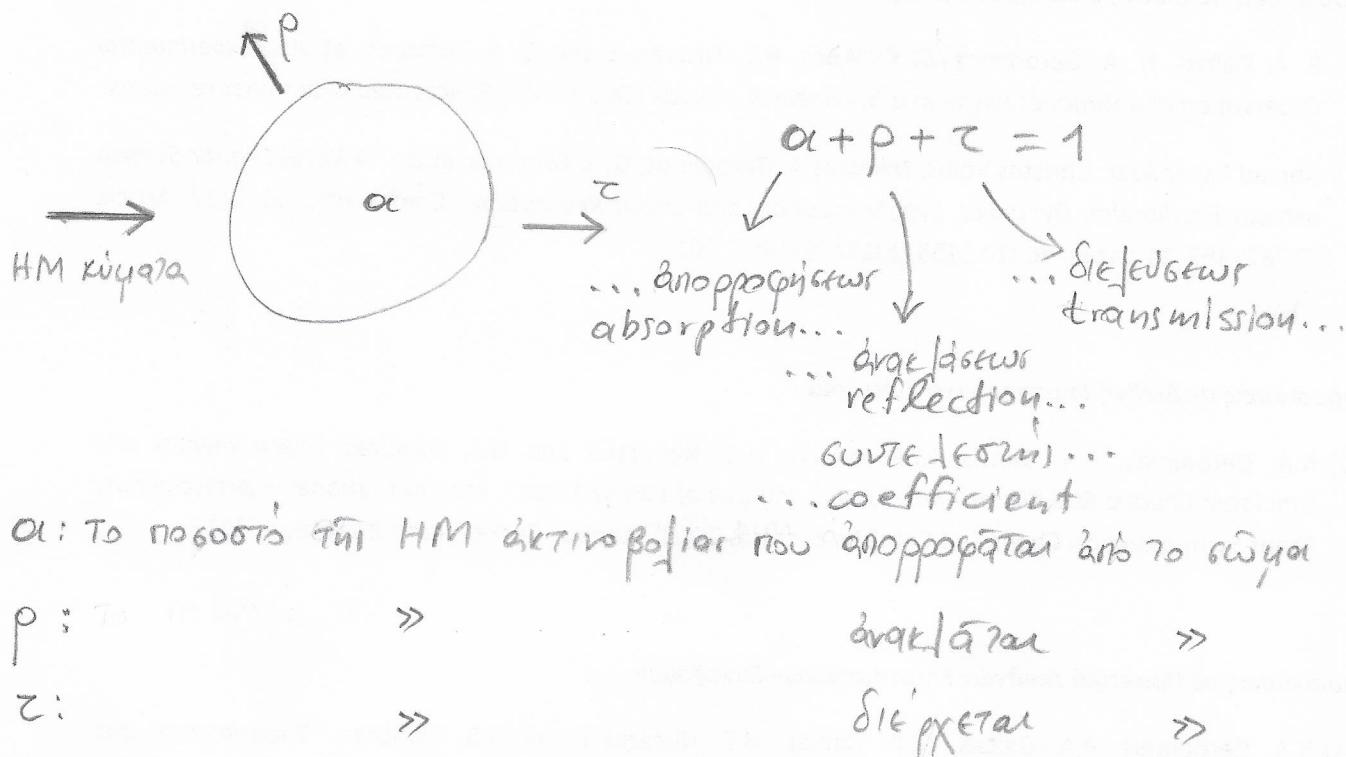


ΚΕΦΑΛΑΙΟ 1

ΕΙΣΑΓΩΓΗ ΣΤΗ ΚΒΑΝΤΙΚΗ ΦΥΣΗ ΤΟΥ φΩΤΟΣ

ΜΕΛΑΝ ΣΩΜΑ Κ ΣΥΝΑΦΕΙΣ ΕΝΝΟΙΕΣ



$P:$ » αράβασης »
 $\tau:$ » διελεγεων »

μέλαν σώμα (black body) Είναι εξιδονικευτό σώμα, το οποίο απορρέπει (μαύρο) όλη την προβιβλουσα σε αυτό HM ακτινοβολία, αρεξαρτήτως συχρόντας και αρεξαρτήτως γυρισας προβιβλωτων.

δηλαδή $P=\emptyset$, $\tau=\emptyset$, $\alpha=1$ Η συνήθη
αράβαση προστιθέτει

Άλλη μέραν γέρνει τα παραπάνω, όταν λέγεται συντοχών απόρροψης ένέργειας, ή δερυδραστικό το σώματος ή αυστηρά συντοχώς.

"Ετσι, ένα μέλαν σώμα, το οποίο βρίσκεται σε δερυδραστική θερμοκρασία (όπα και σε οποιαδήποτε θερμοκρασία) θα πρέπει να έχει - ζεκτύνει HM ακτινοβολία, ή συνοια καθέται ακτινοβολία μέλαν σώματος", Έτσι ωστόσο να διεπηρώνει το έντεργειακό ισοζύγιο.

"Η ακτινοβολία μέλαν σώματος γίνεται σύμφωνα με το γύρον του Planck. Όπως ωστόσο το φένomeno της εξαρτάται μόνο από τη θερμοκρασία δηλ. $P(\nu, T)$ αρεξαρτήτως: σχίματος, συστάσεων των μέλαν σώματος, γυρισμάτων έκπονσης"

"Ενα μέλος σώματος, σε θερμοδυναμική θεωρία, έχει την αριθμητική τιμή της 1500°C

(I) είναι ιδανικός εκπούνος, δηλ. έκπειπται σε κάθε συχνότητα του λαχίστου γου
Ένέργεια έκπειπται σιδηρίτης όπό σώματα ταυτόσημης θερμοκρασίας.

(II) είναι ζεύγος εκπούνος, δηλ. η άκτινοβολία των διασπειρησμένων
ζεύγων σηματίζεται αναφορτικά

Τα πραγματικά σώματα έκπειπται κλάσηα την άκτινοβολία μέλος σώματος σε λαχίστη

εκπούνος ή εκπειπότης
emission coefficient or emissivity

ε Το ποσοτήριο της ΗΜ άκτινοβολίας,
το ίδιο έναν-έκπειπται από
το σώμα

εξ ορίου $\epsilon_{\text{μέλος σώματος } i=1}$
σε θερμοδυν. θεωρ.

Σημ. αναφορικά για το μέλος σώματος ιχνών $a=1, p=0, \tau=0, \epsilon=1$
σε θερμοδυν. θεωρία

γκρίζα σώματα gray body $\epsilon < 1, a, p, \tau$

λευκά σώματα white body $p=1, a=0, \tau=0$

αδιαφανείς σώματα opaque body $\tau=0, a+p=1$

διαφανείς σώματα transparent body $\tau=1, a=0, p=0$

Ένέργεια θερμοκρασίας - Ένας ανώνυμος ο.κ. ζεύγος, ηλιαρισμός, κλπ
effect temperature

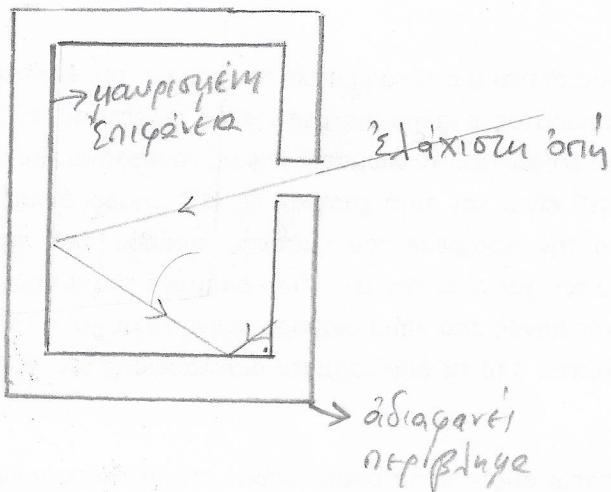
είναι η θερμοκρασία της μέλος σώματος, το μήποτε να έχειπει
την ίδια συνολική (Σημ. στο κύριο μέρος στην ΤΙΤ συχνότητες)
έντασης άκτινοβολίας I $([I]=\frac{W}{m^2})$

Προσεγγιστική πραγμάτων μέλανος σύγκριση

Kοιδότητα για σύγκριση
cavity with a hole

photronics: "cavity"

(cavity with a hole)



1898
1901

Otto Lummer & Ferdinand Kurlbaum

οικεία Ε ένδιαφέροντα για
σκεδών μέλανα σύγκριση
(near-black bodies)

έφερνοντες

αντίκρυψη (parade)

συγχέτεσσες ή λ. ζετέργειας

ανιχνεύεις διπρόσδιπλης ακτινοφ.

Τηλεσκόπια, καλύπτεις (ω) αντιανακτορικές
Σημαντικές για την χειρωνακτική θεωρία
χρήσης

προσεγγιστικές μέλανα σύγκριση
αιδοίδη

αντί μελανός χρησιμοποιεί $\alpha \leq 0.975$

super black: $\alpha \approx 0.996$ $\rho = 0.004$

Vantablack (με νανοσύντονες C) $\alpha = 0.9996$

$$\rho(\nu T) = \frac{8\pi h}{c^3} \cdot \frac{\nu^3}{e^{\frac{h\nu}{k_B T}} - 1}$$

v. Planck

$$[\rho(\nu T)] = \frac{J}{m^2 Hz}$$

Πυκνότητα ενέργειας HM άκτινοβολίας
εε στοιχειώδη περιοχή ευχρότητας,
μέλανος εώνιος εε θερμοδυναμική ιδεοποιία

Nόμος του Planck

και αντικρίσιμη της προεγγρίσεις

Rayleigh-Jeans κ Wien

«Υπεριώδης καταπροφή» κ «Πρόβλημα μεκρίου Σπεριδόνη»

$$p(v, T) dv$$

$$[p(v, T) dv] = \frac{J}{m^3}$$

$$[p(v, T)] = \frac{J}{m^3 Hz} = \frac{JS}{m^3}$$

Ένα από τα λιτικά που διοράτε τη κράτηση της HM άκτινοβολίας

$$p_{RJ}(v, T) = \frac{8\pi v^2 k_B T}{c^3} = p_{RJ}$$

Rayleigh-Jeans
κλασική ρυθμή, 1900

$$p_w(v, T) = \frac{\alpha v^3}{e^{hv/T}} \frac{\text{σταθερής}}{\text{από } v, \text{ Planck}} \frac{8\pi h}{c^3} \frac{v^3}{e^{hv/k_B T}} = p_w$$

Wien
περιαγωγικός ταιριάζοντας
(Ελληνορι fitting)
στη διαγένηση ευχρότητες
1896

$$p(v, T) = \frac{8\pi h}{c^3} \frac{v^3}{e^{hv/k_B T} - 1} = p$$

Planck
παραίσκευτη μηχανική, 1900

$$x := \frac{hv}{k_B T}$$

ευχρότητες για περιαγωγικές
δεδουλεύσεις για διετής της ευχρότητες
και θερμοκρασίες

$$p_{RJ} = p_0 x^2$$

$$d_{RJ} = R_+$$

πεδία δριμού - φυσικού ένδιαφέροντος

$$p_w = p_0 \frac{x^3}{e^x}$$

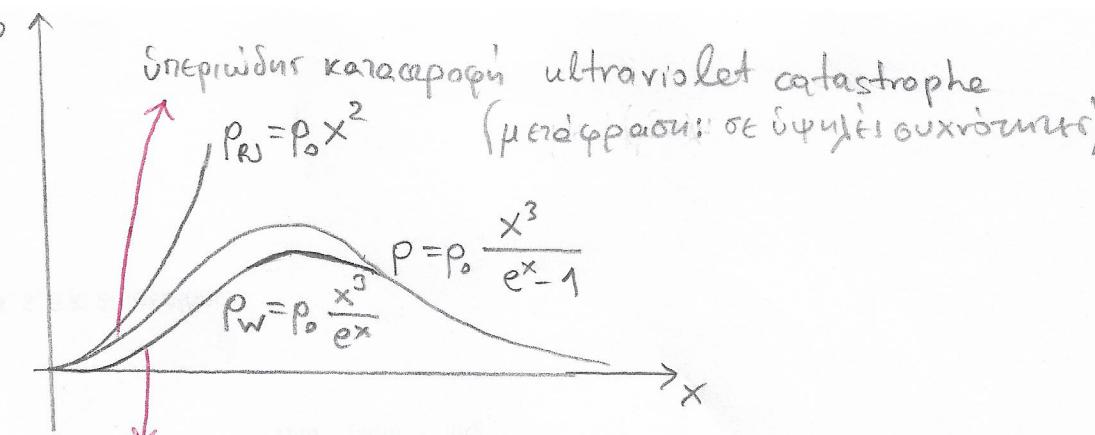
$$d_w = R_+$$

$$p = p_0 \frac{x^2}{e^x - 1}$$

$$d = R_+^*$$

$$p_0 := \frac{8\pi}{h^2} \left(\frac{k_B T}{c} \right)^3$$

$$[p_0] = \frac{J}{m^3 Hz} = \frac{JS}{m^3}$$



Σπεριώδης καταστροφή ultraviolet catastrophe
 $P_R = P_0 \cdot x^2$ (μεταφράσι: σε υψηλή συχνότητα)

$P = P_0 \cdot \frac{x^3}{e^x - 1}$

πρόβλημα μακρινού βιοτύθρου (μεταφράσι: σε χαμηλή συχνότητας).
 far infrared problem

Οι φωναζεις αύτες έχουν σχέση με τα σιδερίγια περιφερατικά δεδομένα γύρω στα 1900

$$x := \frac{hv}{k_B T}$$

και είναι υπό αυτή την έννοια παραλλαγτικός.

"Όμως, η περιοχή θανάτου αρχιjour οι άποκλίσεις, τ' αρτάτου προφανώς άπο τη θερμοκρασία των μέλλοντων ανθρώπων.

ΑΙΣΚΗΣΗ Συμβατικά στην περιοχή των ΗΜ φαίνονται "μακριό ουράνιο", (far infrared, FIR) έχουντε ύψος κύματος $25 \mu m < \lambda < 1000 \mu m$. Βρείτε γεγονότα

$x = \frac{hv}{k_B T}$ αντίστοιχα στο FIR, για θερμοκρασία (α') $300K$ δηλαδί περίπου τη θερμοκρασία ήσοι Δωματίου, (β') $6000K$ δηλαδί περίπου για την έντριχτη θερμοκρασία της φωτόσφατρας των Ήλιου, (γ') $6K$.

ΛΥΣΗ

$$x = \frac{hv}{k_B T}, c = \lambda v \Rightarrow \lambda = \frac{ch}{x k_B T} \quad \left\{ \begin{array}{l} 25 \mu m < \frac{ch}{x k_B T} < 1000 \mu m \\ 25 \mu m < \lambda < 1000 \mu m \end{array} \right. \quad \frac{ch}{k_B T \cdot 1000 \mu m} < x < \frac{ch}{k_B T \cdot 25 \mu m}$$

$$\frac{hc}{k_B} = \frac{6.626 \cdot 10^{-34} J \cdot s \cdot 3 \cdot 10^8 m}{1.380 \cdot 10^{-23} J \cdot K^{-1} \cdot s} \approx 14.404 \cdot 10^{-3} Km$$

$$(α') 300K \Rightarrow 0.048 < x < 1.921$$

$$(β') 6000K \Rightarrow 0.0024 < x < 0.09605$$

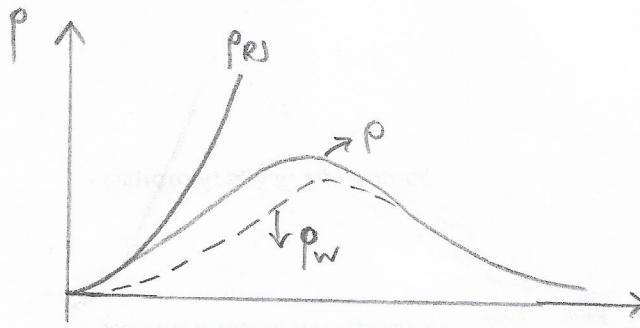
$$x_{\text{χαρ}} < x < x_{\text{υψ}}$$

$$(γ') 6K \Rightarrow 2.4 < x < 96.05$$

x_{LOW}

x_{HIGH}

ΑΣΚΗΣΗ FIR $25\text{ μμ} < \lambda < 1000\text{ μμ}$



Ποια πρέπει να είναι η θερμοκρασία μέσαρος ανάχαρος T :

$$\rho_w = 0.5 \rho \quad για το άνω και το κάτω$$

δριό της περιοχής FIR;

(Σημαντικό «να επιρρέει πρόβλημα στη μακρινή υπέρυθρη»)

ΛΥΣΗ

$$\text{Ψάχνουμε } \rho_w = 0.5 \rho \Rightarrow \rho_0 \frac{x^3}{e^x} = 0.5 \rho_0 \frac{x^3}{e^x - 1} \Rightarrow e^x - 1 = 0.5 e^x \Rightarrow 0.5 e^x = 1 \Rightarrow e^x = 2 \Rightarrow x = \ln 2 \approx 0.693$$

$$x = \frac{hv}{k_B T}, \quad c = \lambda v \Rightarrow$$

$$\lambda = \frac{ch}{x k_B T}$$

$$\frac{hc}{k_B} \approx 14.404 \cdot 10^3 \text{ Km}$$

$$25\text{ μμ} < \frac{ch}{x k_B T} < 1000\text{ μμ} \Rightarrow$$

$$\frac{hc}{x k_B 1000\text{ μμ}} < T < \frac{hc}{x k_B 25\text{ μμ}}$$

$$\frac{14.404 \cdot 10^3 \text{ Km}}{\ln 2 \cdot 10^6 \cdot 10^{-6} \text{ μμ}} < T < \frac{14.404 \cdot 10^3 \text{ Km}}{\ln 2 \cdot 25 \cdot 10^6 \text{ m}}$$

$$\frac{14.404}{0.693} \text{ K} < T < \frac{14.404}{0.693} \cdot 40 \text{ K}$$

$$21 \text{ K} \leq T \leq 831 \text{ K}$$

Διό διατυπώεται τού ρόου Stefan-Boltzmann

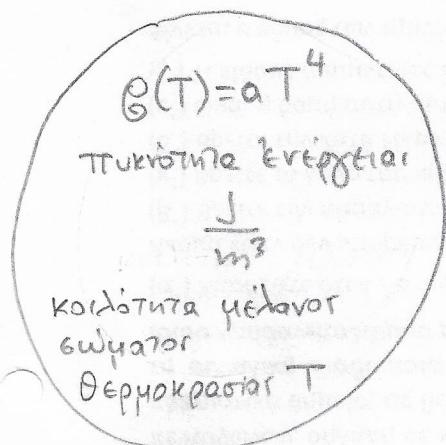
(1) ως προς την πυκνότητα έργων $\mathcal{G}(T)$

(2) ως προς την έντση ακτινοβολίας I

$$[\mathcal{G}(T)] = \frac{\text{J}}{\text{m}^3}$$

$$[I] = \frac{\text{J}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}} = \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

(1)



$$\mathcal{G}(T) := \int_0^\infty \rho(v, T) dv = \int_0^\infty \frac{8\pi h}{c^3} \frac{v^2}{e^{hv/k_B T} - 1} dv$$

$$x := \frac{hv}{k_B T} \Rightarrow v = \frac{x k_B T}{h} \Rightarrow dv = \frac{k_B T}{h} dx$$

$$\mathcal{G}(T) = \frac{8\pi h}{c^3} \left(\frac{k_B T}{h} \right)^3 \left(\frac{k_B T}{h} \right) \int_0^\infty \frac{x^3}{e^x - 1} dx$$

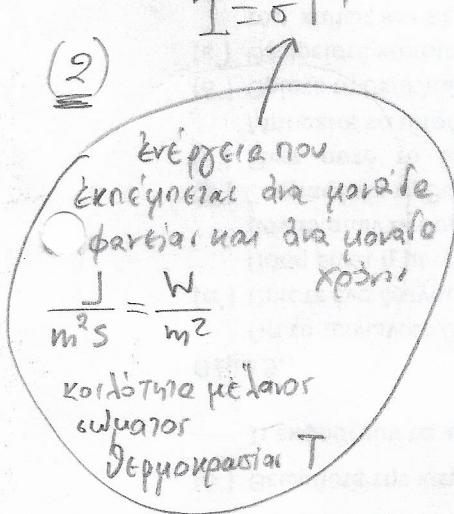
~~~~~  
 $\pi^4/15$

$$\mathcal{G}(T) = \frac{8\pi^5 k_B^4}{15 h^3 c^3} \cdot T^4$$

$$[\mathcal{G}(T)] = \frac{\text{J}}{\text{m}^3}$$

$$\alpha \approx 7.5657 \cdot 10^{-16} \frac{\text{J}}{\text{m}^3 \text{K}^4}$$

(2)



$$[\Phi_\sigma] = \frac{n}{4} \langle \nu \rangle$$

ροή συγκατιθίδιων

$$[\Phi_g] = \frac{n}{4} c$$

ροή φωτόνων

$$I = \Phi_g \langle h\nu \rangle$$

άριο κινητική δυνατίτης ζεριών (Σεδούχερο)

# Κρούστες σε γραμμή πατήσας  
άριο μονάδα έπιφανειας και  
άριο μονάδα χρήσης

$$[\Phi_g] = \frac{1}{\text{m}^3} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}} = \frac{1}{\text{m}^2 \cdot \text{s}}$$

$$I = \frac{n}{4} c \frac{\mathcal{G}(T)}{n} \Rightarrow I = \frac{c}{4} \mathcal{G}(T)$$

έπιση  
έσφραγισμένης  
HM ακτινοβολίας

$$I = \frac{2\pi^5 k_B^4}{15 c^2 h^3} T^4$$

$$[\mathcal{G}(T)] = \frac{\text{J}}{\text{m}^3}$$

$$\sigma \approx 5.67 \cdot 10^{-8} \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \text{K}^4}$$

ΝΟΜΟΣ ΜΕΤΑΤΟΠΙΣΕΩΣ Wien

$$x = \frac{hv}{k_B T}$$

$$P = P_0 \frac{x^3}{e^x - 1}$$

$$\frac{dp}{dx} = P_0 \frac{3x^2(e^x - 1) - x^3 e^x}{(e^x - 1)^2} = P_0 x^2 \frac{3(e^x - 1) - x e^x}{(e^x - 1)^2}$$

v. Planck

Άν ψαίχνουμε άκρωτα, θα οφέλη  $\frac{dp}{dx} = 0 \Rightarrow (\text{όποιο } x \neq 0) \quad 3(e^x - 1) = x e^x$

φαίνεται ότι  $x_0 \sim 3$

άκριβεις εργασία

$$x_0 \approx 2.821439$$

$$\Rightarrow \frac{hv_0}{k_B T} \approx 2.821439 \Rightarrow v_0 = \left( 58.789 \frac{\text{GHz}}{\text{K}} \right) \cdot T \quad \boxed{\frac{v_0}{T} \approx 58.789 \frac{\text{GHz}}{\text{K}}}$$

$$P = P_0 \frac{x^3}{e^x}$$

$$\frac{dp}{dx} = P_0 \frac{3x^2 e^x - x^3 e^x}{e^{2x}} = P_0 x^2 \frac{3e^x - x e^x}{e^{2x}} = P_0 x^2 \frac{3 - x}{e^x}$$

v. Wien

Άν ψαίχνουμε άκρωτα, θα οφέλη  $\frac{dp}{dx} = 0 \Rightarrow (\text{όποιο } x \neq 0) \quad x_0 = 3$

$$\Rightarrow \frac{hv_0}{k_B T} = 3 \Rightarrow v_0 = 3 \frac{k_B}{h} T \quad \boxed{\frac{v_0}{T} \approx 62.510 \frac{\text{GHz}}{\text{K}}}$$

ΑΣΚΗΣΗ Δείξτε πώς αυτό σημείο  $x_0$  ή  $\frac{d^2p}{dx^2} < 0$ , ώστε πρέπει να έχουμε κύριο. Χρησιμοποιήστε το v. Wien  $P = P_0 \frac{x^3}{e^x}$

$$\frac{d^2p}{dx^2} = P_0 \frac{(6x - 3x^2)e^x - (3x^2 - x^3)e^x}{e^{2x}} = P_0 \frac{6x - 3x^2 - 3x^2 + x^3}{e^x} = P_0 \frac{6x - 6x^2 + x^3}{e^x}$$

$$\frac{d^2p}{dx^2} = P_0 x \frac{x^2 - 6x + 6}{e^x} \quad \text{και για } x = x_0 = 3 \Rightarrow \frac{d^2p}{dx^2} = P_0 \cdot 3 \cdot \frac{9 - 18 + 6}{e^3} < 0$$

Νόμος του Planck συμμόρφων  $\rho(\lambda, T)$

$$\int_0^\infty \rho(\lambda, T) d\lambda := \underset{\text{προσεχή}}{\underset{\text{οτου}}{\underset{\text{δρισμό}}{\int_0^\infty \rho(v, T) dv}}} = \int_0^\infty \frac{8\pi h}{c^3} \frac{v^3}{e^{hv/k_B T} - 1} dv$$

$$c = 2v \Rightarrow v = \frac{c}{2} \Rightarrow \frac{dv}{d\lambda} = (-1)c\lambda^{-2}$$

$$\begin{aligned} \int_0^\infty \rho(\lambda, T) d\lambda &:= \frac{8\pi h c^2}{c^3} c \int_0^\infty \frac{1}{\lambda^3} \frac{1}{e^{hc/\lambda k_B T} - 1} \frac{(-1)}{\lambda^2} d\lambda \\ &= 8\pi hc \int_0^\infty \frac{1}{\lambda^5} \frac{1}{e^{hc/\lambda k_B T} - 1} d\lambda \end{aligned}$$

$$\boxed{\rho(\lambda, T) = \frac{8\pi hc}{\lambda^5 (e^{hc/\lambda k_B T} - 1)}}$$

$$[\rho(\lambda, T) d\lambda] = \frac{J}{m^3}$$

$$[\rho(v, T) dv] = \frac{J}{m^3}$$

↓

$$[\rho(\lambda, T)] = \frac{J}{m^3 \cdot m}$$

$$[\rho(v, T)] = \frac{J}{m^3 \text{ Hz}}$$

Τα οι  $\rho(\lambda, T)$   
 $\rho(v, T)$

σε ρέσοντας  
μεριδές μετρήσεων

(Οριζόντες  $\psi := \frac{hc}{\lambda k_B T}$  και  $\rho'_0 := 8\pi \frac{(k_B T)^5}{(hc)^4}$ )

$$\rho(\psi) = \rho'_0 \frac{\psi^5}{e^\psi - 1} \quad [\rho'_0] = \frac{J}{m^3 \cdot m}$$

v. Planck

αν ψάχνουμε ακρότητα, θα πρέπει  $\frac{dp}{d\psi} = 0$

$$\frac{dp}{d\psi} = \rho'_0 \frac{5\psi^4(e^\psi - 1) - \psi^5 e^\psi}{(e^\psi - 1)^2} \quad \left\{ \Rightarrow \psi^4 \{ 5(e^\psi - 1) - \psi e^\psi \} = 0 \right.$$

$$\Rightarrow (\text{για } \psi \neq 0) \quad 5(e^\psi - 1) = \psi e^\psi$$

φαίνεται ότι  $\psi_0 \sim 5$

ακριβέστερα  $\psi_0 \approx 4.965114$

$$\frac{hc}{\lambda_0 k_B T} \approx 4.965114 \Rightarrow \boxed{\lambda_0 T \approx 2.897772 \cdot 10^{-3} \text{ mK}}$$

$$P_w(\psi) = P_0' \frac{\psi^5}{e^\psi}$$

v. Wien

$$\frac{dP_w}{d\psi} = P_0' \frac{5\psi^4 e^\psi - \psi^5 e^\psi}{e^{2\psi}}$$

$$P_0' \psi^4 \frac{5-\psi}{e^\psi} = P_0' \frac{5\psi^4 - \psi^5}{e^\psi}$$

$$\text{και } \frac{dP_w}{d\psi} = 0 \Rightarrow (\psi \neq 0) \quad 5e^\psi = \psi e^\psi \Rightarrow$$

$$\psi = 5$$

$$\frac{hc}{\lambda_0 k_B T} = 5 \Rightarrow \lambda_0 \cdot T = 2.877554 \text{ mK}$$

Ο νόμος μετατοπίσεως του Wien παρήχθη από τον Wilhelm Wien το 1893

Ως χωρίς

$$\lambda_0 \cdot T = \text{σταθερά}$$

ΑΣΚΗΣΗ Δείξτε ότι το συγκεκρινό  $\psi_0$  οπου  $\frac{d^2 P_w}{d\psi^2} < 0$ , δηλαδή πρέπει να έχουνται γέμισης.

Χρησιμοποιήστε το v. Wien  $P = P_0' \frac{\psi^5}{e^\psi}$

$$\frac{d^2 P_w}{d\psi^2} = P_0' \frac{(20\psi^3 - 5\psi^4)e^\psi - (5\psi^4 - \psi^5)e^\psi}{e^{2\psi}} = P_0' \frac{20\psi^3 - 10\psi^4 + \psi^5}{e^4}$$

$$\frac{d^2 P_w}{d\psi^2} = P_0' \psi^3 \frac{20 - 10\psi + \psi^2}{e^\psi} \quad \text{και για } \psi = \psi_0 = 5 \Rightarrow \frac{d^2 P_w}{d\psi^2} = P_0' \cdot 5^3 \frac{20 - 50 + 25}{e^5} < 0$$