

**ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΑΘΗΝΩΝ**  
**ΤΜΗΜΑ ΟΙΚΟΝΟΜΙΚΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΩΝ**

**ΓΡΑΠΤΗ ΕΞΕΤΑΣΗ ΣΤΗΝ ΟΙΚΟΝΟΜΕΤΡΙΑ**

**Φεβρουάριος-Μάρτιος 2012**

**Θέμα 1:**

**A.** Θεωρείστε το υπόδειγμα

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{1i} + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + \varepsilon_i$$

που ερμηνεύει τη συμπεριφορά της μεταβλητής

y: αμοιβή εργαζομένου σε χιλιάδες ευρώ.

Με τη μέθοδο Ε.Τ (OLS) εκτιμήθηκε η εξής παλινδρόμηση από ένα δείγμα 40 εργαζομένων.

$$(1) \hat{y} = 1.47 - 0.11 x_1 + 1.10 x_2 + 0.15 x_3, \quad n=40 \quad R^2=0.80$$

(0.41) (0.42) (0.44) (0.07)

όπου οι αριθμοί σε παρενθέσεις τα τυπικά σφάλματα των εκτιμηθέντων συντελεστών.

(i) (βαθμοί 1) Να ελεγχθεί α) η υπόθεση  $H_0: \beta_1 = -0.1$ , β) η στατιστική

σημαντικότητα του υποδείματος

(ii) (βαθμοί 1) Για  $\alpha=5\%$  να ελεγχθεί στατιστικά η υπόθεση  $H_0: 2\beta_1 + \beta_2 = 1$ , αν

$$\text{cov}(\hat{\beta}_1, \hat{\beta}_2) = 0.05$$

(iii) (βαθμοί 1,5) Έστω ότι η  $x_{3i}$  είναι ψευδομεταβλητή που παίρνει τιμή 1 αν η παρατήρηση  $i$  αντιστοιχεί σε άνδρα και τιμή 0 αν αντιστοιχεί σε γυναίκα. Ποια είναι η μέση αμοιβή ενός άνδρα για  $x_1=0$  και  $x_2=1$ ; Μπορούμε να ισχυριστούμε ότι για δεδομένες τιμές των  $x_1$  και  $x_2$  η αμοιβή ενός άνδρα: (α) είναι ίση με την αμοιβή μιας γυναίκας, (β) υπερβαίνει την αμοιβή μιας γυναίκας κατά περισσότερο από 0.2 χιλιάδες ευρώ;

**B.** (βαθμοί: 1,5) Ποιες είναι οι συνέπειες για τον εκτιμητή ελαχίστων τετραγώνων από την παράληψη μιας στατιστικά σημαντικής ερμηνευτικής μεταβλητής στο γραμμικό υπόδειγμα ;(απόδειξη)

**Θέμα 2:**

**A.** (βαθμοί 1,5) Από ένα δείγμα 102 παρατηρήσεων για τις μεταβλητές  $y$  και  $x$  εκτιμήθηκαν οι ακόλουθες παλινδρομήσεις με OLS

$$(1) \quad y_t = -5 + 0.65y_{t-1} + 0.5x_t + \hat{u}_t, \quad DW=0.5, \quad R^2=0.35$$

(0.5) (0.2) (0.01)

$$(2) \quad \hat{u}_t = 0.5 + 0.05y_{t-1} + 0.05x_t + 0.25\hat{u}_{t-1} + 0.15\hat{u}_{t-2} + \hat{v}_t, \quad R^2=0.08$$

(0.5) (0.2) (0.7)

Οι αριθμοί σε ( ) είναι τα τυπικά σφάλματα.. Τι μπορείτε να συμπεράνετε για τα τυχαία σφάλματα  $u_t$  καθώς και για τις ιδιότητες των συντελεστών της (1); (εξηγήστε)

**B.**

α) (βαθμοί 0,5) Θεωρείστε το υπόδειγμα  $Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 Z_i + u_i$  (A).

Ποιες είναι οι υποθέσεις που κάνουμε σχετικά με τον όρο σφάλματος  $u_i$  όταν εκτιμούμε το (A) με OLS.

β) Με διαστρωματικά δεδομένα 150 παρατηρήσεων εκτιμήθηκαν οι ακόλουθες παλινδρομήσεις με τη μέθοδο OLS

$$(1) \quad M_i = 26.19 + 0.62X_i - 0.69Z_i, \quad R^2 = 0.999$$

(se) (2.73) (0.6) (0.48)

$$(2) \quad (M/X)_i = 21.92(1/X)_i + 0.96 - 0.75(Z/X)_i, \quad R^2 = 0.875$$

(se) (2.22) (0.45) (0.33)

(i) (βαθμοί 1) Για ποιο λόγο θεωρείτε ότι εκτιμήθηκε η (2) και ποια είναι η υπόθεση σχετικά με τον όρο σφάλματος του υποδείγματος (A) που οδήγησε στην εκτίμηση της (2). Η εκτιμήτρια της επίδρασης της  $Z_i$  στην  $M_i$  τι ιδιότητες θα έχει σε καθεμία περίπτωση;

(ii) (βαθμοί 1) Παρουσιάστε μια διαδικασία στατιστικού ελέγχου με βάση την οποία θα επιλέγατε την (2) έναντι της (1).

(iii) (βαθμοί 1) Σε συνέχεια της απάντησης στο υποερώτημα (ii) να ελεγχθεί στατιστικά η υπόθεση  $H_0: \beta_2 = -1$  έναντι της  $H_1: \beta_2 < -1$  για  $\alpha = 5\%$ .

### **Θέμα 3:**

**A.** Δίνονται οι σχέσεις:

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_t + \varepsilon_{1t} \quad (1)$$

$$X_t = \delta_0 + \delta_1 Z_t + \varepsilon_{2t} \quad (2)$$

Έστω ότι  $E(\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{1s}) = 0$ ,  $E(\varepsilon_{2t}, \varepsilon_{2s}) = 0$ ,  $E(\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{2s}) = 0$  ( $t \neq s$ ) και ότι η  $Z$  είναι ανεξάρτητη από τα σφάλματα  $\varepsilon_1$  και  $\varepsilon_2$ .

(i) (βαθμοί : 1) Δίνεται ότι  $E(\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{2t}) = 0$ . Η OLS είναι κατάλληλη μέθοδος εκτίμησης της (1); Εξηγήστε γιατί.

(ii) (βαθμοί : 2) Αν  $E(\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{2t}) \neq 0$  προτείνετε μια συνεπή εκτιμήτρια για την παράμετρο  $\beta_1$  της (1). Αν  $\beta_0 = \delta_0 = 0$ , να βρείτε την τιμή της εκτιμήτριας αυτής (της  $\beta_1$ ) από ένα δείγμα για το οποίο έχουμε  $\Sigma(Y_t X_t) = 100$ ,  $\Sigma(Y_t Z_t) = 200$ ,  $\Sigma(Z_t X_t) = 50$ .

**B.** (βαθμοί : 2) Δίνονται οι σχέσεις:

$$Y_t = \gamma_0 + \gamma_1 Z_t + \gamma_2 Y_{t-1} + \varepsilon_{1t} \quad (3)$$

$$W_t = \delta_0 + \delta_1 Z_t + \delta_2 Y_t + \varepsilon_{2t} \quad (4)$$

Έστω ότι  $E(\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{2t}) \neq 0$ ,  $E(\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{1s}) = 0$ ,  $E(\varepsilon_{2t}, \varepsilon_{2s}) = 0$ ,  $E(\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{2s}) = 0$  ( $t \neq s$ ) και ότι η  $Z$  είναι ανεξάρτητη από τα σφάλματα  $\varepsilon_1$  και  $\varepsilon_2$ . Να αναπτύξετε μια διαδικασία εκτίμησης και να εξηγήσετε πώς θα να λάβετε συνεπείς εκτιμήσεις των παραμέτρων των σχέσεων (3) και (4).

Δίνεται ότι:  $z_{0,05} = 1,645$ ,  $z_{0,025} = 1,96$ ,  $\chi^2_{0,05}(2) = 5,99$ ,  $\chi^2_{0,05}(3) = 7,52$ ,  $t_{0,05,18} = 1,734$ ,  
 $t_{0,025,18} = 2,101$ ,  $t_{0,025,19} = 2,093$ ,  $F_{3,30,0,05} = 2,92$ ,  $F_{3,40,0,05} = 2,84$ ,  $F_{4,30,0,05} = 2,69$ ,  $F_{4,40,0,05} = 2,61$ ,  
 $d_L = 1,63$ ,  $d_U = 1,71$ .