

```
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy as ipw
from scipy import integrate

✓ 7.8s
```

```
alpha = 1 #Αύξηση θηραμάτων όταν οι θηρευτές απουσιάζουν
beta = 0.3 #Πως πεθαίνουν τα θηράματα λόγω των θηρευτών
delta = 0.8 #Μετά από πόσα θηράματα που έχουν πιαστεί θα έχουμε νεό θηρευτή
gamma = 0.75 #Πως μειώνονται οι θηρευτές όταν απουσιάζουν τα θηράματα
k1=3
x0=3
y0=2

#Εε αυτό το σημείο ορίζουμε την συνάρτηση μας με όποια από τα a,b,g,d,k1 έχουμε επιλέξει να χρησιμοποιήσουμε.
def derivative(X, t, alpha, beta, delta, gamma, k1):
    x,y = X
    dotx=x*(alpha*(1-x/k1) -beta*y)
    doty=y*(-gamma + delta*x)
    return np.array([dotx,doty])

✓ 0.6s
```

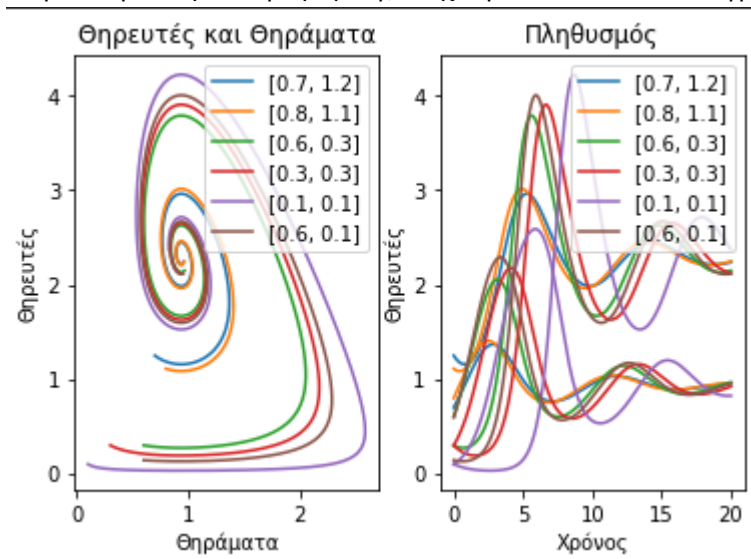
```
Nt=1000*5
tmax=20
t=np.linspace(0., tmax, Nt) #Αυτή την εντολή την χρησιμοποιούμε για να ορίσουμε τον αριθμό των δειγμάτων που στην συγκεκριμένη περίπτωση ξεκινάει από 0
# φτάνει έως το tmax και παράγει Nt δειγμάτα , όσο λιγότερα δειγμάτα τόσο "χειρότερα" θα βγούνε τα γραφήματα
X0=np.array([6,4])#Η αρχική συνθήκη αν θέλουμε να υπάρχει
res= integrate.odeint(derivative, X0, t, args=(alpha, beta, delta, gamma, k1))#Μέσω αυτής της συνάρτησης μπορούμε να λύσουμε την διαφορική που έχουμε ορίσει παραπάνω

✓ 0.5s
```

```
def xyct(t,init, ax): #t ο χρόνος , init θα είναι οι αρχικές συνθήκες και το ax θα το χρησιμοποιήσουμε για να φτιάξουμε δύο διαγράμματα
res=integrate.odeint(derivative,init, t, args=(alpha, beta, delta, gamma, k1)) #η συνάρτηση που μας βοηθάει να λύσουμε την διαφορική που έχουμε ορίσει
ax[0].plot(res[:,0], res[:,1], label='[{:1f}, {:1f}]'.format(*init)) #θα φτιάξουμε 2 διαγράμματα , στο πρώτο δηλαδή στο ax[0] θα έχουμε τους θηρευτες vs τα θηράματα
l1, = ax[1].plot(t, res[:,0], label='[{:1f}, {:1f}]'.format(*init))
ax[1].plot(t, res[:,1], color=l1.get_color()) #στο δεύτερο διάγραμμα έχουμε τα y με t που βλέπουμε πως εξελίσσεται το πλήθος

fh,ax=plt.subplots(1,2)
xyct(t, [.7, 1/.8], ax) #εδώ θέτουμε τις αρχικές συνθήκες , σε κάθε ένα διαφορετικές
xyct(t, [.8, 1/.9], ax)
xyct(t, [.6, .3], ax)
xyct(t, [.3, .3], ax)
xyct(t, [.1, .1], ax)
xyct(t, [.6, .1/.7], ax)
ax[0].legend() #βαζοντας κάθε φορά διαφορετικό αριθμό στο ax , δηλαδή 0 ή 1 του λέμε σε πιο διάγραμμα θα κάνει τις αλλαγές που θέλουμε
ax[1].legend()
ax[0].set_xlabel('θηράματα')
ax[0].set_ylabel('θηρευτές')
ax[1].set_xlabel('χρόνος')
ax[1].set_ylabel('θηρευτές')
ax[0].set_title('θηρευτές και θηράματα')
ax[1].set_title('πληθυσμός')
plt.show()
```

Αν βάλουμε στη συνάρτηση $k > \gamma/\delta$ έχουμε τα ακόλουθα διαγράμματα :



Ενώ για $k > \gamma/\delta$ ή $k = \gamma/\delta$ παίρνουμε :

