

ΠΕΔΙΑ ΕΝΤΟΣ ΙΔΑΝΙΚΟΥ ΑΓΕΓΟΥ

? Ιδανικός άγωγός αναλά ότι την ένέργεια ΗΜ κυμάτων (ideal conductor) του προσπίπτει στην έπιφερτή του

Καλός άγωγός αναλά το μεγαλύτερο μέρος της ένέργειας ΗΜ κυμάτων (good conductor) του προσπίπτει στην έπιφερτή του.

Πυκνότητα ένέργειας ΗΜ κυμάτων

$$U = \frac{\epsilon_0}{2} E^2 + \frac{1}{2\mu_0} B^2 = \frac{\epsilon_0}{2} (E^2 + c^2 B^2)$$

$$c^2 = \frac{1}{\mu_0 \epsilon_0} \Rightarrow \frac{1}{\mu_0} = \epsilon_0 c^2$$

$$\epsilon_0 \approx 8.854 \cdot 10^{-12} \frac{F}{m}$$

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{N}{A^2}$$

$$c \approx 3 \cdot 10^8 \frac{m}{s}$$

$$[U] = \frac{F}{m} \cdot \frac{V^2}{m^2} = \frac{C}{V} \cdot \frac{V^2}{m^3} = \frac{C \cdot V}{m^3} = \frac{J}{m^3}$$

$$[U] = \frac{A^2}{N} T^2 = \frac{N^2}{N m^2} = \frac{N}{m^2} = \frac{N \cdot m}{m^3} = \frac{J}{m^3}$$

$$F = BIl \quad N = TAM$$

"Αρα, έντος ιδανικού άγωγος $\vec{E} = \vec{0}$ και $\vec{B} = \vec{0}$

ΕΞΙΣΟΣ ΕΙΣ MAXWELL. ΔΙΑΤΥΠΩΣΗ με δύος ολικού φρετού

D. Gauss $\oint \vec{E} \cdot d\vec{a} = \int_S \vec{\nabla} \cdot \vec{E} dV$ κ ολικού ρεύματος

$S = \partial V$ ✓

D. Stokes $\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \int_S \vec{\nabla} \times \vec{B} \cdot d\vec{l}$

$L = \partial S$

διαφορική μορφή

επονέκτης ($\rho = 0, \vec{J} = \vec{0}$)

1^η E. Maxwell $\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$

v. Gauss ιδεαριότητας

2^η E. Maxwell $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$

v. Gauss γεωμετρίας

3^η E. Maxwell $\vec{\nabla} \times \vec{E} = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$

v. Faraday έργηγής

4^η E. Maxwell $\vec{\nabla} \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$

v. Ampère κ
Sisplώση Maxwell

$\vec{\nabla} \times \vec{E} = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$

$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$

ελεκτρικής μορφής

1^η + D. Gauss $\int_V \vec{\nabla} \cdot \vec{E} dV = \int_S \vec{E} \cdot d\vec{a} \Rightarrow \Phi_{E,S=\partial V} := \int_S \vec{E} \cdot d\vec{a} = \frac{q_{\text{επονέκτης}}}{\epsilon_0}$

2^η + D. Gauss $\int_V \vec{\nabla} \cdot \vec{B} dV = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{a} \Rightarrow \Phi_{B,S=\partial V} := \int_S \vec{B} \cdot d\vec{a} = 0$

3^η + D. Stokes $\int_S \vec{\nabla} \times \vec{E} \cdot d\vec{a} = \int_L \vec{E} \cdot d\vec{l} \Rightarrow \mathcal{E}_{\text{ΗΕΔ}} := \oint_L \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \frac{\partial}{\partial t} \int_S \vec{B} \cdot d\vec{a}$

$L = \partial S$ $L = \partial S$ $= - \frac{\partial}{\partial t} \Phi_{B,S}$

4^η + D. Stokes $\int_S \vec{\nabla} \times \vec{B} \cdot d\vec{a} = \oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} \Rightarrow \oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \int_S (\mu_0 \vec{J} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}) \cdot d\vec{a} =$

S $L = \partial S$ S $= \mu_0 I_{\text{μεσαρικής}} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial}{\partial t} \Phi_{E,S}$

ΥΠΑΡΞΗ ΗΜ ΚΥΜΑΤΩΝ όταν $\rho = 0$ & $\vec{J} = \vec{0}$

$$1_n \quad \vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 0$$

$$2_n \quad \vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$

$$3_n \quad \vec{\nabla} \times \vec{E} = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$4_n \quad \vec{\nabla} \times \vec{B} = \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

$$\bullet \quad \vec{\nabla} \times (\vec{\nabla} \times \vec{E}) = \vec{\nabla}(\vec{\nabla} \cdot \vec{E}) - \vec{\nabla}^2 \vec{E} \quad \left(\vec{\nabla}^2 \text{ Lankasian Laplacian} \right)$$

$$\vec{\nabla} \times (\vec{\nabla} \times \vec{E}) = \vec{\nabla}(\vec{\nabla} \cdot \vec{E}) - \vec{\nabla}^2 \vec{E} \Rightarrow \vec{\nabla} \times \left(- \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \right) = - \vec{\nabla}^2 \vec{E} \Rightarrow$$

$$- \frac{\partial}{\partial t} \vec{\nabla} \times \vec{B} = - \vec{\nabla}^2 \vec{E} \Rightarrow - \frac{\partial}{\partial t} \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = - \vec{\nabla}^2 \vec{E} \Rightarrow \vec{\nabla}^2 \vec{E} = \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2}$$

$$U_0 = C = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}}$$

$$\vec{\nabla}^2 \vec{E} = \frac{1}{C^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2}$$

$$\left[\vec{\nabla} - \frac{1}{C^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \right] \vec{E} = \vec{0}$$

$$\square \vec{E} = \vec{0}$$

(\square D'Alembertian)

$$\vec{\nabla} \times (\vec{\nabla} \times \vec{B}) = \vec{\nabla}(\vec{\nabla} \cdot \vec{B}) - \vec{\nabla}^2 \vec{B} \Rightarrow \vec{\nabla} \times \left(\epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right) = - \vec{\nabla}^2 \vec{B} \Rightarrow$$

$$\epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial}{\partial t} \vec{\nabla} \times \vec{E} = - \vec{\nabla}^2 \vec{B} \Rightarrow \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial}{\partial t} \left(- \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \right) = - \vec{\nabla}^2 \vec{B} \Rightarrow \vec{\nabla}^2 \vec{B} = \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{B}}{\partial t^2}$$

$$\vec{\nabla}^2 \vec{B} = \frac{1}{C^2} \frac{\partial^2 \vec{B}}{\partial t^2}$$

$$\left[\vec{\nabla} - \frac{1}{C^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \right] \vec{B} = \vec{0}$$

$$\square \vec{B} = \vec{0}$$

ΠΕΔΙΑ ΣΤΟ ΣΥΝΟΡΟ ΙΔΑΝΙΚΟΥ ΑΓΩΓΟΥ

Συμπληκτικές Συνθήκες στη διεπιφάνεια μεταξύ δικών interface

$$1_{\text{η E.S.M.}} \Rightarrow E_{1\perp} - E_{2\perp} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

ΓΣΣ

$$2_{\text{η E.S.M.}} \Rightarrow B_{1\perp} = B_{2\perp}$$

$$3_{\text{η E.S.M.}} \Rightarrow E_{1\parallel} = E_{2\parallel}$$

$$4_{\text{η E.S.M.}} \Rightarrow B_{2\parallel} - B_{1\parallel} = \mu_0 \cdot \int \text{δραγχής που διασπέρα την S} \quad [J^{\parallel}] = \frac{A}{m}$$

Έστω (1) = ιδανικός όγκος ($\vec{B}_1 = \vec{0}$, $\vec{E}_1 = \vec{0}$) } Total of ΓΣΣ

(2) = κενό ή αέρας

για να είναι

$$-E_{2\perp} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

ΕΣΣ

$$\left. \begin{array}{l} B_{2\perp} = 0 \\ E_{2\parallel} = 0 \end{array} \right\}$$

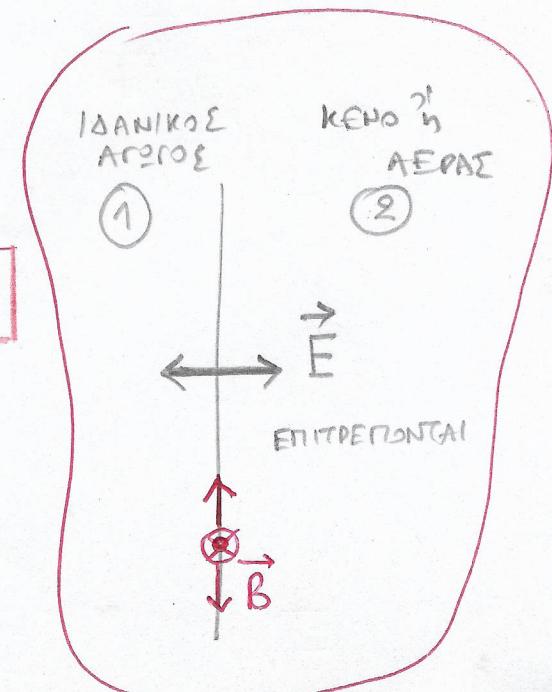
$$B_{2\parallel} = \mu_0 \int \text{δραγχής που διασπέρα την S}$$

Δε χρειαστούμε περιβολέρα τις

$B_{2\perp} = 0$

ΕΣΣ*

$E_{2\parallel} = 0$



ΠΕΔΙΑ ΣΕ ΚΟΙΔΗΤΕΣ

ΟΛΗ Η ΕΝΕΡΓΕΙΑ

Το μεγαλύτερο μέρος της ένεργειας είναι ΉM κυμάτων

Το δεύτερο προσπίτεσσιν ξεπέφενει είναι καθος άγωνος ανακάρας

ΙΔΑΝΙΚΟΣ ΑΓΩΝΟΣ



Μπορούμε να διαδικτεύουμε ΉM ένεργεια

σε μορφή σταθύων ΉM κυμάτων

έντος κοιδήτων τη γη/χώματος ή Ιδανικό άγωνος ("κατά προσέγγισην καθος άγωνος")

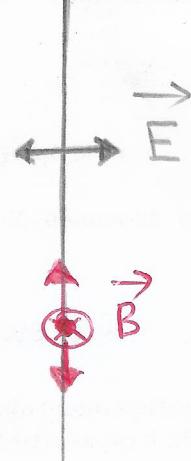
EΣΣ*

$$B_{2\perp} = 0$$

$$E_{2\parallel} = 0$$

①
ΙΔΑΝΙΚΟΣ
ΑΓΩΝΟΣ

②
ΚΕΝΟ ή ΑΕΡΑΣ



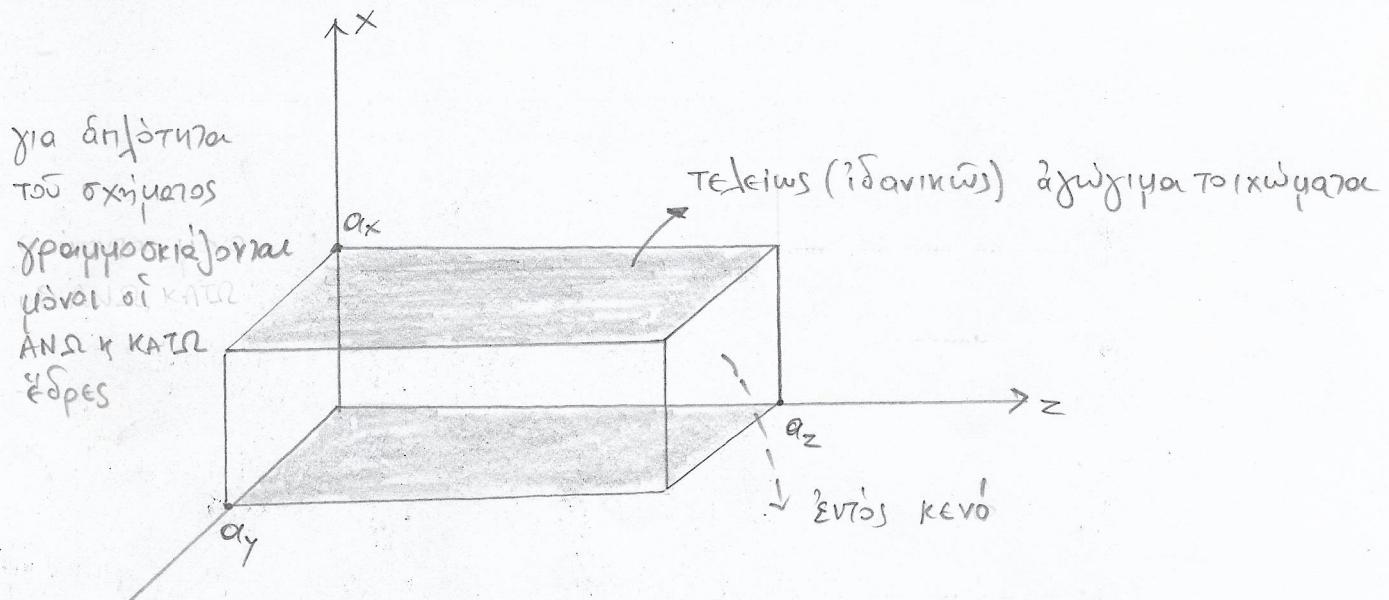
Συντίμως, οι Suavies μορφές & συχνότητες

των σταθύων ΉM κυμάτων, τα οποία διατηρούνται έντος της κοιδήτων ("μπογκρέζες διάπο την κοιδήτων")

KΑΘΟΡΙΖΟΝΤΑΙ ΑΠΟ

Το σχήμα της κοιδήτων

<u>(Kavorikoi) Τρόποι</u>	$\left\{ \begin{array}{l} \text{μορφές} \\ \text{&} \\ \text{συχνότητες} \end{array} \right.$	patterns & frequencies	} (normal) modes
---------------------------	---	------------------------------	---------------------



$$\nabla^2 \vec{E} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} \quad \underline{\text{KEE}}$$

$$\vec{\nabla}^2 \vec{B} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{B}}{\partial t^2} \quad \underline{KFB}$$

GTIS Sieringáveles

$$\left. \begin{array}{l} B_{\perp} = \emptyset \\ E_{\parallel} = \emptyset \end{array} \right\} \boxed{\Sigma\Sigma^*}$$

- Հայտնաբերությունների սպառական դաշտը կազմության վերաբերյալ՝ \vec{r}, t , Ցուցանիշները

$$\vec{E}(x, y, z, t) = \vec{E}_r(x, y, z) \cdot e^{-i\omega t}$$

$$\text{KEE} \Rightarrow \vec{e}^{-i\omega t} \vec{\nabla}^2 \vec{E}_r = \frac{1}{c^2} (-i\omega)^2 \vec{e}^{-i\omega t} \vec{E}_r \Rightarrow$$

$$\frac{1}{\Delta} \vec{E}_r + \frac{\omega^2}{c^2} \vec{E}_r = \vec{\theta}$$

- Στη συρέξεια χωρίζουμε τις μητρικής x, y, z εντός του \vec{r}

... πρέψεις...

$$\vec{E}_r(x, y, z) = E_1(x, y, z)\hat{x} + E_2(x, y, z)\hat{y} + E_3(x, y, z)\hat{z} \quad \left. \right\} \Rightarrow$$

$$\nabla^2 \vec{E}_r + \frac{\omega^2}{c^2} \vec{E}_r = \vec{0}$$

$$\nabla^2 E_1 \hat{x} + \nabla^2 E_2 \hat{y} + \nabla^2 E_3 \hat{z} + \frac{\omega^2}{c^2} E_1 \hat{x} + \frac{\omega^2}{c^2} E_2 \hat{y} + \frac{\omega^2}{c^2} E_3 \hat{z} = \vec{0}$$

$$\nabla^2 E_1 + \frac{\omega^2}{c^2} E_1 = 0 \quad \nabla^2 E_2 + \frac{\omega^2}{c^2} E_2 = 0 \quad \nabla^2 E_3 + \frac{\omega^2}{c^2} E_3 = 0$$

$$E_1 = X_1(x) Y_1(y) Z_1(z) \quad E_2 = X_2(x) Y_2(y) Z_2(z) \quad E_3 = X_3(x) Y_3(y) Z_3(z)$$

$$Y_i Z_i \frac{d^2 X_i}{dx^2} + X_i Z_i \frac{d^2 Y_i}{dy^2} + X_i Y_i \frac{d^2 Z_i}{dz^2} = -\frac{\omega^2}{c^2} X_i Y_i Z_i \quad i=1,2,3$$

$$\underbrace{\frac{1}{X_i} \frac{d^2 X_i}{dx^2}}_{f(x)} + \underbrace{\frac{1}{Y_i} \frac{d^2 Y_i}{dy^2}}_{g(y)} + \underbrace{\frac{1}{Z_i} \frac{d^2 Z_i}{dz^2}}_{h(z)} = -\frac{\omega^2}{c^2} = -k^2 = -k_{xi}^2 - k_{yi}^2 - k_{zi}^2$$

$$\frac{d^2 X_i}{dx^2} + k_{xi}^2 X_i = 0 \quad \frac{d^2 Y_i}{dy^2} + k_{yi}^2 Y_i = 0 \quad \frac{d^2 Z_i}{dz^2} + k_{zi}^2 Z_i = 0$$

$$X_i = A_{xi} \cos(k_{xi} x) + B_{xi} \sin(k_{xi} x)$$

$$Y_i = A_{yi} \cos(k_{yi} y) + B_{yi} \sin(k_{yi} y)$$

$$Z_i = A_{zi} \cos(k_{zi} z) + B_{zi} \sin(k_{zi} z)$$

$$E_i(x, y, z) = X_i(x) \cdot Y_i(y) \cdot Z_i(z) \quad \text{affa da npener}$$

$$E_1(x, y, z) = X_1(x) \cdot Y_1(y) \cdot Z_1(z) \quad \text{ra yndenjetoar gle } y=0 \text{ noi } z=0 \\ \text{kan ra yndenjetoar gle } x=0$$

$$\Rightarrow E_1(x, y, z) = K_1 \cdot \cos(k_{x1} x) \cdot \sin(k_{y1} y) \cdot \sin(k_{z1} z)$$

$$E_2(x, y, z) = X_2(x) \cdot Y_2(y) \cdot Z_2(z) \quad \text{ra yndenjetoar gle } x=0 \text{ noi } z=0 \\ \text{kan ra yndenjetoar gle } y=0$$

$$\Rightarrow E_2(x, y, z) = K_2 \sin(k_{x2} x) \cdot \cos(k_{y2} y) \cdot \sin(k_{z2} z)$$

$$E_3(x, y, z) = X_3(x) \cdot Y_3(y) \cdot Z_3(z) \quad \text{ra yndenjetoar gle } x=0 \text{ noi } y=0 \\ \text{kan ra yndenjetoar gle } z=0$$

$$\Rightarrow E_3(x, y, z) = K_3 \cdot \sin(k_{x3} x) \cdot \sin(k_{y3} y) \cdot \cos(k_{z3} z)$$

μορφές

$$E_x = E_{x0} \cdot \cos(k_x x) \cdot \sin(k_y y) \cdot \sin(k_z z)$$

μηδενί] έτσι και

$y=0$ και $z=0$

$$E_y = E_{y0} \cdot \sin(k_x x) \cdot \cos(k_y y) \cdot \sin(k_z z)$$

$x=0$ και $z=0$

$$E_z = E_{z0} \cdot \sin(k_x x) \cdot \sin(k_y y) \cdot \cos(k_z z)$$

$x=0$ και $y=0$

$$k_x^2 + k_y^2 + k_z^2 = \frac{\omega^2}{c^2}$$

(κυκλ.)
συχνότητες

- Στην κάτω έδρα ($x=0$)

Ε μόνο E_x συνιστώσα

δηλ. $\vec{E} \perp$ κάτω έδρα

- Στην πίσω έδρα ($y=0$)

Ε μόνο E_y συνιστώσα

δηλ. $\vec{E} \perp$ πίσω έδρα

- Στην θριστερή έδρα ($z=0$)

Ε μόνο E_z συνιστώσα

δηλ. $\vec{E} \perp$ θριστερή έδρα

Ικανοποιείται η
 $E_{\Sigma\Sigma}^* E_{\parallel} = 0$

Όμως, δα πρέπει

- Στην άνω έδρα ($x=a_x$)

να Ε μόνο E_x συνιστώσα

δηλ. $\vec{E} \perp$ άνω έδρα

- Στην μπροστινή έδρα ($y=a_y$)

να Ε μόνο E_y συνιστώσα

δηλ. $\vec{E} \perp$ μπροστινή έδρα

- Στην δεξιά έδρα ($z=a_z$)

να Ε μόνο E_z συνιστώσα

δηλ. $\vec{E} \perp$ δεξιά έδρα

για να
ικανοποιείται η
 $E_{\Sigma\Sigma}^* E_{\parallel} = 0$

Σ άνω έδρα, δα πρέπει $\sin(k_x a_x) = 0 \Rightarrow k_x a_x = m_x \pi \Rightarrow k_x = \frac{m_x \pi}{a_x}, m_x \in \mathbb{Z}$

Σ μπροστινή έδρα, δα πρέπει $\sin(k_y a_y) = 0 \Rightarrow k_y a_y = m_y \pi \Rightarrow k_y = \frac{m_y \pi}{a_y}, m_y \in \mathbb{Z}$

Σ δεξιά έδρα, δα πρέπει $\sin(k_z a_z) = 0 \Rightarrow k_z a_z = m_z \pi \Rightarrow k_z = \frac{m_z \pi}{a_z}, m_z \in \mathbb{Z}$

⇒ $\left(\frac{m_x \pi}{a_x} \right)^2 + \left(\frac{m_y \pi}{a_y} \right)^2 + \left(\frac{m_z \pi}{a_z} \right)^2 = \frac{\omega^2}{c^2}$

(κυκλ.)

συχνότητες

$$\omega_{m_x, m_y, m_z} = \pi c \sqrt{\left(\frac{m_x}{a_x} \right)^2 + \left(\frac{m_y}{a_y} \right)^2 + \left(\frac{m_z}{a_z} \right)^2}$$

$$\omega_{m_x, m_y, m_z} = \pi c \sqrt{\frac{m_x^2 + m_y^2}{a_x'^2} + \frac{m_z^2}{a_z'^2}}$$

δροσιστικά κοιδότητα

Τετραγωνική κοιδότητα
($a_x = a_y = a'$)

$$E_x(x, y, z) = E_{x0} \cos(k_{x1}x) \cdot \sin(k_{y1}y) \cdot \sin(k_{z1}z) \quad y=0 \quad \kappa \quad z=0 \quad \text{ηδειαρραι γε}$$

$$E_y(x, y, z) = E_{y0} \sin(k_{x2}x) \cdot \cos(k_{y2}y) \cdot \sin(k_{z2}z) \quad x=0 \quad \kappa \quad z=0$$

$$E_z(x, y, z) = E_{z0} \sin(k_{x3}x) \cdot \sin(k_{y3}y) \cdot \cos(k_{z3}z) \quad x=0 \quad \kappa \quad y=0$$

$$k_{xi}^2 + k_{yi}^2 + k_{zi}^2 = k^2 = \frac{\omega^2}{c^2}$$

Στην κάτω έδρα ($x=0$) Είμαστε E_x συνιστώσας, δηλ. $\vec{E} \perp$ ΚΑΤΩ ΕΔΡΑ

Στην διπλα έδρα ($y=0$) Είμαστε E_y συνιστώσας, δηλ. $\vec{E} \perp$ ΟΠΙΣΘΙΑ ΕΔΡΑ

Στην δεξιά έδρα ($z=0$) Είμαστε E_z συνιστώσας, δηλ. $\vec{E} \perp$ ΑΡΙΣΤΕΡΗ ΕΔΡΑ

Όχιτος, δια πρέπει

Στην άνω έδρα ($x=a_x$) να Είμαστε E_x συνιστώσας, δηλ. $\vec{E} \perp$ ΑΝΩ ΕΔΡΑ

Στην μπροστινή έδρα ($y=a_y$) να Είμαστε E_y συνιστώσας, δηλ. $\vec{E} \perp$ ΜΠΡΟΣΤΙΝΗ ΕΔΡΑ

Στη δεξιά έδρα ($z=a_z$) να Είμαστε E_z συνιστώσας, δηλ. $\vec{E} \perp$ ΔΕΞΙΑ ΕΔΡΑ

$$@ \text{ΑΝΩ ΕΔΡΑ} \quad \sin(k_{x2}a_x) = 0 = \sin(k_{x3}a_x) \quad k_{x2} = \frac{m_{x2}\pi}{a_x} \quad k_{x3} = \frac{m_{x3}\pi}{a_x}$$

$$@ \text{ΜΠΡΟΣΤΙΝΗ} \gg \sin(k_{y1}a_y) = 0 = \sin(k_{y3}a_y) \quad k_{y1} = \frac{m_{y1}\pi}{a_y} \quad k_{y3} = \frac{m_{y3}\pi}{a_y}$$

$$@ \text{ΔΕΞΙΑ ΕΔΡΑ} \quad \sin(k_{z1}a_z) = 0 = \sin(k_{z2}a_z) \quad k_{z1} = \frac{m_{z1}\pi}{a_z} \quad k_{z2} = \frac{m_{z2}\pi}{a_z}$$

$$k_{x2} = k_{x3} := k_x$$

$$k_{x1}^2 + \frac{m_{y1}^2\pi^2}{a_y^2} + \frac{m_{z1}^2\pi^2}{a_z^2} = \frac{\omega^2}{c^2}$$

$$k_{y1} = k_{y3} := k_y$$

$$\frac{m_{x2}^2\pi^2}{a_x^2} + k_{y2}^2 + \frac{m_{z2}^2\pi^2}{a_z^2} = \frac{\omega^2}{c^2}$$

$$k_{z1} = k_{z2} := k_z$$

$$\frac{m_{x3}^2\pi^2}{a_x^2} + \frac{m_{y3}^2\pi^2}{a_y^2} + k_{z3}^2 = \frac{\omega^2}{c^2}$$

$$\frac{\omega^2}{c^2} = k_{x1}^2 + k_y^2 + k_z^2 = k_x^2 + k_{y2}^2 + k_z^2 = k_x^2 + k_y^2 + k_{z3}^2$$

$$= k_{x2}^2 + k_y^2 + k_{z2}^2 =$$

$$= k_{x3}^2 + k_y^2 + k_{z3}^2 \Rightarrow$$

$$\frac{\omega^2}{c^2} = (k_{x1}^2 - k_x^2) = (k_{y2}^2 - k_y^2) = (k_{z3}^2 - k_z^2)$$

$$(k_{x1}^2 - k_x^2) = (k_{y2}^2 - k_y^2) = (k_{z3}^2 - k_z^2) \quad (k_{y2}^2 - k_y^2) = (k_{z3}^2 - k_z^2)$$

$$(k_{x1}^2 - k_x^2) = (k_{y2}^2 - k_y^2) = (k_{z3}^2 - k_z^2)$$

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$

$$\exists \cos(k_{x1}x) \quad \exists \cos(k_{y2}y) \quad \exists \cos(k_{z3}z) \quad \text{όπτεις συμπλοκές}$$

$$k_{x1} = k_x \quad k_{y2} = k_y \quad k_{z3} = k_z$$

"Apa" $k_x = k_{x1} = k_{x2} = k_{x3} = \frac{m_x \pi}{a_x}$ $m_x \in \mathbb{Z}$ пр7'
 $k_y = k_{y1} = k_{y2} = k_{y3} = \frac{m_y \pi}{a_y}$ $m_y \in \mathbb{Z}$
 $k_z = k_{z1} = k_{z2} = k_{z3} = \frac{m_z \pi}{a_z}$ $m_z \in \mathbb{Z}$

$$k_x^2 + k_y^2 + k_z^2 = \frac{\omega^2}{c^2} := k^2$$

$$E_x(x, y, z) = E_{x0} \cdot \cos(k_x x) \cdot \sin(k_y y) \cdot \sin(k_z z) \quad k_x = \frac{m_x \pi}{a_x} \quad m_x \in \mathbb{N}$$

$$E_y(x, y, z) = E_{y0} \cdot \sin(k_x x) \cdot \cos(k_y y) \cdot \sin(k_z z) \quad k_y = \frac{m_y \pi}{a_y} \quad m_y \in \mathbb{N}$$

$$E_z(x, y, z) = E_{z0} \cdot \sin(k_x x) \cdot \sin(k_y y) \cdot \cos(k_z z) \quad k_z = \frac{m_z \pi}{a_z} \quad m_z \in \mathbb{N}$$

аналогично та приснда
оте E_{x0}, E_{y0}, E_{z0}

$$\omega_{m_x, m_y, m_z} = \frac{\pi c}{\alpha} \sqrt{m_x^2 + m_y^2 + m_z^2}$$

κυριαρχούσης
($\alpha_x = \alpha_y = \alpha_z = \alpha$)

7

Μπορούμε να πάρουμε τα $m_x, m_y, m_z \in \mathbb{N}$

απορροφώντας την αλλαγή προσήκου στα E_{x0}, E_{y0}, E_{z0}

δηλαδή ξεπερνώντας στα E_{x0}, E_{y0}, E_{z0} να πάρουμε δείκτες για δραστικές τικτυίσεις.
Τέτοιες ώστε να δικινθων με τις συναρτήσεις συνδικών.

$$\frac{\alpha \omega}{\pi c} = \sqrt{m_x^2 + m_y^2 + m_z^2}$$

m_x	m_y	m_z	$\frac{\alpha \omega}{\pi c}$	E πλάτος	οχόλιο	B πλάτος	οχόλιο
0	0	0	0	0		0	
0	0	1	1	0		0	
0	1	1	$\sqrt{2}$	$\neq 0$	$\exists E_x$	$\neq 0$	$\exists B_y, B_z$
1	1	1	$\sqrt{3}$	$\neq 0$		$\neq 0$	
0	0	2	$\sqrt{4}=2$	0		0	
0	1	2	$\sqrt{5}$	$\neq 0$	$\exists E_x$	$\neq 0$	$\exists B_y, B_z$

... πράξεις...

μιδενίζεται για

$$B_x = \frac{i}{\omega} (E_{y0} k_z - E_{z0} k_y) \cdot \sin(k_x x) \cdot \cos(k_y y) \cdot \cos(k_z z) \quad x=0 \quad \text{kάτω}$$

$$B_y = \frac{i}{\omega} (E_{z0} k_x - E_{x0} k_z) \cdot \cos(k_x x) \cdot \sin(k_y y) \cdot \cos(k_z z) \quad y=0 \quad \text{πάνω}$$

$$B_z = \frac{i}{\omega} (E_{x0} k_y - E_{y0} k_x) \cdot \cos(k_x x) \cdot \cos(k_y y) \cdot \sin(k_z z) \quad z=0 \quad \text{αριστερά}$$

συγχώνεται για

$$E \sum \sum * B_{\perp} = 0$$

δικτύωση $x=\alpha_x$ $\sin(k_x \alpha_x) = \sin(m_x \pi) = 0$

και πάλι

συγχώνεται για

$$E \sum \sum * B_{\perp} = 0$$

μηροστικό $y=\alpha_y$ $\sin(k_y \alpha_y) = \sin(m_y \pi) = 0$

δεξιό $z=\alpha_z$ $\sin(k_z \alpha_z) = \sin(m_z \pi) = 0$