



ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΔΗΜΟΚΡΑΤΙΑ  
Εθνικόν και Καποδιστριακόν  
Πανεπιστήμιον Αδηνών

## ΙΑΤΡΙΚΗ ΦΥΣΙΚΗ

**Π. Παπαγιάννης**  
Av. Καθηγητής,  
Εργαστήριο Ιατρικής Φυσικής,  
Ιατρική Σχολή Αθηνών  
Κτίριο 5, Γραφείο 21

📞 210 746 2442  
✉️ [ppapagi@med.uoa.gr](mailto:ppapagi@med.uoa.gr)  
🌐 [https://eclass.uoa.gr/  
MED1114](https://eclass.uoa.gr/MED1114)

**Ο ατομικός πυρήνας**

**ή**

**σύγχρονη αλχημεία...**

# Ο πυρήνας του ατόμου, σύσταση-μάζα

Πυρήνας =  $p^+$  και η **περιορισμένα (?) σε μια περιοχή του ατόμου**

**Μάζα πυρήνα?**

**Πίνακας 1**

Φορτίο μάζα και ενέργεια πρεμίας των τριών βασικότερων υποατομικών σωματιδίων.

	Φορτίο	Μάζα (kg)	Μάζα (u)	Μάζα πρεμίας MeV/c <sup>2</sup> )
Ηλεκτρόνιο	-e	$9,109 \cdot 10^{-31}$	$5,48597 \cdot 10^{-4}$	0,511
Πρωτόνιο	+e	$1,672 \cdot 10^{-27}$	1,007277	938,27
Νετρόνιο	0	$1,674 \cdot 10^{-27}$	1,008665	939,57

Σε πρώτη προσέγγιση:  $m_{atom}(Z, A) \cong A u \cong A \text{ GeV}/c^2$

$$\text{ή ακριβέστερα: } m_{nucleus}(Z, A)c^2 = m_{atom}(Z, A)c^2 + b_e - Z \times m_e c^2$$

, όπου  $b_e$  η ενέργεια σύνδεσης των  $e^-$  στο άτομο.

# Ο πυρήνας του ατόμου, έλλειμμα μάζας-ενέργεια σύνδεσης

Αντίστοιχα, σημειώνεται έλλειμμα μάζας όταν σχηματίζεται πυρήνας ( $Z, A$ ) από  $Z$   $p^+$  και  $N$   $n$ , ίσο με  $\Delta m = B / c^2$  όπου

Β η ενέργεια σύνδεσης του πυρήνα:

$$B = \{Z \times m_p + N \times m_n - m_{nucleus}(Z, A)\} \times c^2$$

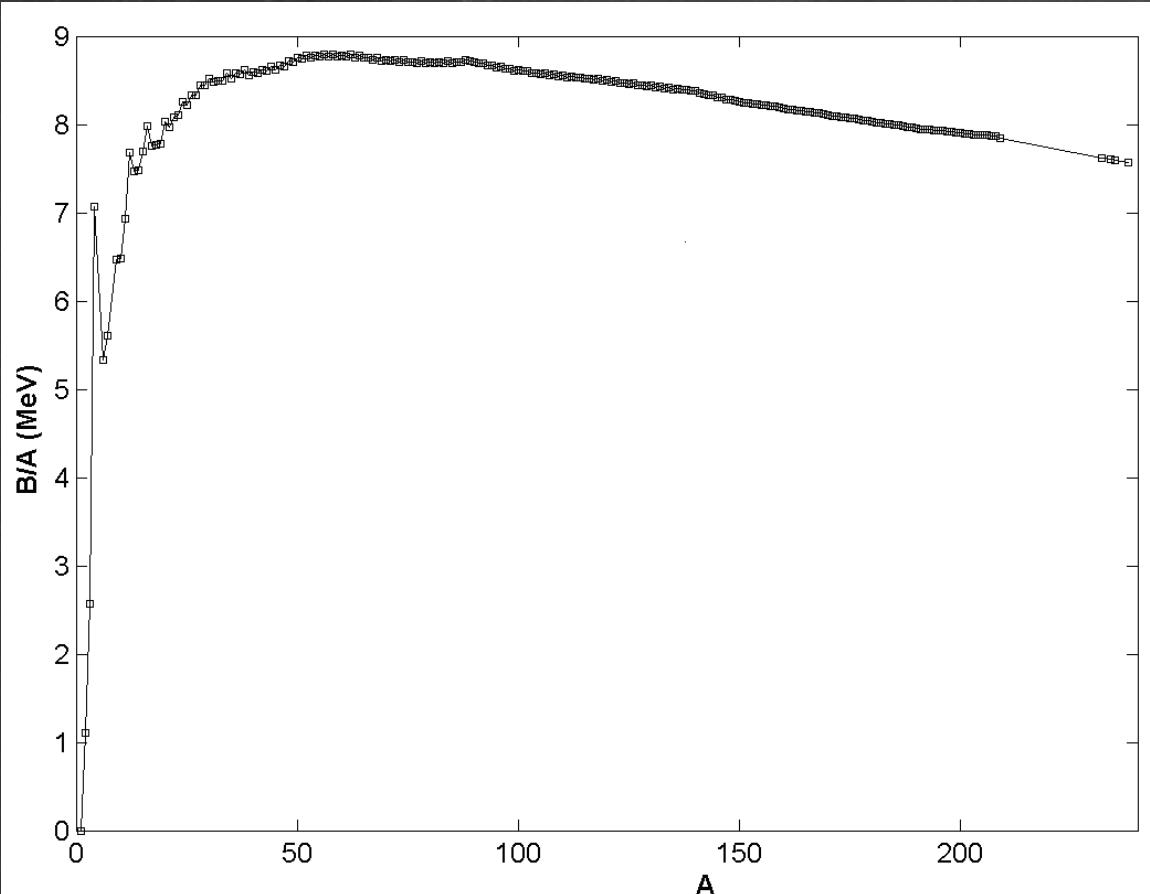
ή

$$\begin{aligned} B &= \{Z \times (m_p + m_e) + (A - Z) \times m_n - m_{atom}(Z, A)\} \times c^2 \\ &= \{Z \times m_{^{1}_H} + (A - Z) \times m_n - m_{atom}(Z, A)\} \times c^2 \end{aligned}$$

Β είναι η ενέργεια που απελευθερώνεται όταν ο πυρήνας σχηματίζεται αυθόρμητα ή, ισοδύναμα, η ενέργεια που πρέπει να παρέχω για να διασπάσω τον πυρήνα στα συστατικά του.

Μεγαλύτερη ενέργεια σύνδεσης → αυξημένη σταθερότητα...?

# Ο πυρήνας του ατόμου, σταθερότητα



- Δεδομένου ότι ένας πυρήνας αλλάζει ακόμη και αν αφαιρέσω μόνο 1 νουκλεόνιο ( $p^+$  ή  $n$ ), είναι η ενέργεια σύνδεσης ανά νουκλεόνιο ( $B/A$ ) που καθορίζει την πυρηνική σταθερότητα.
- Σημειώστε ότι το γεγονός ότι το  $B$  είναι περίπου ανάλογο με το  $A$  για βαρύτερους πυρήνες συνεπάγεται τα κύρια χαρακτηριστικά της ισχυρής πυρηνικής δύναμης.
- Γιατί η  $B/A$  έχει αυτή τη μορφή?
- Είναι όλα τα ισοβαρή νουκλίδια εξίσου σταθερά?

# Ο πυρήνας του ατόμου, το πυρηνικό μοντέλο της σταγόνας υγρού

υγρό	πυρήνας
Δυνάμεις Van Der Waals	Ισχυρή πυρηνική δύναμη
Ελεύθερη σταγόνα υγρού έχει σφαιρικό σχήμα	$R = R_0 \times A^{1/3}$
Σταθερή πυκνότητα	$d \cong 10^{14} \text{ g cm}^{-3}$

$$B(Z, A) = \alpha_{Volume} A - \alpha_{Surface} A^{2/3}$$

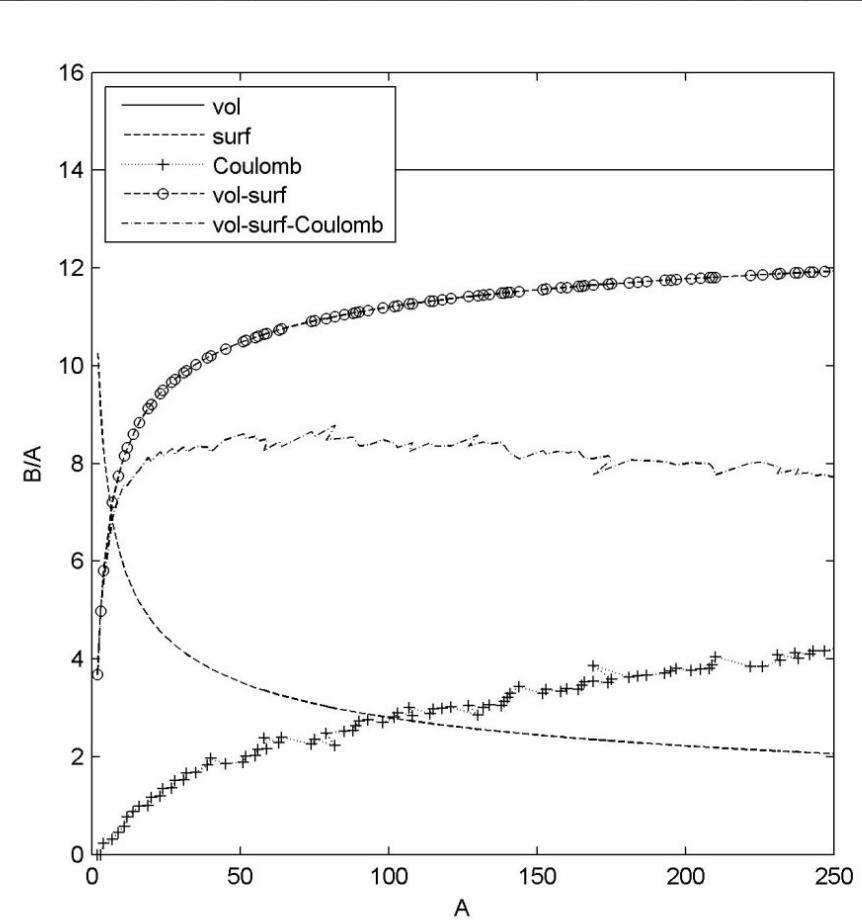
# Ο πυρήνας του ατόμου, ημι-εμπειρική σχέση Weiszsacker

$$B(Z, A) = \alpha_{Volume} A - \alpha_{Surface} A^{2/3} - \alpha_{Coulomb} \frac{Z(Z-1)}{A^{1/3}} - \alpha_{Asymmetry} \frac{(A-2Z)^2}{A} - \alpha_{Pairing} \delta A^{-3/4} + a_{Z,N}$$

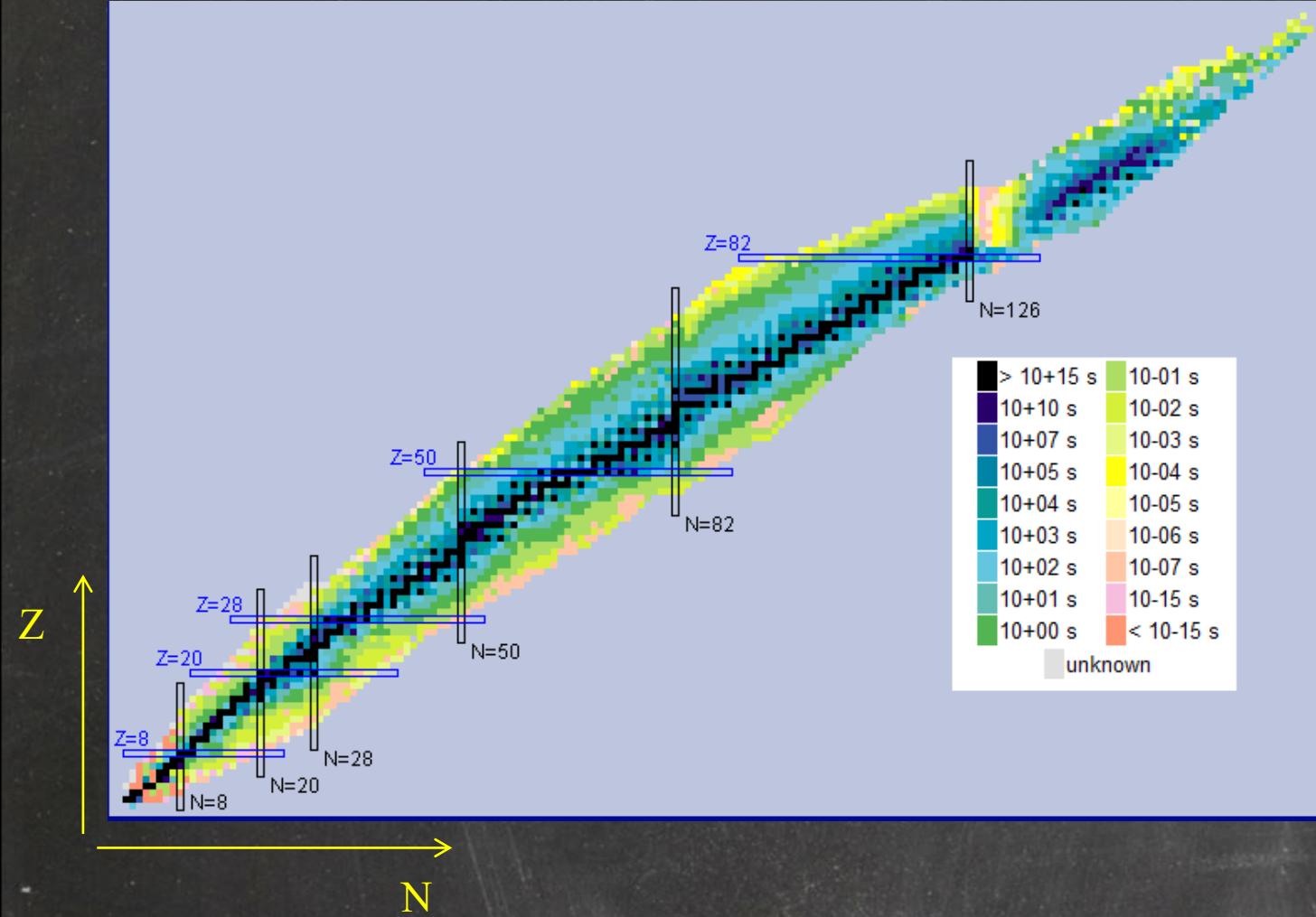
Table 1.6 Relationships between protons, neutrons, and stability

Number of protons	Number of neutrons	Number of stable nuclei
Even	Even	165
Even	Odd	57
Odd	Even	53
Odd	Odd	6

- Οι σταθερές ( $a_i$ ) καθορίζονται από προσαρμογή στα πειραματικά δεδομένα
- Οι όροι οφείλονται:
  - Volume: έλξη ισχυρής πυρηνικής δύναμης μεταξύ νουκλεονίων
  - Surface: μικρή εμβέλεια ισχυρής πυρηνικής δύναμης
  - Coulomb: άπωση λόγω δύναμης Coulomb μεταξύ p+
  - Asymmetry: η ενέργεια του πυρήνα είναι κβαντισμένη (όπως στα άτομα), επομένως η περίσσεια η πρέπει να είναι η απολύτως απαραίτητη
  - pairing: τα νουκλεόνια είναι φερμιόνια με σπιν = 1/2 (βλ. πίνακα)
  - σταθερός όρος,  $a_{Z,N}$ : "μαγικοί αριθμοί" 2, 8, 20, 28, 50, 82, 126



# Ο πυρήνας του ατόμου, ο χάρτης των νουκλιδίων – διάγραμμα Segre

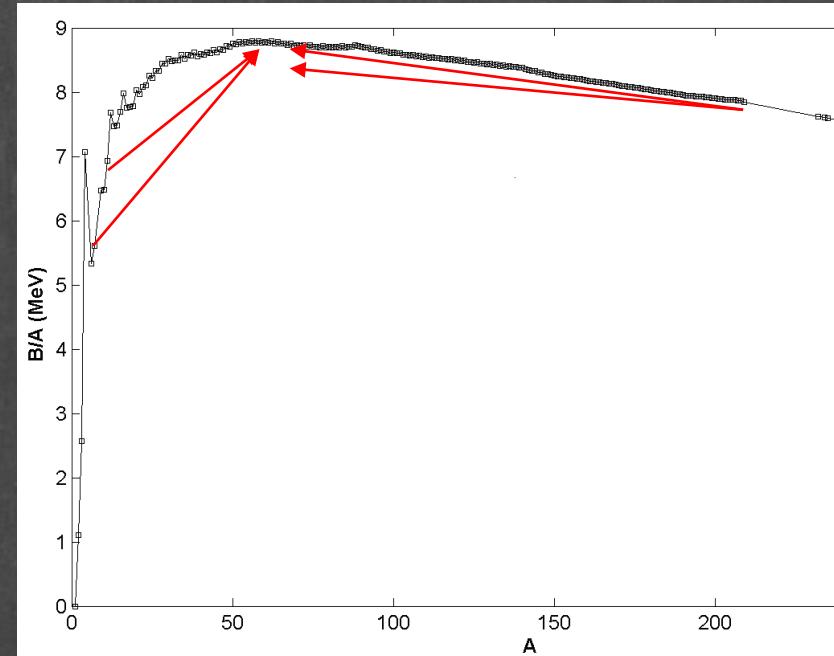


- Η χρωματική κλίμακα απεικονίζει το χρόνο μέχρι την αυθόρμητη αποσύνθεση (αλλαγή πυρήνα).
- Όσο πιο σκούρο το χρώμα τόσο αυξάνει η σταθερότητα.
- Σύμφωνα με τον ημι-εμπειρικό τύπο για το B/A, η σταθερότητα αυξάνεται για:
  - $N = Z$  για ελαφρούς πυρήνες ( $A < 20$ )
  - $N = 1,5Z$  για βαρείς πυρήνες ( $A > 20$ )
  - Άρτιους-άρτιους πυρήνες
  - $N \neq Z$  με μαγικούς αριθμούς

Δεν θα έπρεπε να υπάρχει μονοπάτι προς την αυξημένη σταθερότητα για τους πυρήνες ...;

# Ο πυρήνας του ατόμου, μεταστοιχειώσεις

- Νουκλίδια με μεγάλο A:  
**Σχάση**
- Νουκλίδια με μικρό A:  
**Σύντηξη**



# Ο πυρήνας του ατόμου, μεταστοιχειώσεις

Για δεδομένο Α:

➤ Αποβολή πλεονάζοντος νουκλεονίου (σπάνια)

➤ α διάσπαση: 
$${}_{Z}^{A}X \rightarrow {}_{Z-2}^{A-4}Y + {}_{2}^{4}He$$

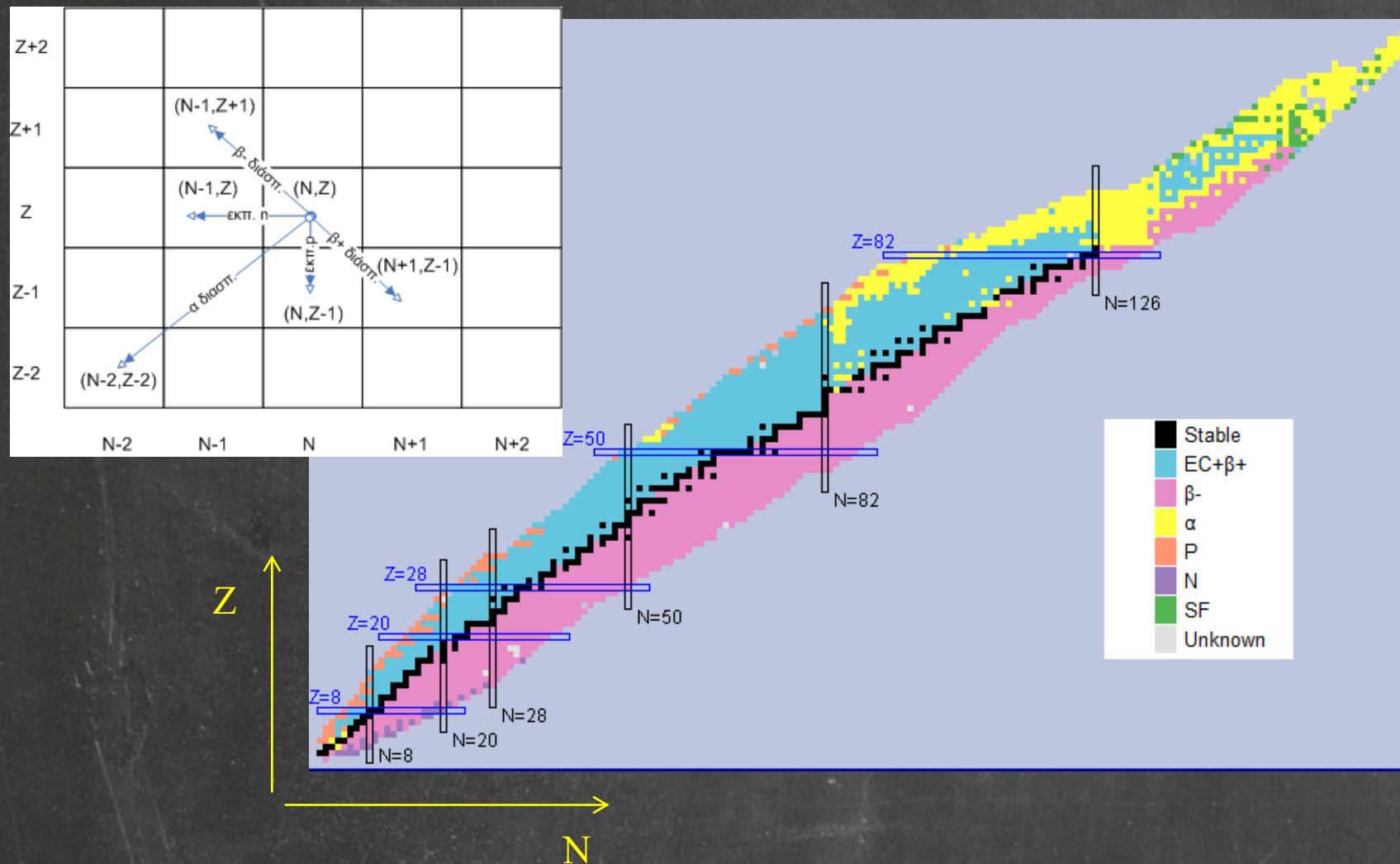
➤ Πλεόνασμα νετρονίων ➤ β⁻ διάσπαση: 
$$\begin{array}{c} {}_0^1n \rightarrow {}_1^1p + e^- + \bar{\nu}_e \\ {}_{Z}^{A}X \rightarrow {}_{Z+1}^{A}Y + e^- + \bar{\nu}_e \end{array}$$

➤ Πλεόνασμα πρωτονίων ➤ β⁺ διάσπαση: 
$$\begin{array}{c} {}_1^1p \rightarrow {}_0^1n + e^+ + \nu_e \\ {}_{Z}^{A}X \rightarrow {}_{Z-1}^{A}Y + e^+ + \nu_e \end{array}$$

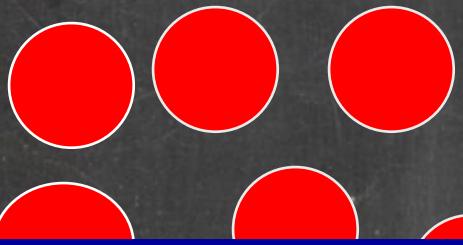
➤ Σύλληψη ηλεκτρονίου: 
$$\begin{array}{c} {}_1^1p + e^- \rightarrow {}_0^1n + \nu_e \\ {}_{Z}^{A}X + e^- \rightarrow {}_{Z-1}^{A}Y + \nu_e \end{array}$$

➤ Διάσπαση γ ...;

# Ο πυρήνας του ατόμου, ο χάρτης των νουκλιδίων – διάγραμμα Segre



ΑΣΤΑΘΕΙΣ  
ΡΑΔΙΕΝΕΡΓΟΙ  
ΠΥΡΗΝΕΣ

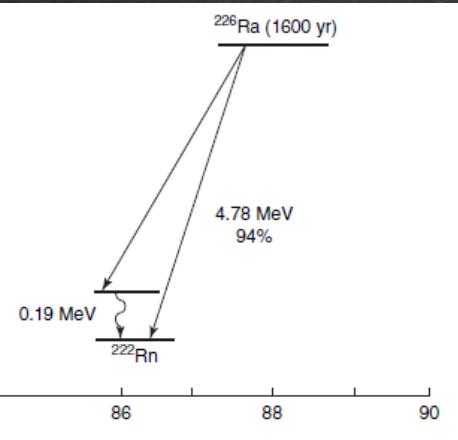


- **Ραδιενέργεια** : ιδιότητα ορισμένων πυρήνων να διασπώνται αυθόρμητα με παράλληλη εκπομπή ακτινοβολίας
- **Ακτινοβολία** : ενέργεια με τη μορφή ηλεκτρομαγνητικού κύματος (φωτονίου) ή σωματιδίων

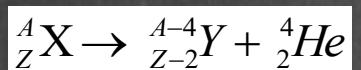


ΡΑΔΙΕΝΕΡΓΕΙΑ

**Ραδιενέργεια – ακτινοβολίες α, β, γ**



## Ραδιενέργες διασπάσεις : διάσπαση α



Π.χ.:  ${}^{226}_{88} Ra \rightarrow {}^{222}_{86} Rn + \alpha + Q_\alpha$  όπου  $Q_\alpha$  η ενέργεια που απελευθερώνεται

Διατήρηση  
Ενέργειας :

$$m_X c^2 + K_X = m_Y c^2 + K_Y + m_\alpha c^2 + K_\alpha, \text{ έστω } K_X = 0 :$$

$$m_X c^2 - m_Y c^2 - m_\alpha c^2 = K_Y + K_\alpha$$

$\underbrace{\quad\quad\quad}_{Q_\alpha \text{ value}}, Q_\alpha > 0 \text{ for spontaneous decay}$

Διατήρηση ορμής :

$$\vec{p}_X = 0 = \vec{p}_Y + \vec{p}_\alpha$$

2 εξισώσεις με 2 αγνώστους  
έχουν μοναδική λύση :

$$\frac{K_\alpha}{K_Y} = \frac{m_Y}{m_\alpha} \cong \frac{A-4}{4} \quad K_\alpha \cong Q_\alpha \left(1 - \frac{4}{A}\right) \quad \text{και} \quad K_Y \cong Q_\alpha \frac{4}{A}$$

Το σωμάτιο α εκπέμπεται με δεδομένη Ε (γραμμικό φάσμα)

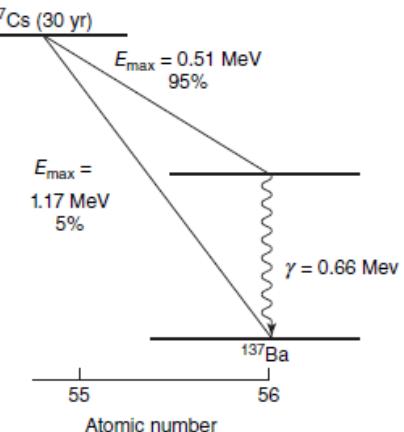
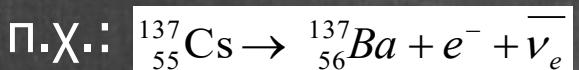
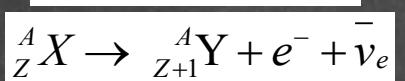
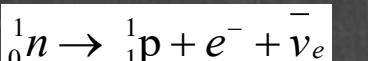


Figure 1.12 Radioactive decay scheme for electron decay of  $^{137}\text{Cs}$ .

## Ραδιενέργες διασπάσεις : διάσπαση $\beta^-$



$$Q_{\beta^-} = K_Y + K_{\beta^-} + K_{\bar{\nu}_e}$$

$$\text{όπου } Q_{\beta^-} = m_X c^2 - m_Y c^2 - m_e c^2 = M_X c^2 - M_Y c^2$$

Διατήρηση  
Ενέργειας :

Διατήρηση ορμής :  $\vec{p}_X = 0 = \vec{p}_Y + \vec{p}_{\beta^-} + \vec{p}_{\bar{\nu}}$

2 εξισώσεις με 3 αγνώστους δεν έχουν μοναδική λύση:

Το ηλεκτρόνιο εκπέμπεται με φάσμα ενέργειών

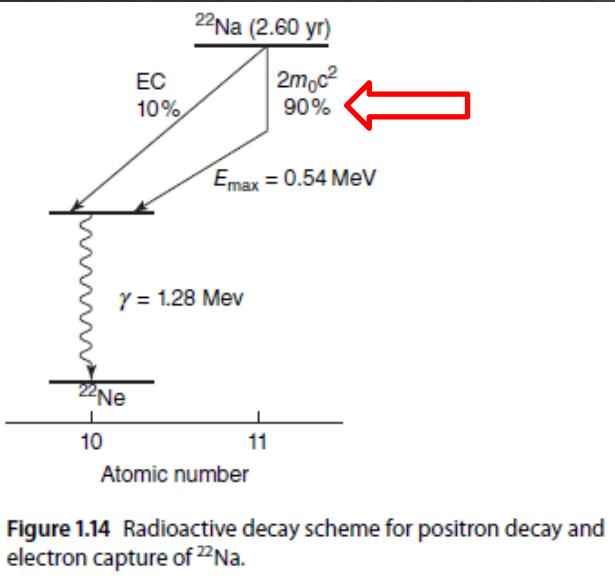
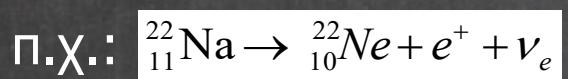
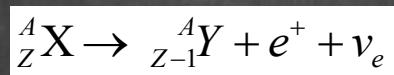
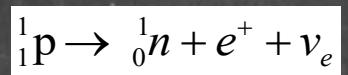


Figure 1.14 Radioactive decay scheme for positron decay and electron capture of  $^{22}\text{Na}$ .

## Ραδιενέργες διασπάσεις : διάσπαση $\beta^+$



$$Q_{\beta^+} = m_X c^2 - m_Y c^2 - m_e c^2 = M_X c^2 - M_Y c^2 - 2m_e c^2$$

Όπως στην  $\beta^-$ , το ποζιτρόνιο εκπέμπεται με φάσμα ενεργειών

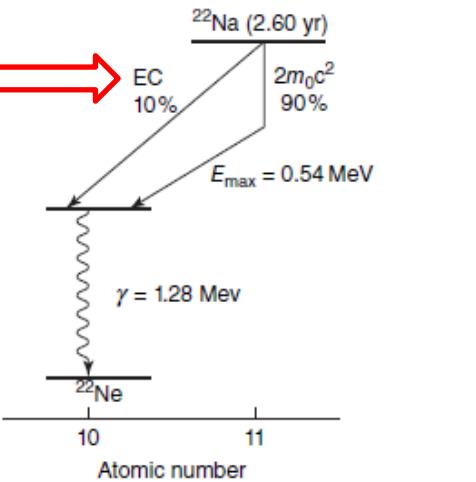
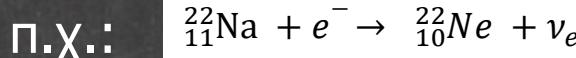
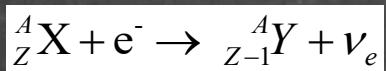
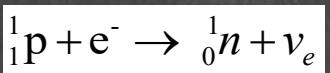


Figure 1.14 Radioactive decay scheme for positron decay and electron capture of  $^{22}\text{Na}$ .

## Ραδιενέργες διασπάσεις : σύλληψη ηλεκτρονίου (EC)



$$Q_{EC} = m_X c^2 + m_e c^2 - m_Y c^2 = M_X c^2 - M_Y c^2$$

Διατήρηση  
Ενέργειας :

$$Q_{EC} = K_Y + K_\nu$$

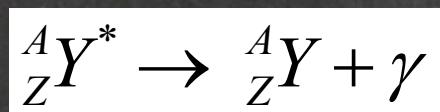
Διατήρηση ορμής :

$$\vec{p}_X = 0 = \vec{p}_Y + \vec{p}_\nu$$

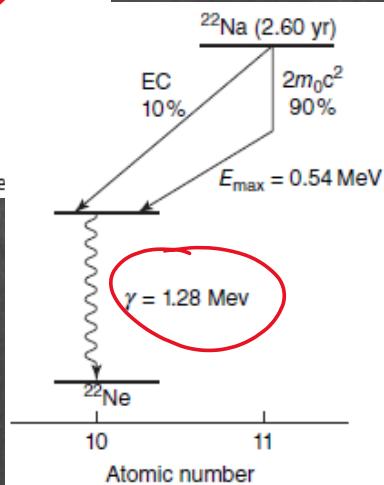
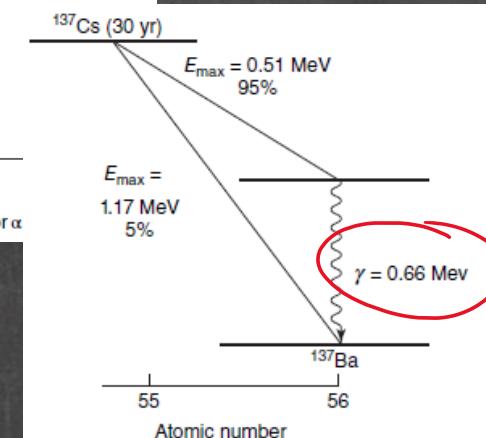
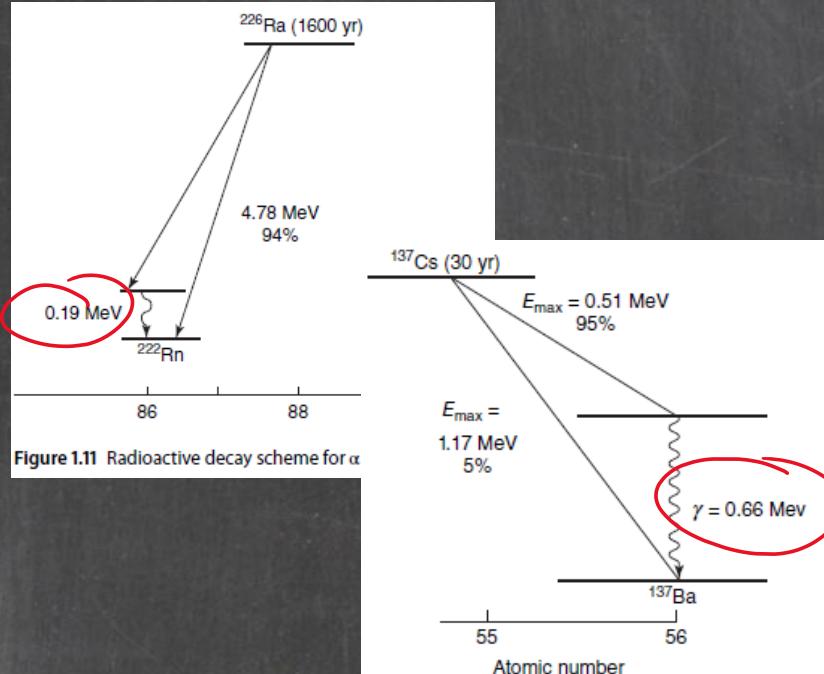
Το νετρίνο λαμβάνει το σύνολο σχεδόν της ενέργειας που απελευθερώνεται

# Ραδιενέργες διασπάσεις, γ διάσπαση & εσωτερική μετατροπή

Κατά τις παραπάνω διασπάσεις ο θυγατρικός πυρήνας είναι πιθανό να σχηματιστεί με ενέργεια μεγαλύτερη αυτής της θεμελιώδους του κατάστασης.



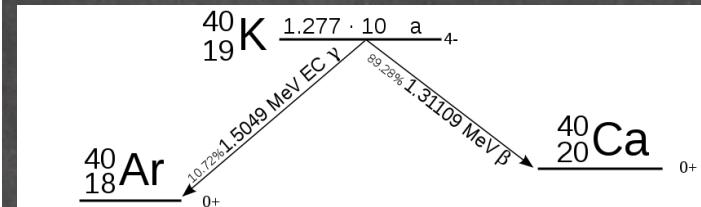
Είναι επίσης πιθανό η επιπλέον ενέργεια να αποβληθεί με την εκπομπή ενός ηλεκτρονίου (εσωτερική μετατροπή)



# Φυσική ραδιενέργεια

Ραδιενεργός σειρά του:	Πατρικό νουκλίδιο	Πρώτη διάσπαση	Χρόνος ημιζωής (x10 <sup>9</sup> έτη)	Σταθερό τελικό θυγατρικό νουκλίδιο
Θορίου	$^{232}_{90}Th$	$^{228}_{88}Ra + ^4_2He$	14,05	$^{208}_{82}Pb$
Ακτινίου	$^{235}_{92}U$ *	$^{231}_{90}Th + ^4_2He$	0,704	$^{207}_{82}Pb$
Νεπτουνίου	$^{237}_{93}Np$	$^{233}_{91}Pa + ^4_2He$	$2,144 \times 10^{-3}$	$^{209}_{83}Bi$
Ουρανίου	$^{238}_{92}U$	$^{234}_{90}Th + ^4_2He$	4,47	$^{206}_{82}Pb$

\* (το  $^{235}U$  είχε ονομαστεί αρχικά ακτινο-ουράνιο)



# Τεχνητή ραδιενέργεια

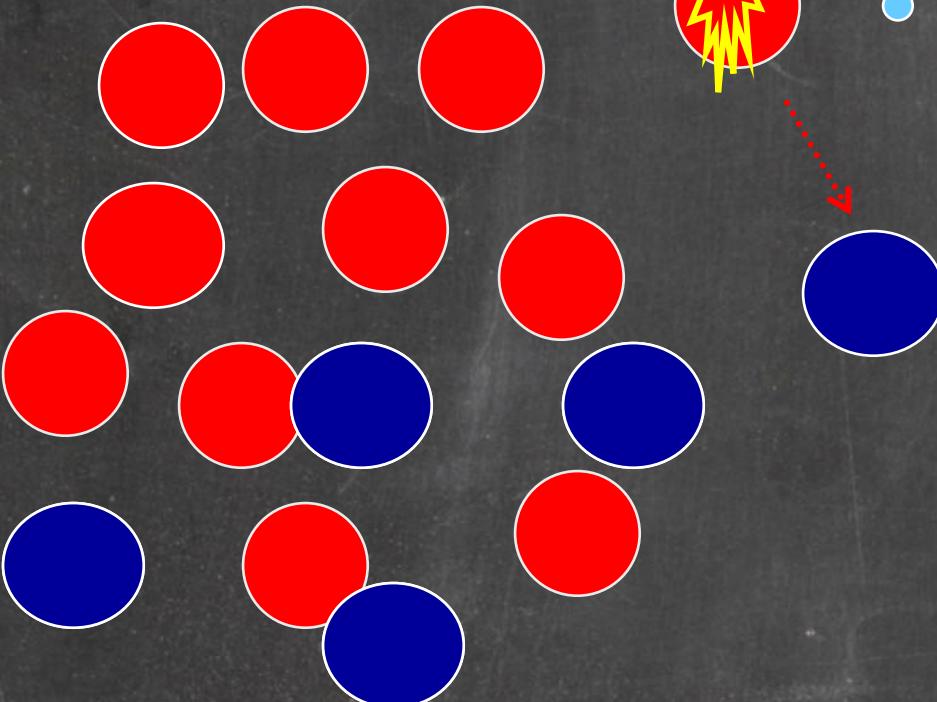
$$a + A \rightarrow b + B \Leftrightarrow A(a, b)B$$

Ραδιενεργό ισότοπο	Πυρηνική αντίδραση παραγωγής	Ενεργός διατομή	Q τιμή (MeV)	t <sub>1/2</sub>	Εφαρμογή
$^{60}Co$	$^{59}_{27}Co(n, \gamma) ^{60}_{27}Co$	37,2*	-	5,27 y	Ακτινοθεραπεία-βραχυθεραπεία
$^{192}Ir$	$^{191}_{77}Ir(n, \gamma) ^{192}_{77}Ir$	954*	-	73,8 d	Βραχυθεραπεία
$^{99}Mo$	$^{98}_{42}Mo(n, \gamma) ^{99}_{42}Mo$	0,13*	-	66 h	Πυρηνική ιατρική (γεννήτρια $^{99m}Tc$ )
$^{11}C$	$^{14}_7N(p, a) ^{11}_6C$	+	-2,92	20,4 m	Πυρηνική ιατρική (PET)
$^{13}N$	$^{16}_8O(p, a) ^{13}_7N$	+	-5,22	10 m	"
$^{15}O$	$^{15}_7N(p, n) ^{15}_8O$	+	-3,54	2,1 m	"
$^{18}F$	$^{18}_8O(p, n) ^{18}_9F$	+	-2,44	110 m	"

\* για θερμικά νετρόνια

+ εξαρτάται από την ενέργεια των p

**ΑΣΤΑΘΕΙΣ  
ΡΑΔΙΕΝΕΡΓΟΙ  
ΠΥΡΗΝΕΣ**



**Ακτινοβολία α**



**Ακτινοβολία γ**



**Ακτινοβολία β**



**ΣΤΑΘΕΡΟΤΕΡΟΣ  
ΠΥΡΗΝΑΣ**

# Ο νόμος της εκθετικής διάσπασης

'Εστω ότι μια χρονική στιγμή σε ένα δείγμα περιέχονται  $N$  ραδιενεργοί πυρήνες. Πόσοι θα διασπαστούν μετά από παρέλευση χρόνου  $\Delta t$ ;

# Ο νόμος της εκθετικής διάσπασης

Έστω ότι μια χρονική στιγμή σε ένα δείγμα περιέχονται  $N$  ραδιενεργοί πυρήνες. Πόσοι θα διασπαστούν μετά από παρέλευση χρόνου  $\Delta t$ ;

$$\begin{aligned} -\Delta N &= N - N' = \lambda N \Delta t \\ \Rightarrow \left( \frac{\Delta N}{\Delta t} \right) &= -\lambda N \end{aligned}$$

Όπου λ η αποκαλούμενη **σταθερά διάσπασης** που αποτελεί μέτρο της πιθανότητας να διασπαστεί **δεδομένο είδος** ραδιενεργού πυρήνα

Ορίζεται **ενεργότητα** ραδιενεργού δείγματος το φυσικό μέγεθος που ισούται με τον αριθμό διασπάσεων στη μονάδα του χρόνου:

$$A(t) = -\left(\frac{dN}{dt}\right) = \lambda N$$

και έχει μονάδες  $\text{Bq}$  (1 διάσπαση ανά sec)

Εκθετική συμπεριφορά εμφανίζει οποιοδήποτε μέγεθος, γ,  
 για το οποίο ο ρυθμός μεταβολής του  
 ως προς μια μεταβλητή, x, από την οποία συναρτάται  
 είναι ανάλογος της τιμής του μεγέθους.

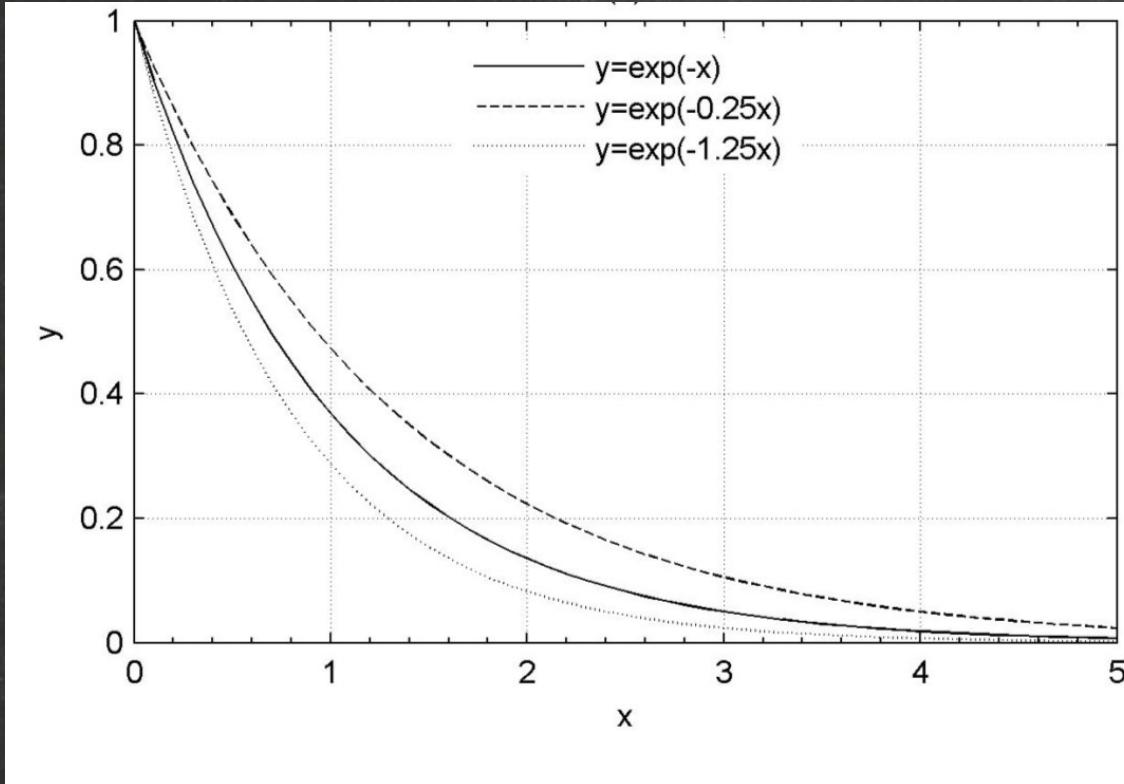
$$\text{Av: } \frac{\Delta y}{\Delta x} = \pm \beta y \quad \text{τότε: } y = y_0 e^{\pm \beta x}$$

$$\rightarrow \frac{dy}{dx} = \pm \beta y$$

$$\text{Επομένως αφού: } \frac{\Delta N}{\Delta t} = -\lambda N \quad \text{τότε: } N = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\text{'Όπου χρόνος υποδιπλασιασμού: } t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$

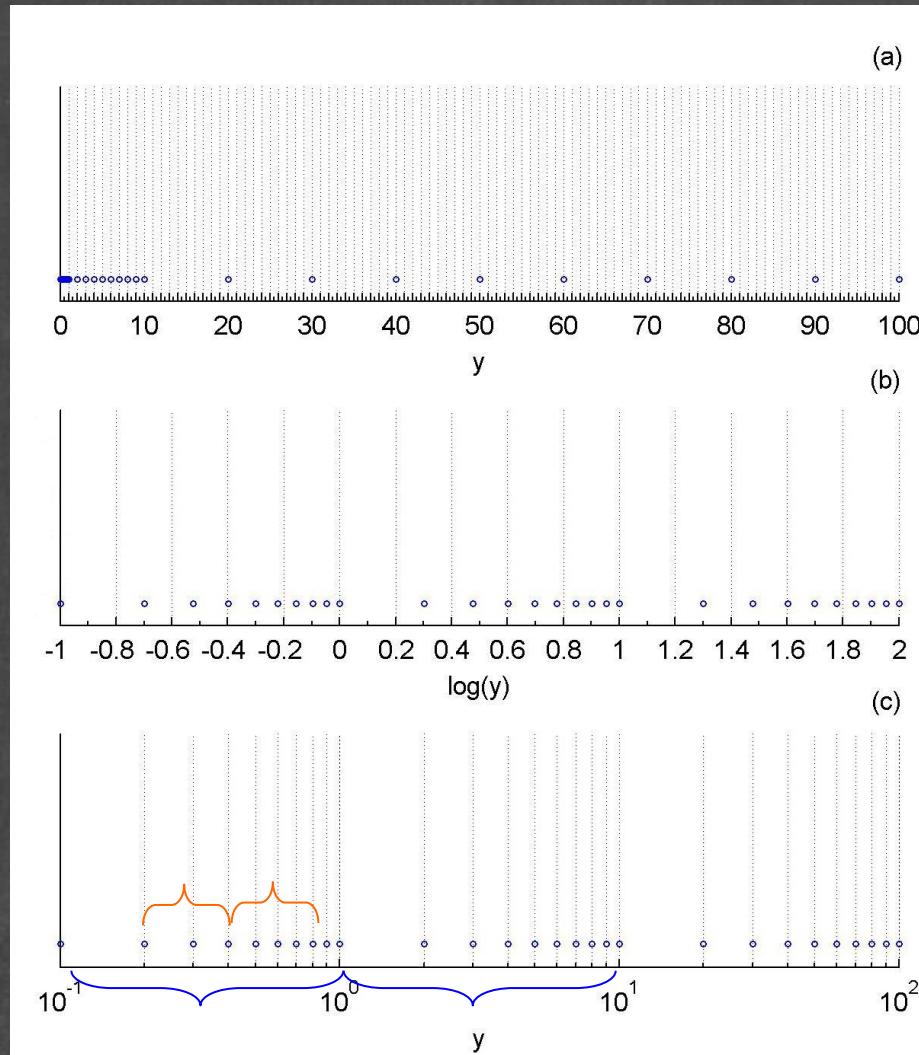
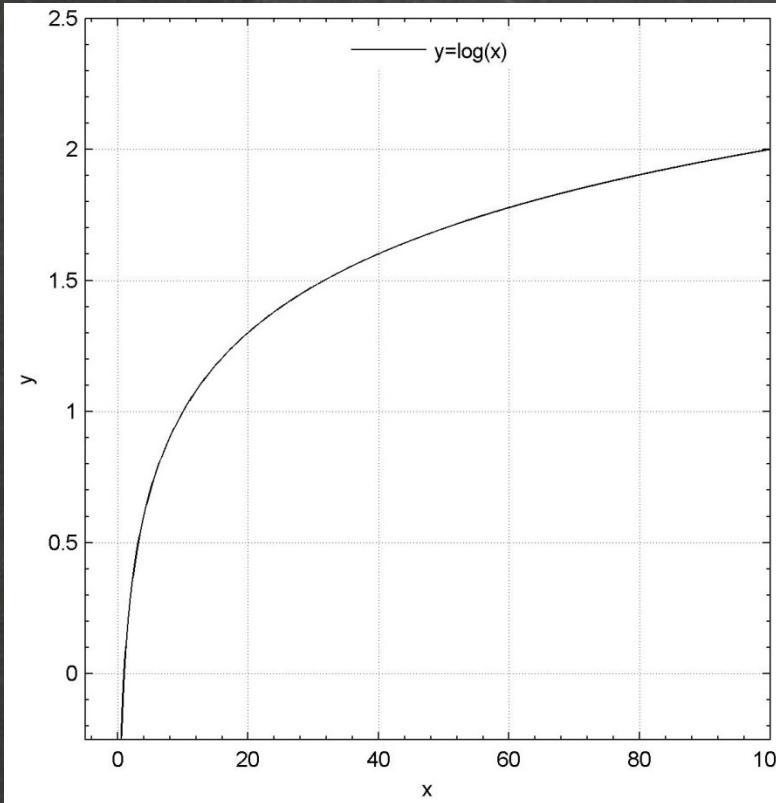
# Εκθετικές συναρτήσεις



ΠΡΟΒΛΗΜΑ:  
Ραγδαία μεταβολή τιμών

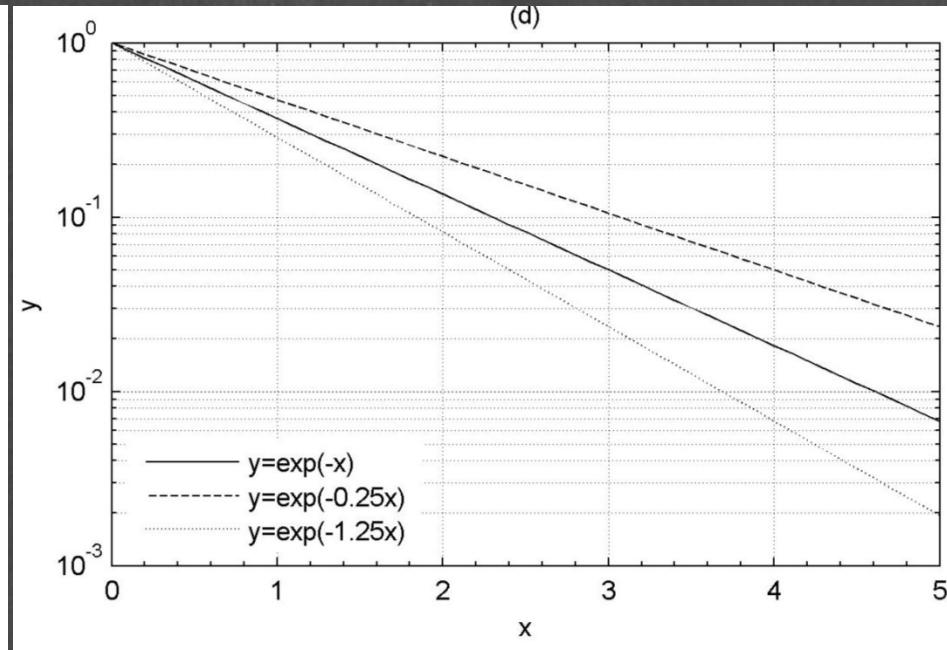
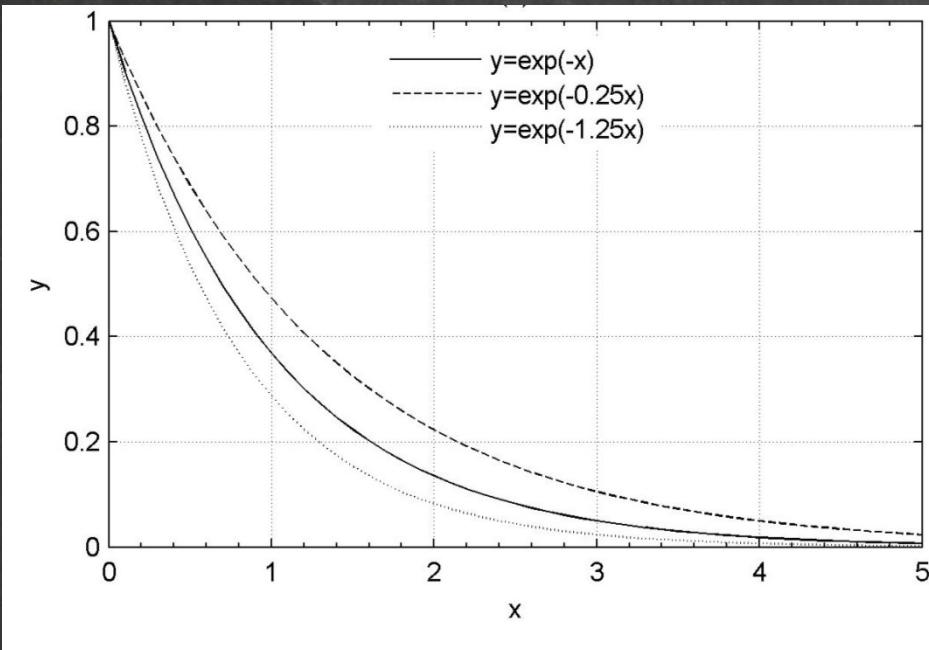
# Εκθετικές συναρτήσεις και ημιλογαριθμικές κλίμακες ...

ΛΥΣΗ:  
Λογαριθμική συνάρτηση



# Εκθετικές συναρτήσεις και ημι-λογαριθμικές κλίμακες ...

$$y = y_0 e^{\pm \beta x} \Rightarrow \\ \log y = \log(y_0 e^{\pm \beta x}) = \log y_0 + \log(e^{\pm \beta x}) \Leftrightarrow \log y = \log y_0 \pm (\beta \log e) x$$



# Υλικό περαιτέρω μελέτης

- § 4, Κεφάλαιο 1 Συγγράμματος
- Ερωτήσεις κατανόησης
- Υλικό διαθέσιμο στο HyperPhysics (<http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/index.html>) που σχετίζεται με την «Πυρηνική Φυσική» ΚΑΙ τα θέματα που συζητήθηκαν σε αυτή την παρουσίαση

