέριας μάζας και του εδάφους, οι οποίες εξαρτώνται από την εδαφική τραχύτητα.

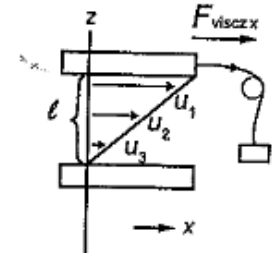
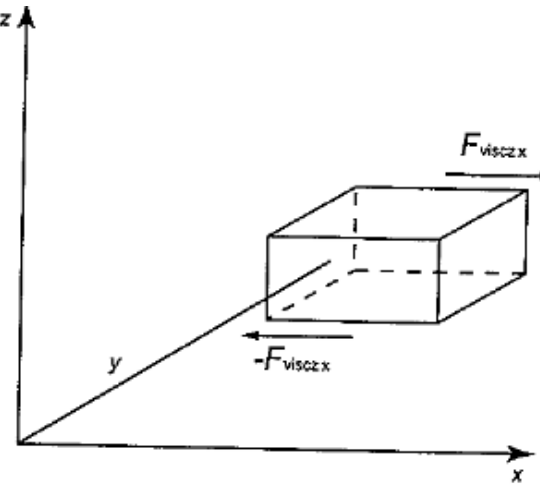
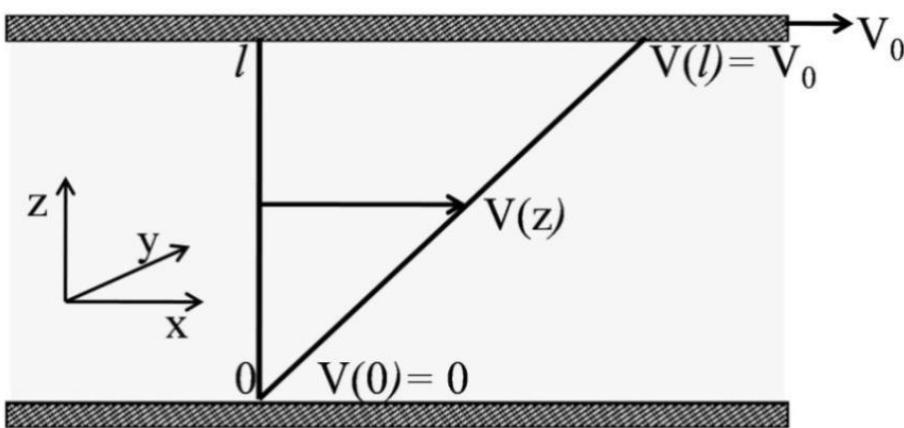
Δύναμη Τριβής

Στην ελεύθερη ατμόσφαιρα οι δυνάμεις τριβής, μεταξύ της κινούμενης αέριας μάζας και του περιβάλλοντος αέρα είναι πολύ μικρές σε σχέση με τις δυνάμεις βαροβαθμίδας, έτσι σε πρώτη προσέγγιση μπορεί να αγνοηθούν.

Οι δυνάμεις τριβής γίνονται σημαντικές μόνο στο κατώτατο ατμοσφαιρικό στρώμα, πάχους περίπου ενός χιλιομέτρου, το οποίο ονομάζεται πλανητικό οριακό στρώμα.

Δύναμη Τριβής

Οι τριβή συμπεριφέρεται όπως και η δύναμη της βαρύτητας.



Στο σχήμα, θεωρείται ότι ο κύβος αποτελείται από παράλληλα λεπτά στρώματα που κατά την κίνησή τους προκαλούν τάσεις το ένα στο άλλο. Αυτές καλούνται διατμητικές τάσεις.

Όταν η απόσταση μεταξύ των δύο πλακών τείνει στο μηδέν, η δύναμη τριβής ανά μονάδα επιφάνειας (N/m^2) είναι ανάλογη της διατμητικής τάσης της ταχύτητας $\partial V/\partial z$

Δύναμη Τριβής

Εάν λ.χ. η πάνω πλάκα-στρώμα κινηθεί λόγω άσκησης δύναμης (με ταχύτητα u_1) τότε λόγω τριβής θα παρασυρθούν με τη σειρά τους όλες οι πλάκες, μέχρι μηδενισμού της ταχύτητας στην επιφάνεια της τελευταίας πλάκας κάτω (που είναι ακίνητη).

$$F_{visc} = \mu \frac{uS}{l} \quad (Nt)$$

μ : ιξώδες, S : επιφάνεια, l : ύψος, u : ταχύτητα

Δύναμη Τριβής

Ως διατμητική τάση ορίζεται ο λόγος: $\frac{F_{visc}}{S} = \frac{u\mu}{l} \quad (Nt/m^2)$

όπου $\frac{F_{visc}}{S}$ η τάση που εξασκείται παράλληλα προς την επιφάνεια και καλείται διατμητική τάση, συμβολίζεται δε:

$$\tau_{xz} = \frac{u\mu}{z} = \mu \frac{\partial u}{\partial z}$$

x, η διεύθυνση κίνησης, z, η κάθετη προς τη διεύθυνση της κίνησης. Η διατμητική τάση είναι στο επίπεδο xz, Ομοίως στο zy

$$\tau_{xy} = \mu \frac{\partial v}{\partial z}$$

Η κίνηση των διαφόρων διαδοχικών στρωμάτων του ρευστού μπορεί να προσομοιωθεί με τη κίνηση των λεπτών επιδερμικών μορίων καθώς αυτά κινούνται σύμφωνα με την αρχή της δράσης – αντίδρασης που αντιδρούν στην κίνηση

Η δύναμη τριβής ανά μονάδα μάζας είναι:

$$F_{viscmzx} = \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial z} (\tau_{zx}) = \frac{\mu}{\rho} \frac{\partial^2 u}{\partial z^2}$$

Όμοια ισχύει:

$$F_{viscmzy} = \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial z} (\tau_{zy}) = \frac{\mu}{\rho} \frac{\partial^2 v}{\partial z^2}$$

Συνολικά για την οριζόντια κίνηση η δύναμη τριβής ανά μονάδα μάζας στη στρωτή ροή είναι:

$$F_{viscm} = \frac{\mu}{\rho} \left(\frac{\partial^2 u}{\partial z^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial z^2} \right)$$

Στην τυρβώδη ροή ο λόγος $\frac{\mu}{\rho}$ είναι 1000 φορές μεγαλύτερος.

Ο λόγος αυτός καλείται κινηματικό ιξώδες και συμβολίζεται με ν .

Η απλούστευση αυτή προέκυψε από την θεώρηση ότι δεν υπάρχει τυρβώδης ροή, το ρευστό είναι νευτώνειο (δηλαδή το ιξώδες του δεν είναι συνάρτηση της ταχύτητάς του), ομογενές και ισότροπο.

Εάν θεωρηθεί ότι η τριβή λαμβάνει χώρα στις τρεις διαστάσεις, η δύναμη τριβής γίνεται πιο πολύπλοκη και δίνεται από την εξίσωση:

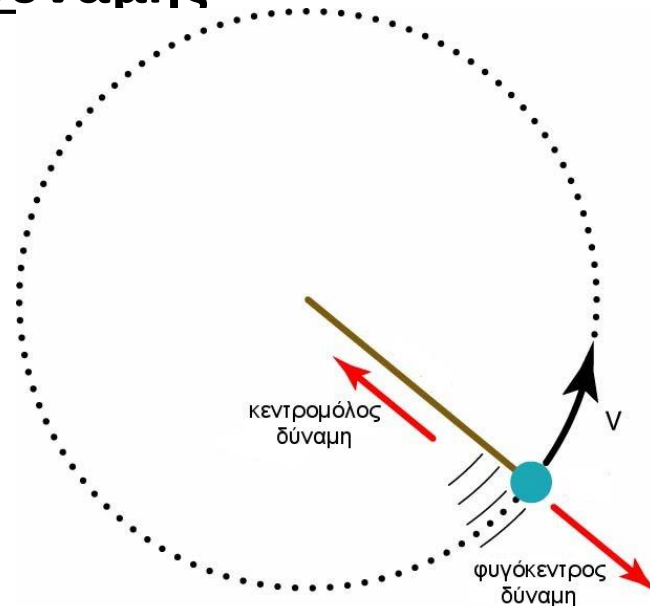
$$F_{viscm} = \frac{\mu}{\rho} \nabla^2 \bar{U} + \frac{1}{3} \frac{\mu}{\rho} \nabla \bar{U}$$

Ο πρώτος όρος αναφέρεται στις διατμητικές τάσεις και ο δεύτερος στις πιέσεις

Φυγόκεντρος Δύναμη

Σε μη αδρανειακό σύστημα αναφοράς, αν η ταχύτητα μετακίνησης (περιστροφής) του θεωρείται ως προς τη Γη, προστίθεται στις πραγματικές δυνάμεις μια φαινόμενη δύναμη που καλείται φυγόκεντρος και είναι αντίθετη από την κεντρομόλο.

Στο μη αδρανειακό σύστημα η δύναμη βαρύτητας ανά μονάδα μάζας προκύπτει ως συνισταμένη της g_{gm} επιτάχυνσης βαρύτητας και της φυγόκεντρης δύναμης

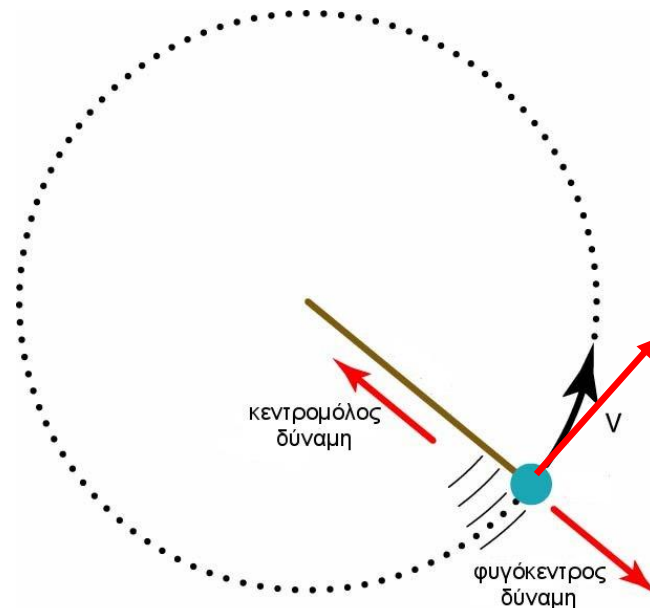


Φυγόκεντρος Δύναμη

Η δύναμη ανά μονάδα μάζας που αναφέρεται ως βαρύτητα ή ενεργή βαρύτητα. Αντιπροσωπεύει το διανυσματικό άθροισμα της πραγματικής βαρυτικής έλξης g^* , που έλκει όλα τα σώματα συγκεκριμένης μάζας προς το κέντρο της μάζας της Γης, και μίας φαινόμενης δύναμης, πολύ μικρότερου μεγέθους, που καλείται φυγόκεντρος δύναμη $\Omega^2 R_A$.

Όπου: Ω είναι ο ρυθμός περιστροφής του συστήματος συντεταγμένων σε ακτίνια ανά δευτερόλεπτο ($\text{rad}\cdot\text{s}^{-1}$ ή s^{-1}) και R_A είναι η απόσταση από τον άξονα περιστροφής.

Η φυγόκεντρος δύναμη τείνει να εκτρέψει όλα τα σώματα προς τα έξω από τον άξονα της πλανητικής περιστροφής.



Κεντρομόλος & Φυγόκεντρος Δύναμη

Επειδή η Γη περιστρέφεται και ένα σώμα είναι πάνω στη Γη, τότε στο σώμα αυτό ασκείται μια δύναμη που το υποχρεώνει να μένει στην επιφάνεια της Γης.

Αυτή η δύναμη είναι η κεντρομόλος και είναι ίση: $F_k = m \frac{u^2}{R}$

Δύναμη ίδιου μέτρου αλλά αντίθετης διεύθυνσης είναι η φυγόκεντρη δύναμη που ασκείται στο ίδιο σώμα και τείνει να εκτρέψει όλα τα σώματά έξω από τη Γη.

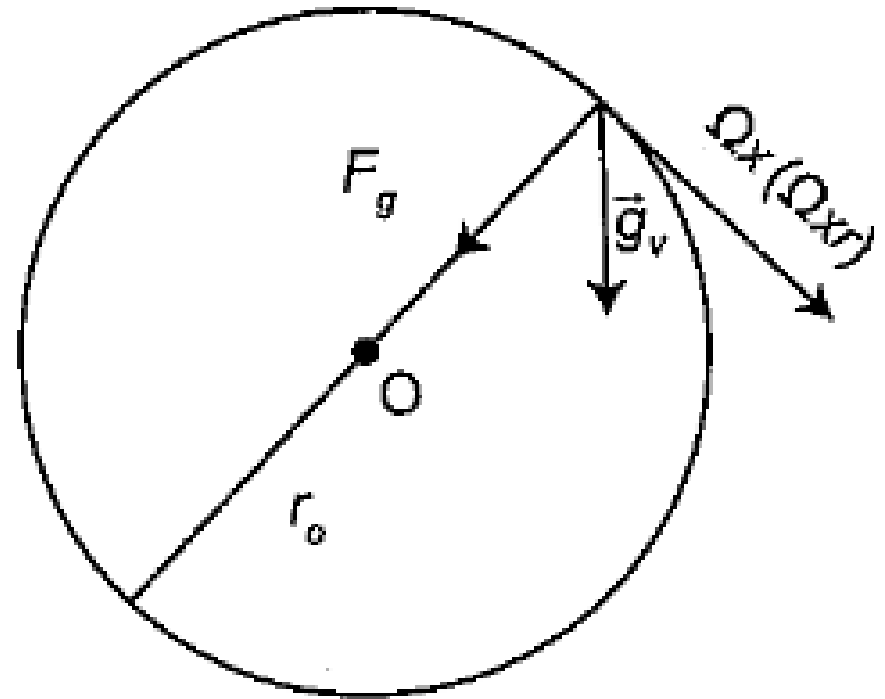
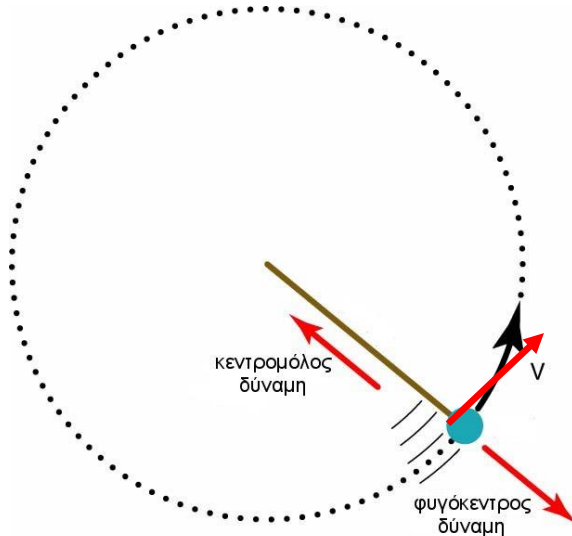
$$mg = -m \left(\frac{GM_E}{r^2} \right) \hat{r}$$

Τότε το σώμα λόγω αδράνειας θα κινηθεί κατά μήκος της εφαπτομένης

M_E είναι η μάζα της γης και G η παγκόσμια σταθερά βαρύτητας

Αν συνδυαστεί η φυγόκεντρη δύναμη και η δύναμη βαρύτητας, παρατηρείται ότι η φαινόμενη βαρύτητα ανά μονάδα μάζας προκύπτει ως συνισταμένη της δύναμης βαρύτητας ανά μονάδα μάζας και της φυγοκέντρου, δίδεται δε:

$$\bar{g}_{gmv} = -\bar{g}_{gm} + \Omega^2 R$$

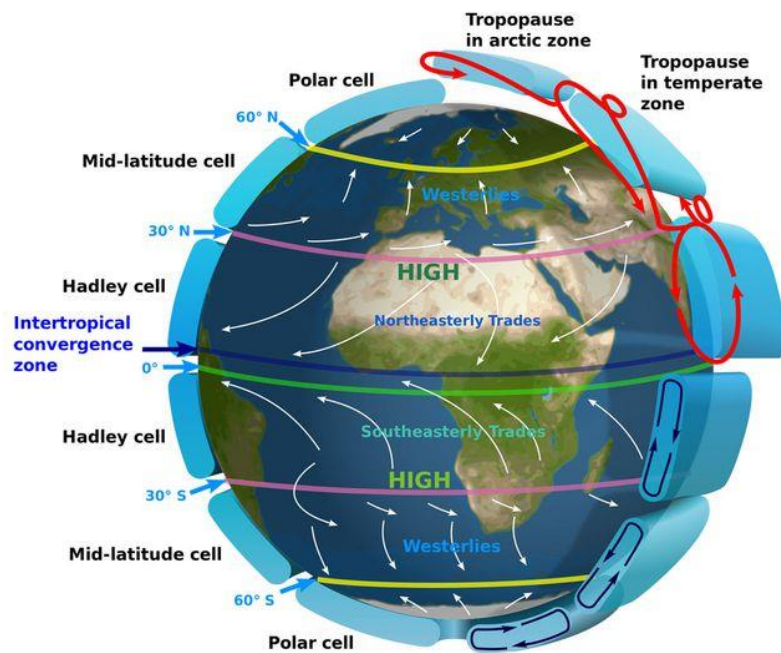


[Fg: δύναμη βαρύτητας](#)

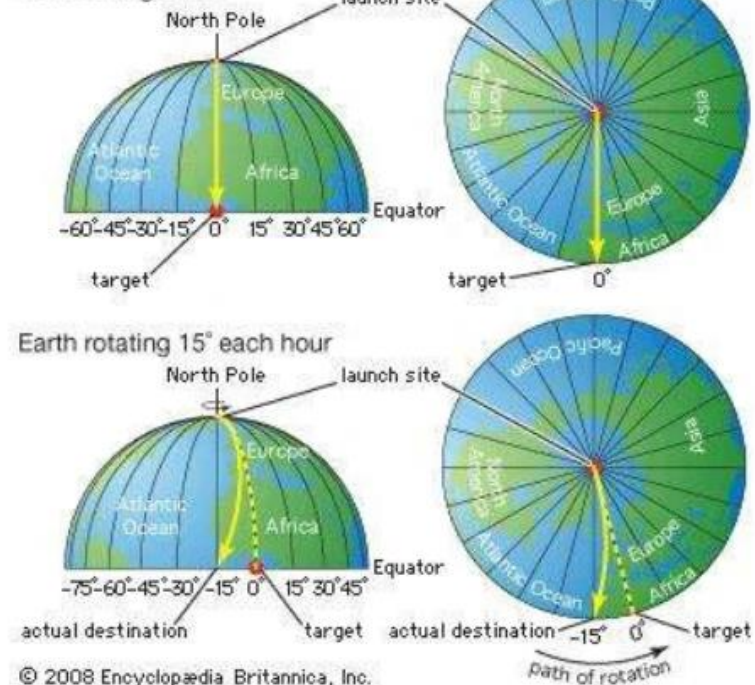
Δύναμη Coriolis

Όπως η φυγόκεντρος έτσι και η δύναμη Coriolis είναι μια αδρανειακή δύναμη που υπεισέρχεται στο 2^ο νόμο του Newton όταν η κίνηση σώματος μάζας m με ταχύτητα V εξετάζεται σε ένα περιστρεφόμενο σύστημα αναφοράς, όπως αυτό της γης.

Για ένα παρατηρητή πάνω στη γη, η δύναμη Coriolis C είναι αποτρεπτική της κίνησης, γιατί ενεργεί κάθετα στην ταχύτητα V .



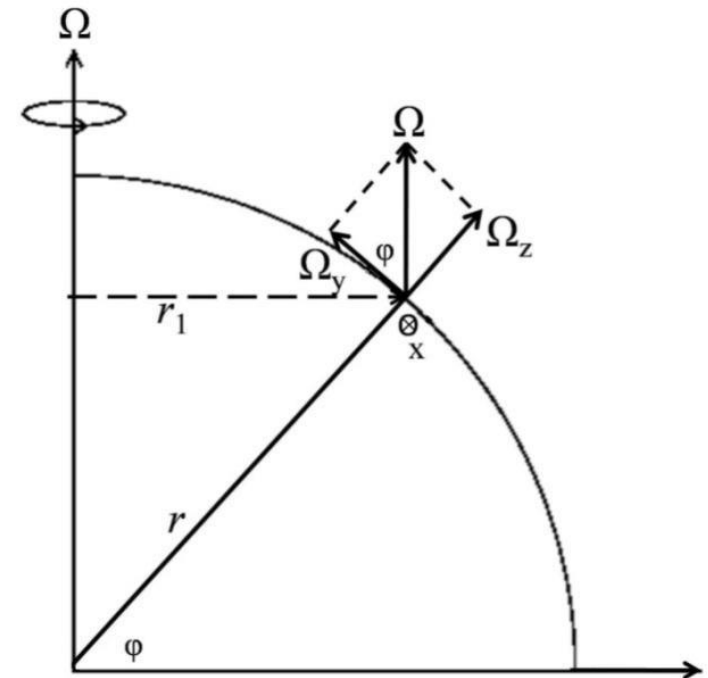
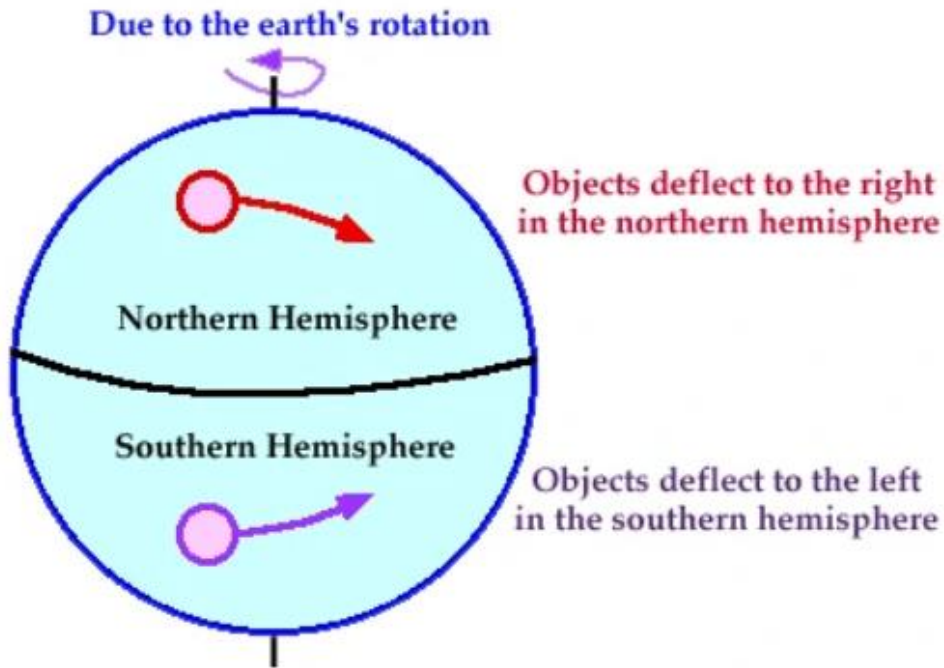
The effect of the Coriolis force



© 2008 Encyclopædia Britannica, Inc.

Η δύναμη Coriolis ορίζεται από τη σχέση:

$$C = -2m\Omega \times V$$



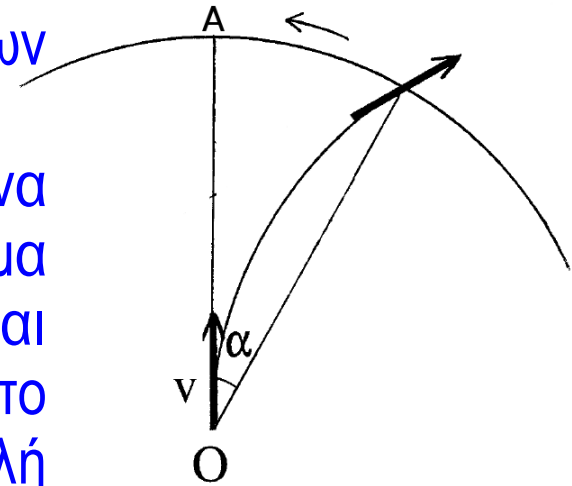
Δύναμη Coriolis

Σε μη αδρανειακό σύστημα αναφοράς, αν θεωρηθεί ένα σημείο το οποίο μετακινείται και δε μένει σταθερό ως προς τη Γη, εμφανίζεται μια ακόμα δύναμη που λέγεται δύναμη Coriolis

Για την κατανόηση της δύναμης αυτής, αν φανταστούμε ένα δίσκο που βρίσκεται στο βόρειο πόλο και περιστρέφεται όπως η Γη (κατά φορά αντίθετη των δεικτών του ρολογιού).

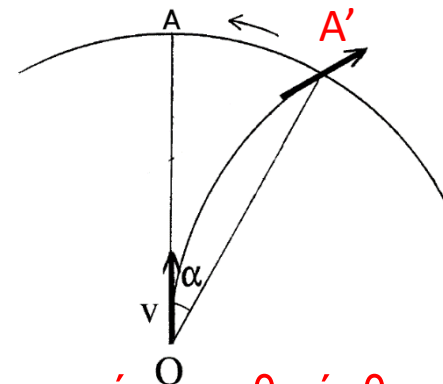
Αν ένας παρατηρητής βρίσκεται στο διάστημα, σε ένα μη επιταχυνόμενο (αδρανειακό) σύστημα συντεταγμένων, βλέπει ένα αντικείμενο που προβάλλεται κατά μήκος του γεωγραφικού πλάτους, ενώ εάν το σύστημα είναι επιταχυνόμενο βλέπει την προβολή μετατοπισμένη κατά μία γωνία προς τα δυτικά και να διατρέχει μια καμπύλη γραμμή.

Στο νότιο ημισφαίριο η μετατόπιση γίνεται προς τα ανατολικά, διότι εκεί η κίνηση γίνεται κατά τη διεύθυνση των δεικτών του ρολογιού



Δύναμη Coriolis

Στα σώματα που κινούνται σε σχέση με περιστρεφόμενα συστήματα αναφοράς, εκτός της φυγοκέντρου δύναμης, εμφανίζεται και η **δύναμη Coriolis**.



Παρατηρείται ότι το αντικείμενο δεν φθάνει στο σημείο A – στο σημείο που θα έφθανε αν το «τραπέζι» δεν περιστρεφόταν – αλλά σε ένα σημείο δεξιότερα.

Ένας εξωτερικός παρατηρητής βλέπει το αντικείμενο να κινείται ευθύγραμμα και ομαλά γιατί δεν ασκείται σ' αυτό καμία δύναμη (θεωρήθηκε η επίδραση της βαρύτητας αμελητέα).

Το αντικείμενο δεν φθάνει στο σημείο A εξαιτίας της περιστροφής του τραπεζιού. Όμως για έναν παρατηρητή που περιστρέφεται μαζί με το τραπέζι το αντικείμενο διαγράφει καμπύλη τροχιά, οπότε πρέπει να υποθέσει ότι ασκείται σ' αυτό μια δύναμη κάθετη στην ταχύτητά του. Η δύναμη αυτή ονομάζεται **δύναμη Coriolis**.

Στη δύναμη Coriolis οφείλονται μετεωρολογικά φαινόμενα, όπως ο σχηματισμός κυκλώνων.
Στο φαινόμενο Coriolis βασίστηκε και ο Foucault για να αποδείξει την περιστροφή της γης γύρω από τον άξονά της, χρησιμοποιώντας το εκκρεμές του.

Δύναμη Coriolis

Για να περιγραφεί η δύναμη Coriolis σε μια εξίσωση, θεωρείται ότι η ταχύτητα, όπως μετράται σε ένα επιταχυνόμενο αδρανειακό σύστημα V_I , είναι:

$$V_I = V_R + \Omega \times r$$

V_R : η σχετική ταχύτητα, Ω : η γωνιακή ταχύτητα περιστροφής της Γης και r : το άνωσμα θέσης από το κέντρο της Γης.

Ο όρος $(\Omega \times r)$ παριστάνει τη γραμμική ταχύτητα σε ένα σημείο του περιστρεφόμενου συστήματος σε σχέση με το απόλυτο σύστημα αναφοράς,

Η εξίσωση γράφεται:

$$\frac{d_I r}{dt} = \frac{d_R r}{dt} + \Omega \times r = \left(\frac{d_R}{dt} + \Omega \times \right) r$$

Η υλική παράγωγος ως προς το χρόνο, δίνεται:

$$\frac{d_l}{dt} = \left(\frac{d_R}{dt} + \Omega \times \right)$$

Επομένως με εφαρμογή της εξίσωσής στην απόλυτη ταχύτητα, προκύπτει:

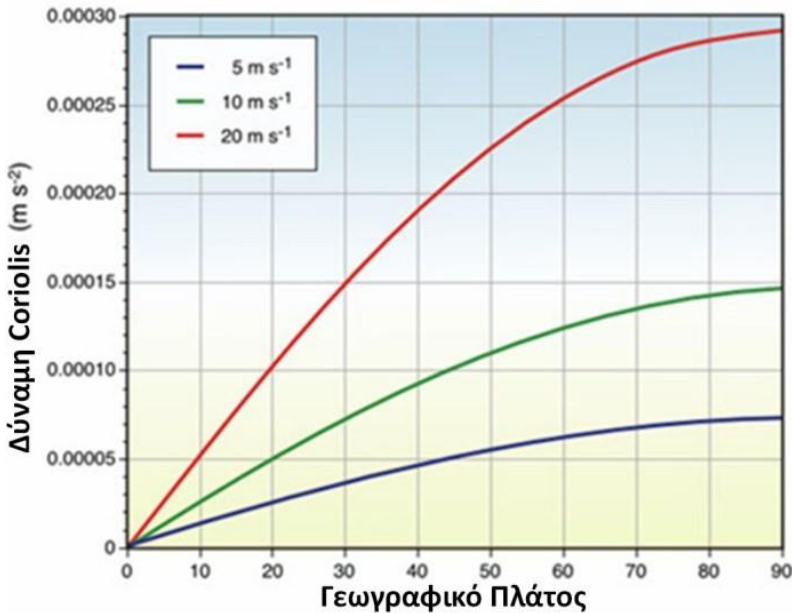
$$\frac{d_l V_l}{dt} = \left(\frac{d_R}{dt} + \Omega \times \right) (V_R + \Omega \times r)$$

$$= \frac{d_R V_R}{dt} + \Omega \times V_R + \Omega \times \frac{d_R r}{dt} + \Omega \times (\Omega \times r)$$

$$= \frac{d_R V_R}{dt} + \underline{2\Omega \times V_R} + \underline{\Omega \times (\Omega \times r)}$$

Ο δεύτερος και ο τρίτος όρος της εξίσωσης αυτής παρουσιάζει....

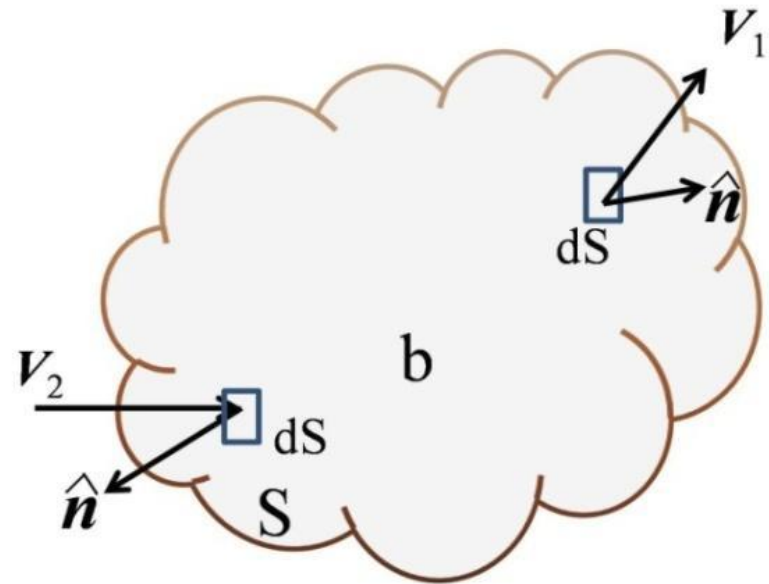
την επιτάχυνση (δύναμη) Coriolis και τη φυγόκεντρο επιτάχυνση...



Μεταβολή της δύναμης Coriolis (m/s²) με το γεωγραφικό πλάτος

Διατήρηση της μάζας – εξίσωση της συνέχειας

Εάν θεωρηθεί ότι δεν υπάρχουν πηγές και καταβόθρες ατμοσφαιρικού ρευστού και για μοναδιαίο όγκο στην ατμόσφαιρα, η μάζα που εισέρχεται σε αυτόν είναι ίση με τη μάζα που εξέρχεται από αυτόν, με αποτέλεσμα η μάζα του ρευστού εντός του μοναδιαίου όγκου να παραμένει σταθερή.



Διατήρηση της μάζας – εξίσωση της συνέχειας

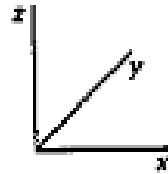
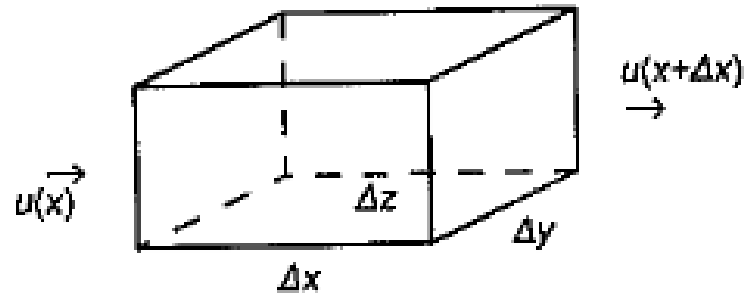
Ο άνεμος είναι ένα διανυσματικό μέγεθος και η ταχύτητα του έχει τρεις συνιστώσες κατά τις τρεις διευθύνσεις (x,y,z) .

Οι τρεις συνιστώσες της ταχύτητας είναι (u,v,w) αντίστοιχα.
Η πυκνότητα του αέρα είναι ρ .

Η εισροή μάζας στη διεύθυνση x και στη μονάδα του χρόνου είναι η διαφορά μάζας που εισέρχεται στον στοιχειώδη όγκο αναφοράς ...

Διατήρηση της μάζας – εξίσωση συνέχειας

Στο στοιχειώδη όγκο αναφοράς η ροή εισέρχεται από αριστερά και εξέρχεται δεξιά:



$$[\rho(x)u(x) - \rho(x + \Delta x)u(x + \Delta x)]\Delta y\Delta z \sim -\frac{\partial}{\partial x}(\rho u)\Delta x\Delta y\Delta z = -\frac{\partial}{\partial x}(\rho u)\Delta V$$

Όπου: $\Delta V = \Delta x\Delta y\Delta z$ Ο στοιχειώδης όγκος αναφοράς

Διατήρηση της μάζας – εξίσωση συνέχειας

Αν ορισθούν επίσης οι εισροές – εκροές από τις άλλες δύο διαστάσεις:

$$[\rho(y)v(y) - \rho(y + \Delta y)v(y + \Delta y)]\Delta x\Delta z \sim -\frac{\partial}{\partial y}(\rho v)\Delta x\Delta y\Delta z = -\frac{\partial}{\partial y}(\rho v)\Delta V$$

$$[\rho(z)w(z) - \rho(z + \Delta z)w(z + \Delta z)]\Delta x\Delta y \sim -\frac{\partial}{\partial z}(\rho w)\Delta x\Delta y\Delta z = -\frac{\partial}{\partial z}(\rho w)\Delta V$$

Συνεπώς, στις τρεις διαστάσεις η καθαρή εισροή-εκροή, είναι:

$$-\nabla(\rho U)\Delta V$$

και ίση με το ρυθμό αύξησης της μάζας στο στοιχειώδη όγκο:

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho\Delta V)$$

Επειδή ο όγκος είναι σταθερός, απλοποιείται και προκύπτει η εξίσωση της συνέχειας ή αλλιώς διατήρησης της μάζας:

$$-\left[\frac{\partial}{\partial x}(\rho u) + \frac{\partial}{\partial y}(\rho v) + \frac{\partial}{\partial z}(\rho w)\right] = \frac{\partial \rho}{\partial t}$$

$$\text{ή} \quad \frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla(\rho \mathbf{U}) = 0$$

Εάν λάβουμε υπόψη την παράγωγο κατά την κίνηση:

$$\frac{D\rho}{Dt} + \nabla(\rho \mathbf{U}) = 0$$

Η εξίσωση της συνέχειας δείχνει τη σύγκλιση ή την απόκλιση μάζας προς τον θεωρούμενο στοιχειώδη όγκο.

Όταν ο όρος $\nabla \mathbf{U}$ είναι μηδέν τότε το ρευστό καλείται ασυμπίεστο

Διατήρηση της ορμής – εξισώσεις κίνησης

Αν οι μόνες δυνάμεις που ασκούνται στο θύλακα αέρα είναι η δύναμη θερμοβαθμίδας, η δύναμη βαρύτητας και η τριβή, από το δεύτερο νόμο του Νεύτωνα, προκύπτει:

$$\frac{D\bar{U}}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla p - g\bar{k} + \bar{F}_{viscm}$$

Η εξίσωση αυτή ονομάζεται εξίσωση των **Navier-Stokes** για ροή συμπιεστού ρευστού σε αδρανειακό σύστημα.

Σε περιστρεφόμενο σύστημα αντικαθίσταται η επιτάχυνση του αδρανειακού συστήματος με την αντίστοιχη στο μη αδρανειακό, και:

$$\frac{D\bar{U}}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla p - 2\Omega \times V_R - \Omega \times (\Omega \times r) - g\bar{k} + \bar{F}_{viscm}$$

.....

$$\frac{D\bar{U}}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla p - 2\Omega \times V_R - \Omega \times (\Omega \times r) - g\bar{k} + \bar{F}_{viscm}$$

Το άνυσμα V_R : αναπαριστά την ταχύτητα στο περιστρεφόμενο σύστημα.

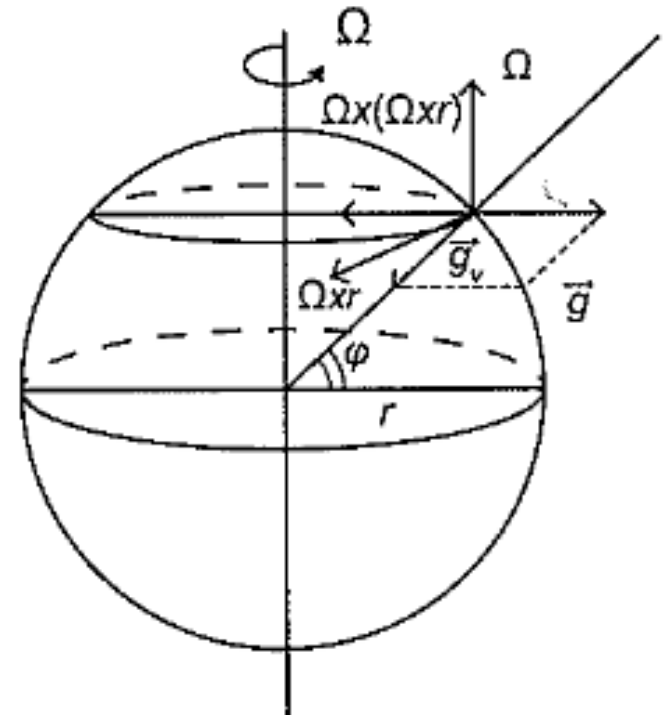
Οι όροι, $2\Omega \times V_R$ & $\Omega \times (\Omega \times r)$ της επιτάχυνσης είναι αρνητικοί και θεωρούνται δυνάμεις τριβής στο δεύτερο νόμο Νεύτωνα και περιστρεφόμενο σύστημα.

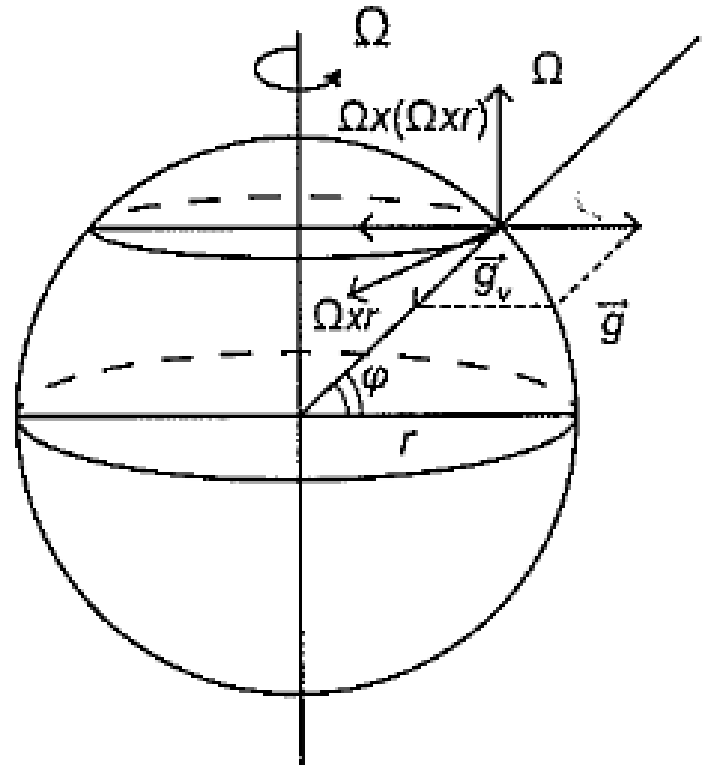
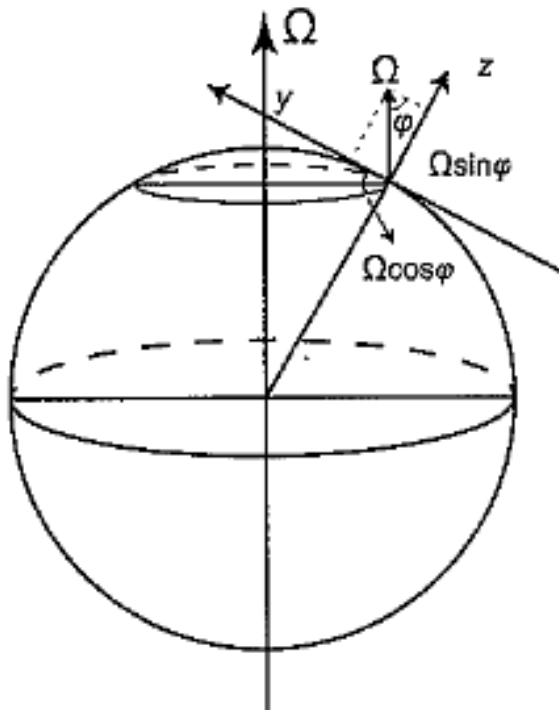
Ο όρος, $-2\Omega \times V_R$ είναι η δύναμη Coriolis και $\Omega \times (\Omega \times r)$ η φυγόκεντρη δύναμη

Η φαινόμενη βαρύτητα g_v είναι

$$- \Omega \times (\Omega \times r) - g_k.$$

Το άνυσμα $\Omega \times r$ είναι κάθετο στο επίπεδο και εφαπτόμενο του παράλληλου κύκλου προς το εσωτερικό, δηλαδή στη διεύθυνση της κίνησης από δυτικά σε ανατολικά.





Το γινόμενο: $f = 2\Omega \cos \varphi$

Ονομάζεται παράμετρος Coriolis

Διατήρηση της ενέργειας

Η εξίσωση κίνησης:

$$\frac{D\bar{U}}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla p - 2\Omega \times \bar{U} - g\bar{k} + \bar{F}_{viscm}$$

Θα εκφραστεί η κινητική, η δυναμική και η θερμική ενέργεια στην εξίσωση κίνησης.

Ο Ήλιος, είναι ο πρωταρχικός παράγοντας ενεργειακών μετασχηματισμών στην ατμόσφαιρα. Προκαλεί διαστολή λόγω της θέρμανσης της ατμόσφαιρας και μετατοπίζει το κέντρο βάρους υψηλότερα.

Για να αποκατασταθεί το ενεργειακό ισοζύγιο γίνονται όλες οι κινήσεις σε αυτή...

Διατήρηση της ενέργειας

Με πολλαπλασιασμό επί \bar{U} , εσωτερικά (εσωτερικό γινόμενο),

$$\bar{U} \frac{D\bar{U}}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \bar{U} \nabla p - 2\bar{U} (\Omega \times \bar{U}) - g\bar{U}\bar{k} + \bar{U}\bar{F}_{visc}$$

Διαπιστώνεται:

$$\bar{U} \cdot \bar{k} = (u\bar{i} + v\bar{j} + w\bar{k}) \cdot \bar{k} = \bar{w}$$

και με αντικατάσταση του $\frac{1}{\rho}$ με τον ειδικό όγκο α και με την γνώση ότι η δύναμη Coriolis επειδή είναι υποθετική δύναμη (αδρανειακή), ο όρος $2\bar{U}(\Omega \times \bar{U})$ δεν παράγει έργο και μηδενίζεται,

προκύπτει:

$$\frac{D}{Dt} \left(\frac{\bar{U}^2}{2} \right) = -\alpha \bar{U} \cdot \bar{\nabla} p - g\bar{w} + \bar{U} \cdot \bar{F}_{visc}$$

Με αντικατάσταση της κατακόρυφης ταχύτητας με $w = \frac{dz}{dt}$ και μετατόπιση του όρου στο πρώτο μέλος:

$$\frac{D}{Dt} \left(\frac{\bar{U}^2}{2} + gz \right) = -\alpha \bar{U} \cdot \bar{\nabla} p + \bar{U} \cdot \bar{F}_{visc}$$

Η εξίσωση της μηχανικής ενέργειας στην ατμόσφαιρα

Ο όρος $\mathbf{U}^2/2$ αναφέρεται στην κινητική ενέργεια και ο gz στη δυναμική

Εκτός από μηχανική ενέργεια στην ατμόσφαιρα υπάρχει και θερμική:

$$dQ = c'_v + p da$$

$$\frac{DQ}{Dt} = c'_v \frac{DT}{Dt} + p \frac{Da}{Dt}$$

Μέσω του 1^{ου} θερμοδυναμικού νόμου

Με επίλυση προκύπτει:

$$\frac{D}{Dt} \left(\frac{\bar{U}^2}{2} + gz + c_p' T \right) = \frac{DQ}{Dt} + a \frac{Dp}{Dt} + \bar{U} \cdot \bar{F}_{visc}$$

Η εξίσωση ενέργειας της ατμόσφαιρας.

Η μορφή της είναι πλήρης αφού περιλαμβάνει όρους που αναφέρονται στην κινητική, τη δυναμική και τη θερμική ενέργεια

Σε αυτούς οφείλονται οι ενεργειακές μεταβολές (στη μεταβολή

της πίεσης) μέσω του όρου: $\alpha = \frac{dp}{dt}$

Η τριβή μέσω του όρου : $\frac{D}{Dt} \bar{U} \cdot \bar{F}_{visc}$

Ο όρος πηγών: $\frac{DQ}{Dt}$

Νόμος τελειών αερίων

Το ατμοσφαιρικό ρευστό συμπεριφέρεται ως ιδανικό (τέλειο) αέριο και ισχύει:

$$P = \rho RT$$

.....

$$P\alpha = RT$$

Διατήρηση των υδρατμών

Σημαντικό ρόλο στις ατμοσφαιρικές κινήσεις παίζουν οι υδρατμοί.

Η εξίσωση είναι:

$$\frac{\partial q}{\partial t} = -u \frac{\partial q}{\partial x} - v \frac{\partial q}{\partial y} - w \frac{\partial q}{\partial z} + S_q$$

q : η ποσότητα των υδρατμών στην ατμόσφαιρα,

S_q : ο όρος πηγή

Διατήρηση του ατμοσφαιρικού ρύπου

Επίσης, σημαντικό ρόλο στις ατμοσφαιρικές κινήσεις παίζουν οι ρύποι (αέριοι και σωματιδιακοί).

Η εξίσωση είναι:

$$\frac{\partial m}{\partial t} = -u \frac{\partial m}{\partial x} - v \frac{\partial m}{\partial y} - w \frac{\partial m}{\partial z} + S_m$$

m : η ποσότητα του ρυπαντή στην ατμόσφαιρα,

S_m : ο όρος πηγή, στην περίπτωση αυτή πηγή ρύπου

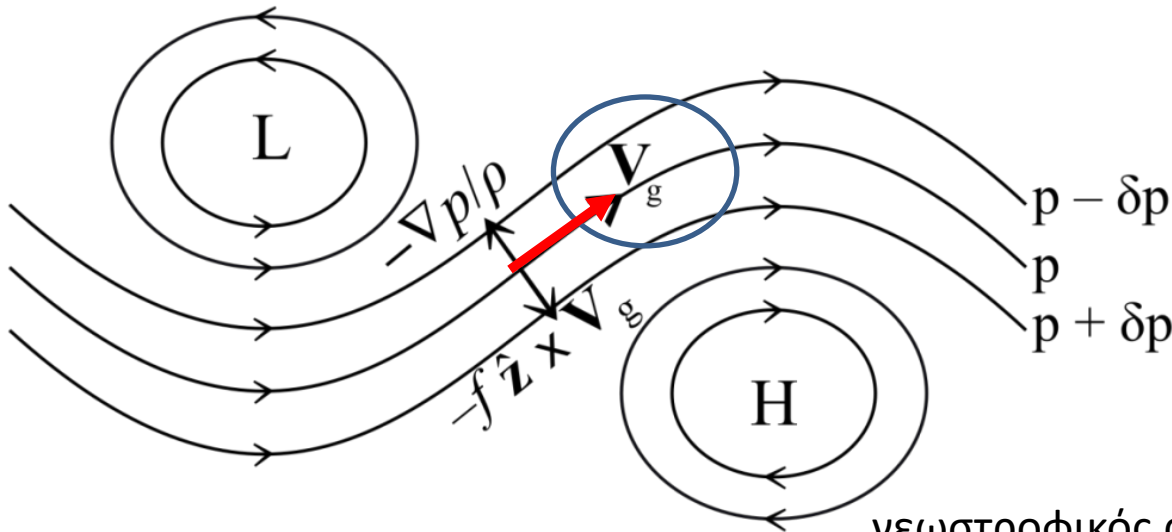
Γεωστροφικός Άνεμος

Είναι ο θεωρητικός άνεμος που προκύπτει από την ισορροπία ανάμεσα στη δύναμη Coriolis και στην δύναμη βαροβαθμίδας.

$$V_g = \frac{1}{f\rho} k \times \nabla P$$

Ο Γεωστροφικός Άνεμος διευθύνεται παράλληλα προς τις ισοβαρείς.

διανύσματα



γεωστροφικός άνεμος στο βόρειο ημισφαίριο

Γεωστροφικός Άνεμος

Ο πραγματικός άνεμος διαφέρει του γεωστροφικού, επειδή στο ρευστό ασκούνται και δυνάμεις τριβής από το έδαφος.

Ο γεωστροφικός άνεμος υπάρχει μόνο αν οι δυνάμεις τριβής είναι αμελητέες – κάτι που συμβαίνει εκτός οριακού στρώματος.

Ο γεωστροφικός άνεμος εισάγεται επειδή με αυτόν εκτιμάται ο άνεμος στην επιφάνεια του εδάφους.

Στα μέσα γεωγραφικά πλάτη ο πραγματικός άνεμος είναι κατά 15% μικρότερος του γεωστροφικού.

Επίσης ορίζεται σε κάθε ισοβαρική επιφάνεια.

Το γεωδυναμικό

Ας θεωρηθεί ένας θύλακας αέρα ο οποίος μετακινείται κατακόρυφα από ένα σημείο σε ένα άλλο, κατά στοιχειώδες ύψος dz .

Το έργο το οποίο παράγεται κατά τη μετακίνηση αυτή είναι:

$$d\Phi = g dz$$

Αν αυτός ο θύλακας ανέβει από τη μέση στάθμη της θάλασσας σε κάποιο ύψος τότε το έργο που παράγεται θα είναι:

$$d\Phi = g dz \implies \Phi = \int_{\Phi_0}^{\Phi} d\Phi = \int_{z_0}^z g dz = \Phi(z) - \Phi(0)$$

Το Φ ονομάζεται γεωδυναμικό. Έχει διαστάσεις ενέργειας ανά μονάδα μάζας, **ενώ** κατά σύμβαση το γεωδυναμικό στη μέση στάθμη της θάλασσας λαμβάνεται ίσο με το μηδέν.

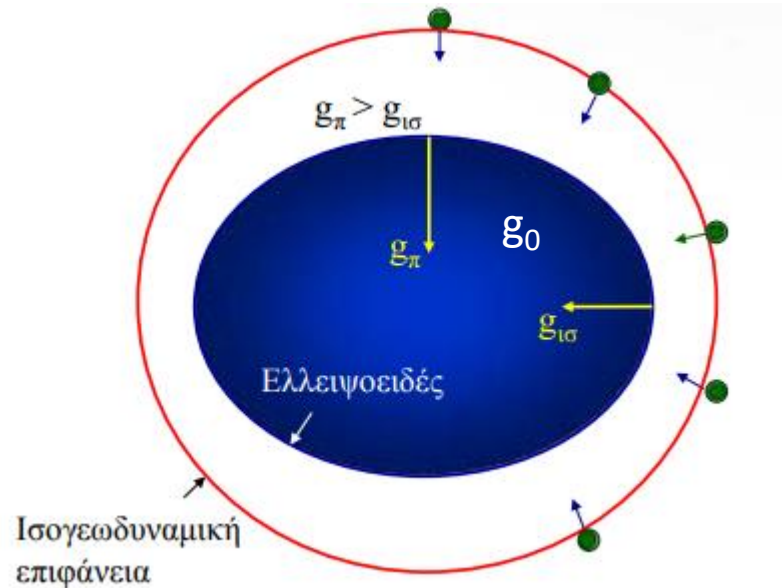
Επομένως:

$$\Phi(z) = \int_0^z g dz$$

Το γεωδυναμικό

Το γεωδυναμικό Φ εισάγεται επειδή είναι χρήσιμο στη μελέτη των διεργασιών της ατμόσφαιρας σε επιφάνειες σταθερής επιτάχυνσης της ατμόσφαιρας g , δηλαδή σε **γεωδυναμικές επιφάνειες**.

Οι επιφάνειες αυτές είναι σταθερής ενέργειας, διότι η ενέργεια με το ύψος δεν παραμένει σταθερή, αφού η επιτάχυνση της βαρύτητας g δεν παραμένει σταθερή. Λόγω αυτού άλλωστε οι ισογεωδυναμικές επιφάνειες δεν είναι παράλληλες προς την επιφάνεια της θάλασσας.



$$g_{\pi} > g_{\text{ισ}}$$

π: πόλος

ισ: ισημερινός

Το γεωδυναμικό

Εφόσον χρησιμοποιούνται ισογεωδυναμικές επιφάνειες, αντί για γεωμετρικό ύψος (z) θα χρησιμοποιηθεί το **γεωδυναμικό ύψος z_{geop}** .

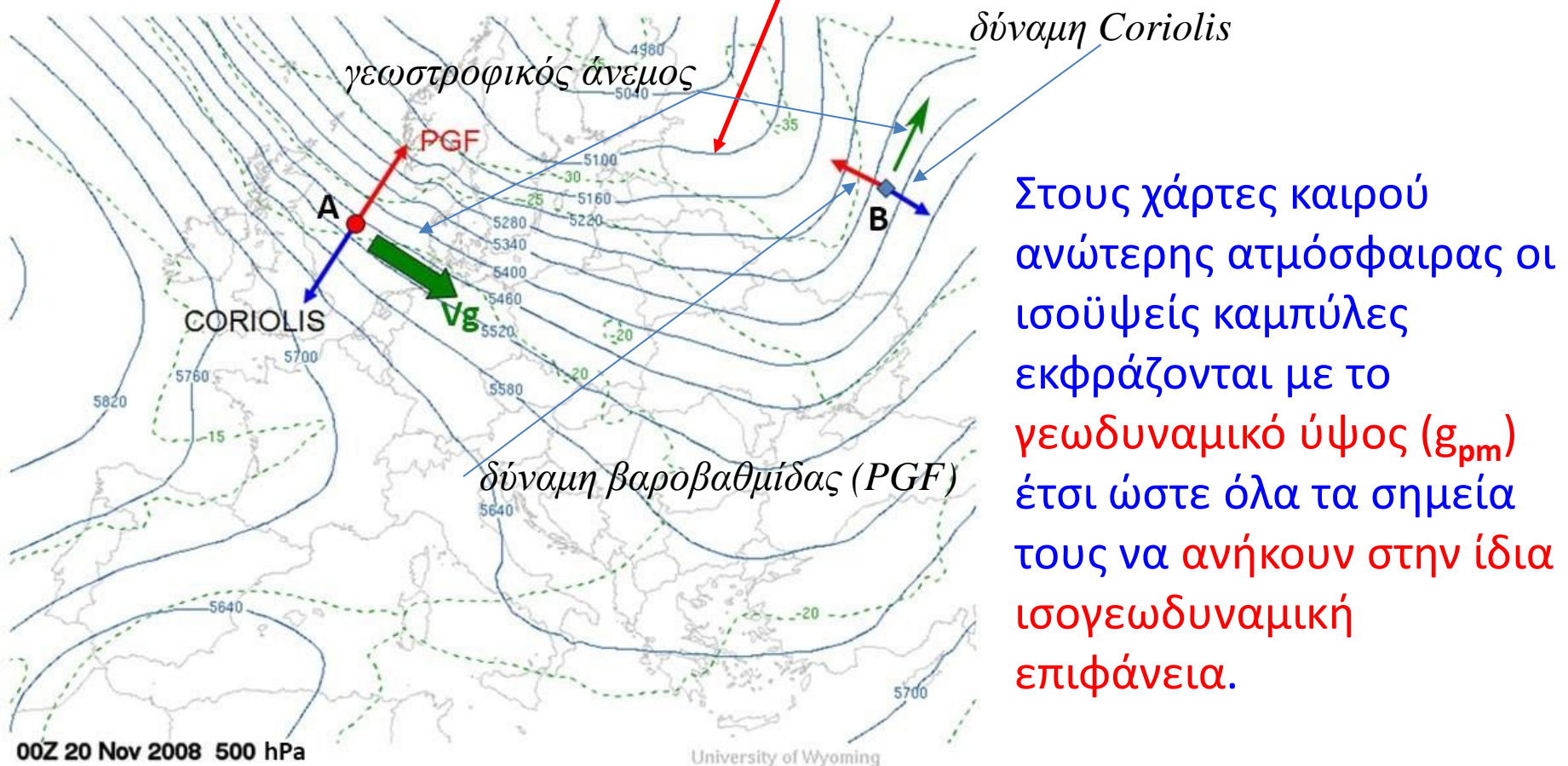
$$z_{geop} = \frac{\Phi(z)}{g_0} \implies z_{geop} = \frac{\int_0^z g dz}{g_0}$$

Όπου g_0 η επιτάχυνση της βαρύτητας στη μέση στάθμη της θάλασσας.

Ο αριθμητής του κλάσματος αναφέρεται στο γεωμετρικό ύψος, συνεπώς όσο η αέρια μάζα ανέρχεται, η διαφορά ανάμεσα στο γεωδυναμικό και το γεωμετρικό ύψος αυξάνεται.

Το γεωδυναμικό

Ουσιαστικά το γεωδυναμικό ύψος εκφράζει το γεωμετρικό ύψος διορθωμένο ως προς τις μεταβολές της βαρύτητας με το ύψος και το γεωγραφικό πλάτος.



Στους χάρτες καιρού ανώτερης ατμόσφαιρας οι ισοϋψείς καμπύλες εκφράζονται με το **γεωδυναμικό ύψος (g_{pm})** έτσι ώστε όλα τα σημεία τους να **ανήκουν στην ίδια ισογεωδυναμική επιφάνεια.**

Το γεωδυναμικό

Το γεωδυναμικό ύψος επιτρέπει την μελέτη των κινήσεων στην ατμόσφαιρα σε επιφάνειες σταθερού ύψους.

Έτσι, εάν απαλειφθεί από τον γεωστροφικό άνεμο η πυκνότητα, (ούτε μετράται άμεσα ούτε μπορεί να βρεθεί εύκολα).

ο γεωστροφικός άνεμος μπορεί να λάβει τη μορφή:

$$\vec{V}_g = \frac{g}{f} \vec{k} \times \vec{\nabla}_p z$$

ή

$$\vec{V}_g = \frac{1}{f} \vec{k} \times \vec{\nabla} \Phi$$

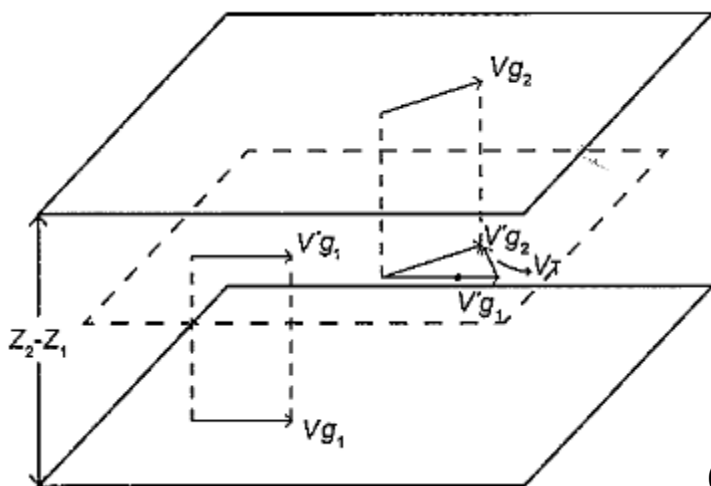
Αγεωστροφικός Άνεμος

Αγεωστροφικός άνεμος (U_{ag}) είναι ο άνεμος που προκύπτει από τη διανυσματική διαφορά του πραγματικού (U_H) από τον γεωστροφικό (V_g).

$$U_{ag} = U_H - V_g$$

Θερμικός Άνεμος

Ορίζεται η μεταβολή του γεωστροφικού ανέμου με το ύψος.
Είναι δε ίσος με την διανυσματική διαφορά του γεωστροφικού ανέμου σε δυο στάθμες.



Ο θερμικός άνεμος σχετίζεται με την οριζόντια θερμοβαθμίδα των επιπέδων, ενώ η κατακόρυφη θερμοβαθμίδα διατηρείται σταθερή.

Θερμικός άνεμος ή Θαλάσσια αύρα είναι ο άνεμος που φυσά τις θερινές ημέρες, τις θερμές ώρες (11:00-19:00), με πορεία από την θάλασσα προς την στεριά. Ο άνεμος αυτός δεν ξεπερνά συνήθως τα 3-4bf (περίπου τα 15-25 km/h).

Είναι ένα τοπικό φαινόμενο που για να συμβεί χρειάζεται η θάλασσα με την ξηρά να είναι σε εγγύτητα.

Η αιτία που το προκαλεί είναι η θέρμανση της ξηράς που βρίσκεται πλησίον της θάλασσας εξαναγκάζοντας τον αέρα σε απότομη ανοδική κίνηση λόγω της θέρμανσης του.

Στην ουσία δημιουργείται θερμικό (βαρομετρικό) χαμηλό στη ξηρά ενώ στην θάλασσα η βαρομετρική πίεση είναι υψηλότερη. Έτσι λοιπόν ο αέρας, όπως συμβαίνει σ' αυτές τις περιπτώσεις, κινείται από την περιοχή των υψηλών πιέσεων προς την περιοχή των χαμηλών πιέσεων.

Οι βασικές διαφορές μεταξύ θαλάσσιας αύρας (θερμικού ανέμου) και μελτεμιού (ετησίες) είναι οι εξής:

- Η έναρξη του θερμικού ανέμου τοποθετείται μετά τις 11:00 περίπου ενώ το μελτέμι εκδηλώνεται ήδη από τις πρωινές ώρες.
 - Το μελτέμι πνέει πάντα με σταθερή ένταση $>30\text{km/h}$ ενώ οι ριπές του θερμικού ανέμου δεν ξεπερνάνε τα $30\text{-}35\text{ km/h}$.
 - Ο θερμικός άνεμος χρειάζεται την βοήθεια της ηλιοφάνειας (όταν η ηλιοφάνεια περιορίζεται μειώνεται η ένταση του) για να εκδηλωθεί, ενώ το μελτέμι τον συνδυασμό των βαρομετρικών πιέσεων των Βαλκανίων και της ανατολικής Μεσογείου.
-

Ρευματοσυνάρτηση

Ορίζεται για διδιάστατες ροές και χρησιμοποιείται για να σχεδιαστούν οι ρευματογραμμές που περιγράφουν τροχιές ατμοσφαιρικών σωματιδίων σε ροή της οποίας όλες οι ιδιότητες είναι σταθερές στο χρόνο.

Από την εξίσωση της συνέχειας:
$$\frac{D\rho}{Dt} + \rho \nabla \cdot \bar{U}_H = 0$$

Εάν τεθεί:
$$\frac{D\rho}{Dt} = 0 \quad \text{τότε και} \quad \rho \nabla \cdot \bar{U}_H = 0$$

Μηδενική απόκλιση πεδίου, επιλέγεται συνάρτηση ψ ώστε να ισχύει:

$$\bar{U}_H = \nabla \times \psi$$

Εάν υπάρχει απόκλιση σε οριζόντιο επίπεδο ...
$$\frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial v}{\partial x} = 0$$

Ρευματοσυνάρτηση

Η συνάρτηση που ικανοποιεί είναι: $u = -\frac{\partial \psi}{\partial y}$ και $v = \frac{\partial \psi}{\partial x}$

Και με αντικατάσταση ...
$$\frac{\partial}{\partial x} \left(-\frac{\partial \psi}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(-\frac{\partial \psi}{\partial x} \right) = -\frac{\partial^2 \psi}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial x \partial y} = 0$$

Εφόσον η ψ ικανοποιεί ... περιγράφει το πεδίο

Επειδή $d\psi=0$, τότε η έκφραση χαρακτηρίζεται από την εξίσωση ευθείας:

$$d\psi = \frac{\partial \psi}{\partial x} dx + \frac{\partial \psi}{\partial y} dy = -u dy + v dx = 0$$

Η ρευματοσυνάρτηση χρησιμεύει στο ότι οι συνιστώσες της ταχύτητας στις διευθύνσεις x, y δίνονται από τις μερικές παραγώγους της στο σημείο αυτό.

Οι ρευματογραμμές, είναι οικογένεια καμπυλών οι οποίες είναι στιγμιαία εφαπτομενικές στο διάνυσμα της ταχύτητας της ροής και δείχνουν τη διεύθυνση της ...

$$\frac{dy}{dx} = \frac{u}{v}$$

Παραδείγματα – ερωτήσεις - ασκήσεις

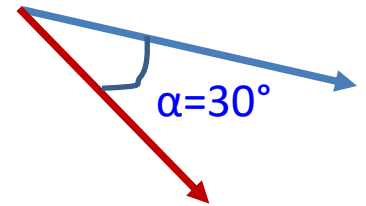
Έστω ότι ο πραγματικός άνεμος πνέει ($\alpha=$) 30° δεξιότερα από τον γεωστροφικό άνεμο.

Αν ο γεωστροφικός άνεμος έχει ένταση ($|\nabla g|=$) 20 m/s , να βρεθεί ο ρυθμός μεταβολής του ανέμου.

Δίνεται η παράμετρος Coriolis $f=10^{-4} \text{ s}^{-1}$.

Απάντηση/Λύση

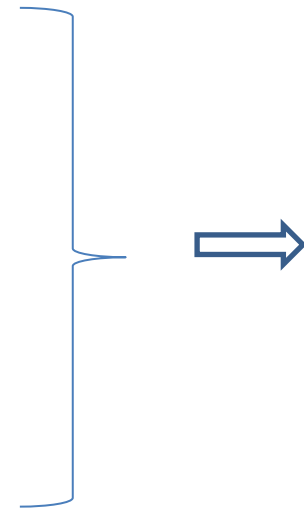
$$\vec{a}_{PGF} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} \hat{i} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial y} \hat{j} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} \hat{k} \Rightarrow \vec{a}_{PGF} = -\frac{1}{\rho} \nabla p \Rightarrow$$



$$\Rightarrow \frac{DV}{Dt} = -\left(\frac{1}{\rho}\right) \frac{\partial p}{\partial s}$$

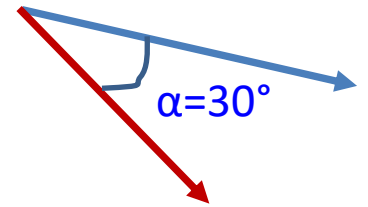
$$\frac{\partial p}{\partial s} = |\nabla p| \cdot \sin(a)$$

$$|\nabla p| = \rho \cdot f \cdot |\nabla g|$$



Απάντηση/Λύση

$$\Rightarrow \frac{DV}{Dt} = -\left(\frac{1}{\rho}\right) \rho \cdot f \cdot |\nabla g| \cdot \sin(a) = -f \cdot |\nabla g| \cdot \sin(a)$$



$$\Rightarrow \frac{DV}{Dt} = -10^{-4} \cdot 20 \cdot \sin(30^\circ) = -10^{-4} \cdot 20 \cdot \frac{1}{2} = -10^{-3} \text{ m/s}^2$$

Παραδείγματα – ερωτήσεις - ασκήσεις

1. Βρείτε το μέσο ύψος των ισοβαρικών σταθμών, 1000, 925, 850, 700, 500hPa.
Δίδεται:

$$\Delta z = RT \ln \frac{P_1}{P_0} .$$

2. Εκφράστε τις εξισώσεις της κίνησης σε σφαιρικές συντεταγμένες, θεωρώντας ότι τα x, y, z αντικαθίστανται από τα r, ϕ, λ , όπου r η απόσταση από το κέντρο της Γης, ϕ το γεωγραφικό πλάτος και λ το γεωγραφικό μήκος.
3. Εκφράστε τις εξισώσεις της κίνησης σε ισοβαρικές συντεταγμένες, θεωρώντας ότι τα x, y, z αντικαθίστανται από τα r, γ, ρ , όπου ρ η κατακόρυφη συνιστώσα.
4. Βρείτε ότι η εξίσωση της οριζόντιας κίνησης του αέρα είναι:

$$\frac{D\vec{U}_H}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla_H p - f\vec{k} \times \vec{U}_H$$

5. Βρείτε ότι η εξίσωση της οριζόντιας κίνησης του αέρα όταν αυτός βρίσκεται σε υδροστατική ισορροπία.
6. Θεωρείται ένα ατμοσφαιρικό σύστημα το οποίο έχει ζωή μισή ημέρα, έχει οριζόντια ταχύτητα 2m/s, οριζόντια έκταση 100x100km² και κατακόρυφη έκταση 1km, εμφανίζεται σε ένα γεωγραφικό σημείο (γ. πλάτος 45°) έχει πυκνότητα 1kg/m³ και κατακόρυφη διαφορά πίεσης 10hPa. (1hPa=10²Nt/m²). Γράψτε τις εξισώσεις κίνησης και αναλύστε τις διαστάσεις κάθε όρου.
7. Αποδείξτε ότι ο γεωστροφικός άνεμος μπορεί να λάβει τη μορφή:

$$\vec{V}_g = \frac{g}{f} \vec{k} \times \vec{\nabla}_p z$$

ή τη μορφή:

$$\vec{V}_g = \frac{1}{f} \vec{k} \times \vec{\nabla} \Phi .$$

8. Ξεκινώντας από το γεωστροφικό άνεμο, αποδείξτε ότι ο θερμικός άνεμος δίνεται από τη σχέση:

$$f \frac{\partial \mathcal{V}_E}{\partial p} = -\frac{R}{p} \vec{k} \times \nabla \bar{T}$$

9. Ξεκινώντας από την εξίσωση συνέχειας σε μορφή Euler:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \bar{U}) = 0$$

Βρείτε την έκφρασή της σε μορφή Lagrange.

Thanks for your attention!

Prof. Mic.Gr.Vrachopoulos

Τέλος κεφαλαίου



HELLENIC REPUBLIC
**National and Kapodistrian
University of Athens**
— EST. 1837 —

Βιβλιογραφία

Ξενόγλωσση:

- Ahrens Donald (2001). *Essentials of Meteorology*. Third Edition, Academic Press, σ. 358.
- Andrews D. (2010). *An Introduction to Atmospheric Physics*. Second Edition, Cambridge University Press, σ. 249.
- Freagle R., Businger B. (1980). *An Introduction to Atmospheric Physics*, Academic Press, σ. 449.
- John Green (1999). *Atmospheric Dynamics*, Cambridge University Press, σ. 223.
- Lindzen R. (1990). *Dynamics in Atmospheric Physics*, Cambridge University Press, σ. 320.
- Mac Mankin (2011). *Atmospheric Dynamics*, Cambridge University Press, σ. 508
- Martin E. Jonathan, 2006. *Mid-Latitude Atmospheric Dynamics, A First Course*. The University of Wisconsin-Madison, John Wiley and Sons, σ. 338.
- Masaki Satoh, 2010. *Atmospheric Circulation Dynamics and General Circulation Models*, Second Edition, Springer, σ. 756.
- Palmen E. & C.W. Newton (1969). *Atmospheric Circulation Systems*, Academic Press, σ. 623.
- Prieve C. Dennis (2010). *A Course in Fluid Mechanics with Vector Field Theory*. Department of Chemical Engineering, Carnegie Mellon University, Pittsburgh, PA 15213, σ. 198

Zdunkowski W., A. Bott (1990). *Dynamics of the Atmosphere: A course in theoretical meteorology*, Cambridge University Press, σ. 739.

Ελληνική:

Κασσωμένος Π. (1981). Σημειώσεις από τις παραδόσεις του μαθήματος *Δυναμική Μετεωρολογία* του Μεταπτυχιακού Ενδεικτικού στη Μετεωρολογία του Πανεπιστημίου Αθηνών. Διδάσκων Ι. Καραλής.

Κατσούλης Β. Δ. (2000). *Μαθήματα Μετεωρολογίας*. Σημειώσεις που διδάσκονται στους φοιτητές του Πανεπιστημίου Ιωαννίνων.

Μεταξάς Δ. και Α. Μπαρτζώκας (2012). *Εισαγωγή στη Δυναμική Μετεωρολογία*, Εκδόσεις Ίων.

Παραδείγματα – ερωτήσεις - ασκήσεις

Τι ονομάζεται ενεργή βαρύτητα;

Απάντηση/Λύση

Η δύναμη ανά μονάδα μάζας που αναφέρεται ως βαρύτητα ή ενεργή βαρύτητα αντιπροσωπεύει το διανυσματικό άθροισμα της πραγματικής βαρυτικής έλξης g^* , που έλκει όλα τα σώματα συγκεκριμένης μάζας προς το κέντρο της μάζας της Γης, και μίας φαινόμενης δύναμης πολύ μικρότερου μεγέθους, που καλείται φυγόκεντρος δύναμη $\Omega^2 R_A$, όπου Ω είναι ο ρυθμός περιστροφής του συστήματος συντεταγμένων σε ακτίνια ανά δευτερόλεπτο (s^{-1}) και R_A είναι η απόσταση από τον άξονα περιστροφής. Η φυγόκεντρος δύναμη τείνει να εκτρέψει όλα τα σώματα προς τα έξω από τον άξονα της πλανητικής περιστροφής.

Η μαθηματική έκφραση είναι:

$$g = g^* + \Omega^2 R_A$$

Να περιγράψει η δύναμη Coriolis.

Τι είναι η παράμετρος Coriolis;

Απάντηση/Λύση

Ένα σώμα το οποίο κινείται με ταχύτητα V σε επίπεδο κάθετο στον άξονα περιστροφής της Γης δέχεται μία επιπλέον φαινόμενη δύναμη, που καλείται δύναμη Coriolis:

$$-2\Omega \times V$$

Η συγκεκριμένη δύναμη έχει διεύθυνση κάθετη της κίνησης και φορά ανάλογα με τη φορά περιστροφής του συστήματος.

Δηλαδή, εάν το σύστημα περιστρέφεται αντίθετα με τους δείκτες του ρολογιού (αριστερόστροφα), όπως η Γη, η δύναμη θα έχει φορά προς τα δεξιά της κίνησης του σώματος με ταχύτητα V και αντίστροφα.

Η δύναμη Coriolis επιδρά μόνο στη διεύθυνση της κίνησης και οφείλεται στην περιστροφή της Γης.

Ονομάστηκε προς τιμήν του Gustav-Gaspard Coriolis, ενός Γάλλου επιστήμονα, που το 1835 την περιέγραψε μαθηματικά.

Όταν οι δυνάμεις και οι κινήσεις αναπαρίστανται σε σφαιρικό σύστημα συντεταγμένων, η οριζόντια συνιστώσα της δύναμης Coriolis προερχόμενη από οριζόντια κίνηση V δίνεται σε διανυσματική μορφή:



Όταν οι δυνάμεις και οι κινήσεις αναπαρίστανται σε σφαιρικό σύστημα συντεταγμένων, η οριζόντια συνιστώσα της δύναμης Coriolis προερχόμενη από οριζόντια κίνηση V δίνεται σε διανυσματική μορφή:

$$F_c = -fk \times V$$

Όπου:

$$f = 2\Omega \eta \mu(\phi)$$

και αποτελεί την παράμετρο Coriolis, ενώ k είναι το μοναδιαίο διάνυσμα κάθετο στην οριζόντια επιφάνεια της κίνησης με θετικό πρόσημο προς τα πάνω.

Το ϕ αντιστοιχεί στο γεωγραφικό πλάτος, ενώ το μοναδιαίο διάνυσμα k είναι παράλληλο στον άξονα περιστροφής μόνο κοντά στους πόλους.

Η δύναμη Coriolis αυξάνει από τον Ισημερινό, όπου έχει τιμή μηδέν, προς τους πόλους, όπου και λαμβάνει τη μέγιστη τιμή $2\Omega V$.

Να δοθεί ο ορισμός της δύναμης βαροβαθμίδας στις 3 διαστάσεις.

Απάντηση/Λύση

Για τις τρεις διαστάσεις προκύπτει η γενική μορφή της δύναμης βαροβαθμίδας:

$$\vec{a}_{PGF} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} \hat{i} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial y} \hat{j} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} \hat{k} \Rightarrow \vec{a}_{PGF} = -\frac{1}{\rho} \nabla p$$

Η δύναμη βαροβαθμίδας έχει φορά αντίθετη από το άνυσμα της βαθμίδας πίεσης (ανάδελτα), δηλαδή κατευθύνεται από τις υψηλότερες προς χαμηλότερες πιέσεις.

Επίσης η ισχυρότερη βαθμίδα πίεσης δίνει και ισχυρότερη δύναμη βαροβαθμίδας.

Πώς μπορεί να εκτιμηθεί η δύναμη βαροβαθμίδας από τους χάρτες ισοβαρών καμπυλών;

Απάντηση/Λύση

Η δύναμη βαροβαθμίδας μπορεί να εκτιμηθεί από τους χάρτες ισοβαρών καμπυλών όταν είναι γνωστές οι αποστάσεις μεταξύ των ισοβαρών με βάση την παρακάτω προσεγγιστική σχέση:

$$|\nabla p| \cong \frac{\Delta p}{\Delta n}$$

όπου Δp είναι η διαφορά μεταξύ δύο διαδοχικών ισοβαρών και Δn είναι η οριζόντια απόστασή τους.

Τι είναι η δύναμη τριβής;

Μέχρι ποιο ύψος η δύναμη τριβής θεωρείται αναλόγου μεγέθους με τις άλλες δυνάμεις;

Απάντηση/Λύση

Ανάλογα με τη δύναμη βαροβαθμίδας αποδεικνύεται πως η δύναμη τριβής που ασκείται στη μονάδα μάζας έχει τη μορφή:

$$F_{\tau} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \tau}{\partial z}$$

όπου τ αντιπροσωπεύει την κατακόρυφη συνιστώσα της διατμητικής τάσης, δηλαδή της βαθμίδας της κατακόρυφης μεταφοράς ορμής σε μονάδες $N \times m^{-2}$.

Οι κατακόρυφες εναλλαγές ορμής δρουν για την εξομάλυνση της κατακόρυφης κατατομής της ταχύτητας V του ανέμου.

Η βαθμίδα της κατακόρυφης ανάμιξης σε συγκεκριμένο ύψος και χρόνο εξαρτάται από την ένταση της κατακόρυφης διάτμησης του ανέμου και από την ένταση της τυρβώδους ροής. Πάνω από το οριακό στρώμα της ατμόσφαιρας η δύναμη τριβής είναι πολύ μικρότερη από τις δυνάμεις βαροβαθμίδας και Coriolis, ενώ μέσα στο οριακό στρώμα (περίπου στα πρώτα 1500 μέτρα από την επιφάνεια) η δύναμη τριβής είναι ανάλογου μεγέθους με τις άλλες δύο δυνάμεις.

Πώς ορίζεται η διατμητική τάση κοντά στην επιφάνεια της Γης;

Απάντηση/Λύση

Η διατμητική τάση τ_s κοντά στην επιφάνεια της Γης έχει φορά αντίθετη με τη φορά του διανύσματος της ταχύτητας του ανέμου V_s και δρα αντισταθμιστικά στον επιφανειακό άνεμο. Προσεγγιστικά δίνεται από την εμπειρική σχέση:

$$\tau_s = -\rho C_D \vec{V}_s V_s$$

όπου ρ η πυκνότητα του αέρα, C_D ο αδιάστατος συντελεστής αντίστασης, ο οποίος εξαρτάται από την τραχύτητα του εδάφους και τη στατική ευστάθεια της ατμόσφαιρας, \vec{V}_s ανέμου και V_s η ταχύτητα του επιφανειακού ανέμου.

Να δοθεί η γενική μορφή της εξίσωσης της οριζόντιας κίνησης.

Απάντηση/Λύση

Η οριζόντια συνιστώσα της σχέσης σε διανυσματική μορφή και για τη μονάδα μάζας είναι:

$$\frac{dV}{dt} = a_{PGF} + F_C + F_\tau$$

Όπου dV/dt είναι η ολική παράγωγος ως προς το χρόνο της οριζόντιας συνιστώσας της ταχύτητας μίας μοναδιαίας αέριας μάζας καθώς κινείται μέσα στην ατμόσφαιρα.

Αντικαθιστώντας την a_{PGF} από την (α) και την F_C από την (β) προκύπτει η γενική μορφή της εξίσωσης της οριζόντιας κίνησης:

$$\left. \begin{array}{l} \text{(α)} \quad \bar{a}_{PGF} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} \hat{i} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial y} \hat{j} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} \hat{k} \Rightarrow \bar{a}_{PGF} = -\frac{1}{\rho} \nabla p \\ \text{(β)} \quad F_C = -fk \times V \end{array} \right\} \frac{dV}{dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla p - fk \times V + F_\tau$$

Να δοθούν οι δύο οριζόντιες συνιστώσες του γεωστροφικού ανέμου. Ποια τα βασικά τους χαρακτηριστικά;

Απάντηση/Λύση

$$u_g = -\frac{1}{f} \frac{\partial \Phi}{\partial y} \qquad v_g = \frac{1}{f} \frac{\partial \Phi}{\partial x}$$

Για να υπάρξει ισορροπία μεταξύ της δύναμης βαροβαθμίδας και της δύναμης Coriolis ο γεωστροφικός άνεμος πρέπει να πνέει παράλληλα προς τις ισοβαρείς, έχοντας δεξιά του τις υψηλές πιέσεις στο Βόρειο Ημισφαίριο. Και στα δύο ημισφαίρια η κυκλοφορία του γεωστροφικού ανέμου είναι κυκλωνική (ροή αντίστροφη από την κίνηση των δεικτών του ρολογιού στο Βόρειο Ημισφαίριο) γύρω από το κέντρο χαμηλών πιέσεων και αντίστροφα, αποδεικνύοντας την ύπαρξη τοπικού ελαχίστου ατμοσφαιρικής πίεσης στο κέντρο των κυκλώνων και τοπικού μεγίστου στο κέντρο των αντικυκλώνων. Πυκνότερη κατανομή ισοβαρών ή ισοϋψών σημαίνει ανάπτυξη ισχυρότερης δύναμης Coriolis για την εξισορρόπηση της δύναμης βαροβαθμίδας και συνεπώς μεγαλύτερη ένταση του γεωστροφικού ανέμου.